

E b 物 理 問 題

注 意

1. 試験開始の指示があるまでこの問題冊子を開いてはいけません。
2. 解答用紙はすべてHBの黒鉛筆またはHBの黒のシャープペンシルで記入することになっています。HBの黒鉛筆・消しゴムを忘れた人は監督に申し出てください。(万年筆・ボールペン・サインペンなどを使用してはいけません。)
3. この問題冊子は16ページまでとなっています。試験開始後、ただちにページ数を確認してください。なお、問題番号はI～IVとなっています。
4. 解答用紙にはすでに受験番号が記入されていますので、出席票の受験番号が、あなたの受験票の番号であるかどうかを確認し、出席票の氏名欄に氏名のみを記入してください。なお、出席票は切り離さないでください。
5. 解答は解答用紙の指定された解答欄に記入し、その他の部分には何も書いてはいけません。
6. 解答用紙を折り曲げたり、破ったり、傷つけたりしないように注意してください。
7. 計算には、この問題冊子の余白部分を使ってください。
8. この問題冊子は持ち帰ってください。

マーク・センス法についての注意

マーク・センス法とは、鉛筆でマークした部分を機械が直接よみとって採点する方法です。

1. マークは、下記の記入例のようにHBの黒鉛筆で枠の中をぬり残さず濃くぬりつぶしてください。
2. 1つのマーク欄には1つしかマークしてはいけません。
3. 訂正する場合は消しゴムでよく消し、消しきずはきれいに取り除いてください。

マーク記入例：

A	1	2	3	4	5
	○	○	●	○	○

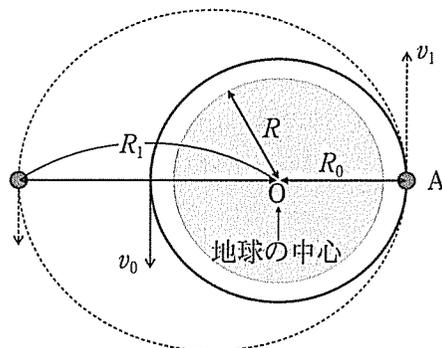
 (3と解答する場合)

I. 次の文を読み、下記の設問1・2に答えよ。解答は解答用紙の所定欄にしるせ。ただし、万有引力定数を G とする。

地球（質量 M 、半径 R ）を周回する人工衛星（質量 m ）の運動を考える。空気抵抗は無視できるものとする。はじめ、半径 R_0 の等速円運動をしていたとすると、このときの人工衛星の速さは $v_0 =$ である。また、無限遠を基準にした万有引力による位置エネルギーを U とすると、人工衛星の運動エネルギーは である。

図のように、点Aで質量 αm ($0 < \alpha < 1$) を持つ小物体を人工衛星から射出したところ、その小物体は初速度0で直線AOに沿って地球に落下した。このとき小物体射出直後の人工衛星の速さは $v_1 =$ である。小物体の射出後、人工衛星は短半径 R_0 、長半径 R_1 の楕円軌道に入った。ここで、 $\beta = \frac{R_0}{R_1}$ と定義すると、 β は α のみの関数となり、 $\beta =$ である。ただし、楕円軌道が実現するためには、 $\alpha <$ の条件を満たして人工衛星の力学的エネルギーが負の値をとる必要がある。

次に、地球を周回する人工衛星（質量 m ）の運動について、大気（密度 ρ ）の影響を考える。この人工衛星は、速さ v のとき速度ベクトルと反対の向きに $\rho v^2 S$ の大きさの空気抵抗による力を受ける。ここで S は空力面積と呼ばれ、空気抵抗に対する人工衛星の実効的な面積を表す。大気密度はここで考える高度の範囲では一定であるとする。抗力は地球からの引力にくらべて十分に小さく、人工衛星が周回を重ねるごとに徐々に高度を下げる場合を考える。なお、任意の1周回において、人工衛星は等速円運動をしているとみなして良い。1周回の間人工衛星が大気にする仕事の大きさは であり、これは人工衛星の高度にかかわらず一定である。半径 r_0 で周回していた人工衛星が、その n 周後に軌道半径 r_n （ただし $r_n > R$ ）まで落ちてきた。 n 、 S 、 ρ 、 m 、 r_0 のうち必要な量を用いて r_n を表すと、 $r_n =$ となる。



