

数学

注意

1. 問題は全部で5題あり、冊子は計算用の余白もあわせて12ページである。
2. 解答用紙に氏名・受験番号を忘れずに記入すること。（ただし、マーク・シートにはあらかじめ受験番号がプリントされている。）
3. 解答はすべて解答用紙の指定された欄に記入すること。指定の欄以外に記入されたものは採点の対象としない。
4. マーク・シート記入については、解答用紙（その1）の「解答上の注意」にしたがうこと。
5. 問題3, 4, 5の解答については、論述なしで結果だけ記しても、正解とはみなさない。
6. 解答用紙はすべて必ず提出すること。問題冊子は持ち帰ってよい。

[計算用余白]

[計算用余白]

1 解答を解答用紙(その1)の **1** 欄に記入せよ.

赤玉7個と白玉5個をA,B,Cの3つの箱に入れる.

- (1) 赤玉7個だけを3つの箱に入れるとき、入れ方は **ア** **イ** 通りである。
ただし、玉が入らない箱があってもよいものとする.
- (2) 赤玉7個と白玉5個を3つの箱に入れるとき、入れ方は **ウ** **エ** **オ** 通りである。ただし、玉が入らない箱があってもよいものとする.
- (3) どの箱にも1個以上の玉を入れると、赤玉7個と白玉5個を3つの箱へ
入れるような入れ方は **カ** **キ** **ク** 通りである.

[計算用余白]

2 解答を解答用紙(その1)の 2 欄に記入せよ.

△ABCにおいて、 $AB + AC = 1$ および $\angle ABC = \frac{\pi}{2}$ が成り立つとする。

$AB = x$ とすると、 x のとり得る値の範囲は $\boxed{\text{ケ}} < x < \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$ であり、BC

を x を用いて表すと $BC = \sqrt{\boxed{\text{シ}} - \boxed{\text{ス}}x}$ である。このとき △ABC の面積を $f(x)$ とおくと、その導関数は

$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{\boxed{\text{シ}} - \boxed{\text{ス}}x}} \left(\frac{\boxed{\text{セ}}}{\boxed{\text{ソ}}} - \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}x \right)$$

であるので、 $x = \frac{\boxed{\text{ツ}}}{\boxed{\text{テ}}}$ のとき $f(x)$ は最大となる。このとき $\angle BCA = \frac{\boxed{\text{ト}}}{\boxed{\text{ナ}}}\pi$ である。

ただし、解答の分数はすべて既約分数とする。

[計算用余白]

3 解答を解答用紙(その2)の **3** 欄に記入せよ.

連立不等式

$$\begin{cases} x^2 - 2x + y^2 \leq 24 \\ x + 2y \geq 3 \end{cases}$$

の表す領域を図示し、点 (x, y) がこの領域を動くとき、 $4x + 3y$ の最大値と最小値を求めよ。

[計算用余白]

4 解答を解答用紙(その3)の 4 欄に記入せよ.

曲線 $y = \frac{1}{x}$ ($x > 0$) を C とする.

- (1) 曲線 C 上の点 $A(1, 1)$ を通り、傾き $-m$ ($0 < m < 1$) の直線と曲線 C の交点のうち、 A と異なる点を B とする. 点 B の座標、および線分 AB の長さ ℓ を求めよ.
- (2) 直線 AB と曲線 C によって囲まれた部分の面積 S を求めよ.
- (3) $m \rightarrow +0$ のとき、 $\frac{S}{\ell}$ の極限値を求めよ. ただし、 $\lim_{x \rightarrow +0} x \log x = 0$ であることを用いてよい.

[計算用余白]

5 解答を解答用紙(その4)の **5** 欄に記入せよ.

次の条件によって定められる数列 $\{a_n\}$ を考える.

$$a_1 = 2, \quad a_{n+1} = \frac{4a_n}{3a_n + 1} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

(1) a_2, a_3, a_4 を求めよ.

(2) 数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ.

(3) $a_n - 1 < 10^{-5}$ となる最小の自然数 n を求めよ. ただし $\log_{10} 2 = 0.3010$ とする.

[計算用余白]