1. 文中の空所 ～ にあてはまる数式または数値としてもっとも適当なものを、それぞれ対応する a ～ f から1つずつ選び、その記号をマークせよ。

<input type="text" value="イ"/>	a. $\sqrt{\frac{GM}{R_0}}$	b. $\sqrt{\frac{2GM}{R_0}}$	c. $\sqrt{\frac{Gm}{R_0}}$
	d. $\sqrt{\frac{2Gm}{R_0}}$	e. $\sqrt{\frac{Gm}{R_0 - R}}$	f. $\sqrt{\frac{GM}{R_0 - R}}$

<input type="text" value="ロ"/>	a. $\frac{U}{2}$	b. $-\frac{U}{2}$	c. U
	d. $-U$	e. $2U$	f. $-2U$

<input type="text" value="ハ"/>	a. $(1 + \alpha)v_0$	b. $\frac{v_0}{1 - \alpha^2}$	c. $\frac{v_0}{1 + \alpha}$
	d. $\frac{v_0}{1 - \alpha}$	e. $\frac{(1 + \alpha)v_0}{1 - \alpha}$	f. $\frac{v_0}{(1 - \alpha)^2}$

<input type="text" value="ニ"/>	a. $2\alpha^2 + 1$	b. $3\alpha^2 + 1$	c. $3\alpha^2 - \alpha + 1$
	d. $2\alpha^2 - 4\alpha + 1$	e. $\alpha^2 - 4\alpha + 1$	f. $\alpha^2 - \alpha + 1$

<input type="text" value="ホ"/>	a. 1	b. $\frac{1}{\sqrt{2}}$	c. $\frac{1}{\sqrt{3}}$
	d. $\frac{1}{3}$	e. $1 - \frac{1}{\sqrt{2}}$	f. $1 - \frac{1}{\sqrt{3}}$

2. 文中の空所 ・ それぞれにあてはまる数式をしるせ。

Ⅱ. 次の文を読み、下記の設問 1・2 に答えよ。解答は解答用紙の所定欄にしるせ。

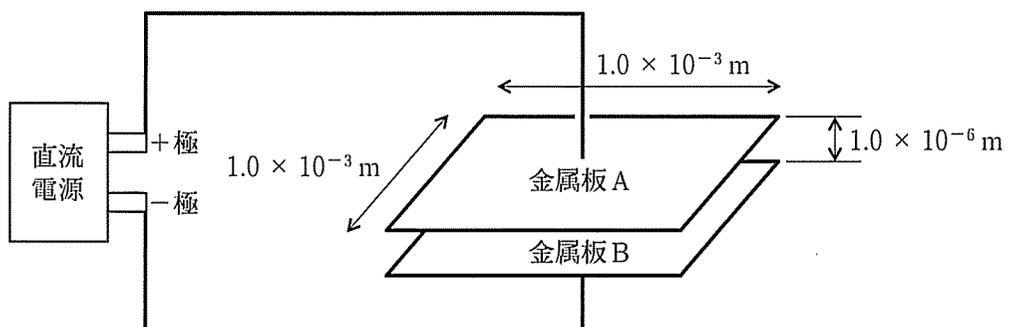
図のように、1辺が $1.0 \times 10^{-3} \text{ m}$ の正方形の薄い金属板 A、B を $1.0 \times 10^{-6} \text{ m}$ の間隔で平行に置き、直流電源につないで 2 枚の金属板の間の電位差を 2.0 V に保った。金属板 A をプラス極、金属板 B をマイナス極とする。金属板の 1 辺の長さは間隔にくらべて充分大きく、金属板の間は真空であるとする。また、真空の誘電率を $8.9 \times 10^{-12} \text{ F/m}$ とする。

金属板の間には一様な電場が生じ、その強さは V/m である。金属板の間で金属板 A 付近に電荷 $1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ を持つ粒子を置くと、粒子は電場の向きに N の電気力を受ける。次に、粒子を静かに放す。粒子の質量を $1.6 \times 10^{-27} \text{ kg}$ とすると、粒子が加速されて、金属板 B に衝突するときの速さは m/s である。

この 2 枚の金属板は平行平板のコンデンサーである。このコンデンサーの電気容量を $P \text{ [F]}$ 、蓄えられている電気量を $Q \text{ [C]}$ とする。このコンデンサーの電気容量 P は F である。また、蓄えられている電気量 Q は C である。このコンデンサーに電荷が無い状態から C の電気量を蓄えるために必要なエネルギーは J である。

次に、この電気容量 $P \text{ [F]}$ の平行平板コンデンサーに電気量 $Q \text{ [C]}$ が蓄えられた状態で、金属板 A を電源から切り離れた。その後、金属板の間隔を元の 3 倍まで充分ゆっくり広げた。このとき必要な仕事は [J] である。広げた後の金属板 AB 間の電圧は [V] となる。

直流電源の電圧を [V] に設定し、金属板 A に再度接続した。そして、金属板の間隔を元の間隔に充分ゆっくり戻した。戻した後のコンデンサーに蓄えられているエネルギーは [J] である。



図

1. 文中の空所 ～ それぞれにあてはまる数値を，有効数字2桁でしるせ。

2. 文中の空所 ～ にあてはまる数式を，それぞれに対応する a ～ f から1つずつ選び，その記号をマークせよ。

a. $\frac{1}{2} \frac{Q^2}{P}$ b. $\frac{Q^2}{P}$ c. $\frac{3}{2} \frac{Q^2}{P}$

d. $2 \frac{Q^2}{P}$ e. $\frac{5}{2} \frac{Q^2}{P}$ f. $3 \frac{Q^2}{P}$

a. $\frac{1}{2} \frac{Q}{P}$ b. $\frac{Q}{P}$ c. $\frac{3}{2} \frac{Q}{P}$

d. $2 \frac{Q}{P}$ e. $\frac{5}{2} \frac{Q}{P}$ f. $3 \frac{Q}{P}$

a. $\frac{Q^2}{P}$ b. $3 \frac{Q^2}{P}$ c. $9 \frac{Q^2}{P}$

d. $\frac{1}{2} \frac{Q^2}{P}$ e. $\frac{3}{2} \frac{Q^2}{P}$ f. $\frac{9}{2} \frac{Q^2}{P}$

Ⅲ. 次の文を読み、下記の設問 1・2 に答えよ。解答は解答用紙の所定欄にしるせ。ただし、気体定数を R とする。

図のように n [mol] の単原子分子理想気体が滑らかに動くピストンによって断面積 S のシリンダー内に密閉されている。シリンダーの中心軸は xy 平面（水平面）に置かれ、原点を中心としてこの平面上で回転させることができる。シリンダーと x 軸がなす角度を θ とする。ただし、角度は反時計回りを正の向きとする。 y 軸の正の向きに大きさ E の一様な電場がかかっており、また、ピストンには電荷 q ($q > 0$) が蓄えられている。なお、シリンダーとピストンは絶縁されており、ピストン以外は帯電していない。外気の圧力を P_0 とする。

$\theta = \frac{\pi}{2}$ のとき、シリンダー内の気体の圧力は αP_0 であった。電場の大きさ E を、 α , P_0 , S , q を用いて表すと $E =$ となる。

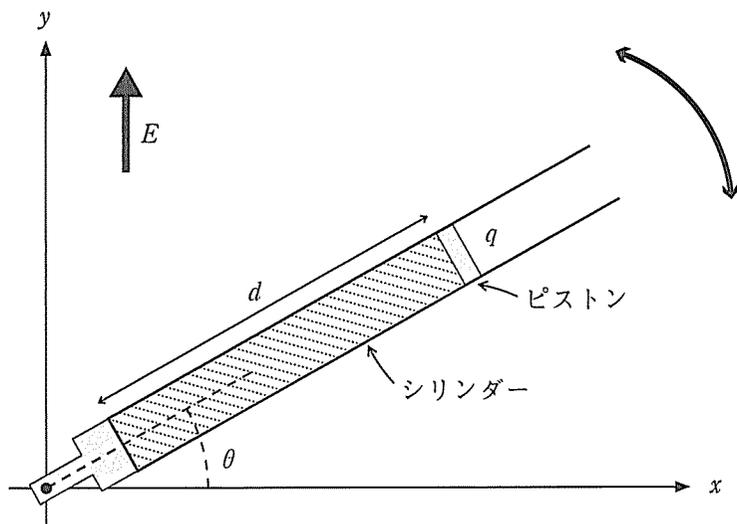
$\theta = 0$ のとき、シリンダーの底面からピストンまでの距離 d は L_0 であった（状態 A）。この状態を初期状態とし、以下のように状態 B, C, D を経て状態 A に戻るようなサイクルを考える。

まず、シリンダーを断熱材で覆い、 $\theta = \theta_1$ まで回転させたところ、シリンダー内の気体の圧力は βP_0 , $d = L_1$ となった（状態 B）。 β を α と θ_1 を用いて表すと $\beta =$ となる。また、このときの温度 T_1 は , この過程で気体がした仕事 W_1 は である。

次に、 $\theta = \theta_1$ のまま断熱材を外して気体をゆっくり加熱したところ、気体は膨張し、 $d = L_2$ となった（状態 C）。この過程で気体に流れ込んだ熱量 Q_2 は である。

再びシリンダーを断熱材で覆い、 $\theta = 0$ まで戻したところ、 $d = L_3$ となった（状態 D）。この過程で気体の内部エネルギーは $\Delta U =$ だけ変化した。続いて、断熱材を外して気体をゆっくり冷却し、 $d = L_0$ に戻した（状態 A）。

このサイクルの熱効率 e を β , L_0 , L_1 , L_2 , L_3 を用いて表すと $e = 1 -$ となる。



図

1. 文中の空所 ~ それぞれにあてはまる数式をしるせ。

2. 文中の空所 ~ にあてはまる数式としてもっとも適当なものを, それぞれ対応する a ~ f から 1 つずつ選び, その記号をマークせよ。

<input type="text" value="イ"/>	a. $\frac{P_0 S L_1}{nR}$	b. $\frac{\beta P_0 S L_1}{nR}$	c. $\frac{3}{2} \frac{\beta P_0 S L_1}{nR}$
	d. $\frac{P_0 S L_1 \sin \theta_1}{nR}$	e. $\frac{\beta P_0 S L_1 \sin \theta_1}{nR}$	f. $\frac{P_0 S L_1 \cos \theta_1}{nR}$

<input type="text" value="ロ"/>	a. $P_0 S (L_0 - L_1)$	b. $\frac{3}{2} P_0 S (L_0 - L_1)$	c. $\frac{5}{2} P_0 S (L_0 - L_1)$
	d. $P_0 S (L_0 - \beta L_1)$	e. $\frac{3}{2} P_0 S (L_0 - \beta L_1)$	f. $\frac{5}{2} P_0 S (L_0 - \beta L_1)$

<input type="text" value="ハ"/>	a. $\beta P_0 S (L_2 - L_1)$	b. $\frac{3}{2} \beta P_0 S (L_2 - L_1)$	c. $\frac{5}{2} \beta P_0 S (L_2 - L_1)$
	d. $P_0 S (L_2 - \beta L_1)$	e. $\frac{3}{2} P_0 S (L_2 - \beta L_1)$	f. $\frac{5}{2} P_0 S (L_2 - \beta L_1)$

二

- a. $\beta P_0 S(L_3 - L_2)$ b. $\frac{3}{2} \beta P_0 S(L_3 - L_2)$ c. $\frac{5}{2} \beta P_0 S(L_3 - L_2)$
d. $P_0 S(L_3 - \beta L_2)$ e. $\frac{3}{2} P_0 S(L_3 - \beta L_2)$ f. $\frac{5}{2} P_0 S(L_3 - \beta L_2)$

IV. 次の文A～Cを読み、それぞれに対応する下記の設問1～4に答えよ。解答は解答用紙の所定欄にしるせ。

A. 質量 M の台車に糸の長さ l 、おもりの質量 m の振り子が吊されている。図1のように、この台車が傾斜角 α の滑らかな斜面を下っているときに前後に振り子を揺らすと、鉛直下方向に対して角度 $\phi =$ をなす方向を中心として周期 で微小振動した。ただし、 M は m よりも充分大きいとし、糸の重さは無視できるとする。また、重力加速度を g とし、角度 ϕ は台車の進行方向に対して後ろ向きにはかることとする。

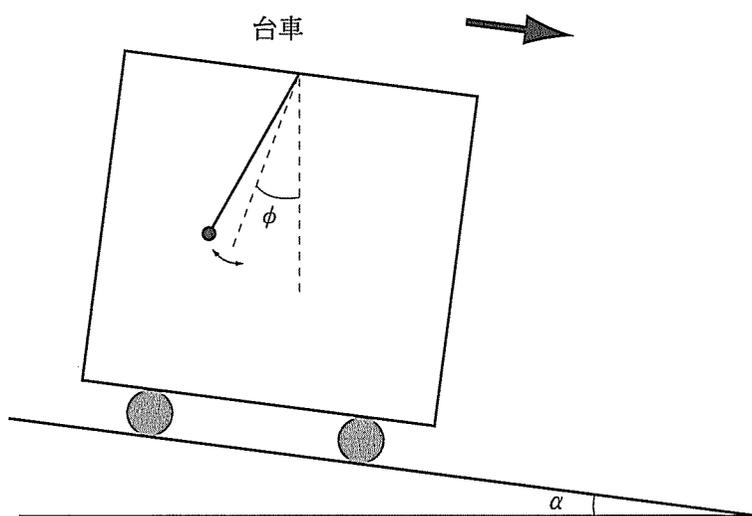


図1

1. 文中の空所 にあてはまる数式をしるせ。

2. 文中の空所 にあてはまる数式を、次の a～f から1つ選び、その記号をマークせよ。

<input type="text" value="イ"/>	a. $2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$	b. $2\pi\sqrt{\frac{l}{g}\tan\alpha}$	c. $\frac{2\pi}{\cos\alpha}\sqrt{\frac{l}{g}}$
	d. $2\pi\sqrt{\frac{l}{g\sin\alpha\cos\alpha}}$	e. $2\pi\sqrt{\frac{l}{g\sin\alpha}}$	f. $2\pi\sqrt{\frac{l}{g\cos\alpha}}$

B. 図2のように、水の上に均一な厚さ d の油膜がある。光が油膜に入射角 θ で入射したところ、油膜表面で反射した光と、油膜と水の境界で反射した光が干渉して強め合った。なお、油膜表面の反射では光の位相が反転し、油膜と水の境界での反射は位相が反転しないとする。空気の絶対屈折率を n_1 、油膜の絶対屈折率を n_2 とする。

空気と油膜の境界での入射角 θ と屈折角 ϕ とは、 の関係がある。また、油膜中での波長 λ_2 は、空気中での波長を λ_1 とすると $\lambda_2 =$ で与えられる。

油膜の表面で反射した光と油膜と水の境界で反射した光の間には、波の位相の差ができる。ここで、2つの光線を考える。2つの光線の波面は、破線A-A'を横切るときは位相が揃っていたとする。波の1周期の位相を 2π とすると、2つの光線の波面が破線B-B'を横切るときの位相差は である。油膜表面で反射した光と、油膜と水の境界で反射した光が干渉して強め合うのは、 N を整数として位相差が $2\pi N$ のときである。ここでは $N = 0$ であることが分かっているとすると、光の空気中での波長 λ_1 は である。

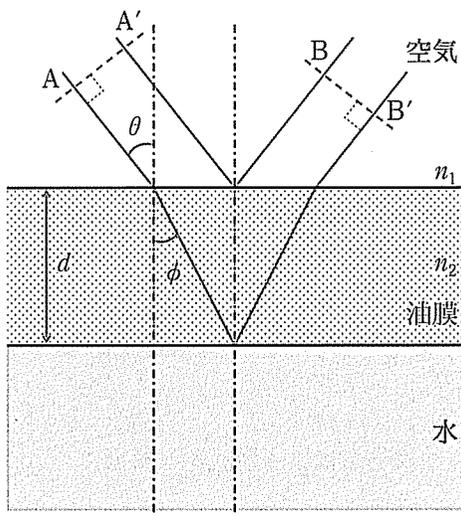


図2

3. 文中の空所 ～ にあてはまる数式としてもっとも適当なものを, それぞれ対応する a ～ f から 1 つずつ選び, その記号をマークせよ。

<input type="checkbox"/>	a. $\frac{\cos \theta}{\cos \phi} = \frac{n_2}{n_1}$	b. $\frac{\cos \theta}{\cos \phi} = \frac{n_1}{n_2}$	c. $\frac{\sin \theta}{\sin \phi} = \frac{n_2}{n_1}$
	d. $\frac{\sin \theta}{\sin \phi} = \frac{n_1}{n_2}$	e. $\frac{\tan \theta}{\tan \phi} = \frac{n_2}{n_1}$	f. $\frac{\tan \theta}{\tan \phi} = \frac{n_1}{n_2}$

<input type="checkbox"/>	a. $\frac{n_1}{n_2} \lambda_1$	b. $\frac{n_2}{n_1} \lambda_1$	c. $\frac{n_1^2}{n_2^2} \lambda_1$
	d. $\frac{n_2^2}{n_1^2} \lambda_1$	e. $\frac{n_1^3}{n_2^3} \lambda_1$	f. $\frac{n_2^3}{n_1^3} \lambda_1$

<input type="checkbox"/>	a. $\pi \frac{2d \cos \theta}{\lambda_2}$	b. $\pi \frac{2d \sin \theta}{\lambda_2}$	c. $2\pi \frac{2d \cos \phi}{\lambda_2}$
	d. $2\pi \frac{2d \sin \phi}{\lambda_2}$	e. $2\pi \frac{2d \cos \phi}{\lambda_2} - \pi$	f. $2\pi \frac{2d \sin \phi}{\lambda_2} - \pi$

<input type="checkbox"/>	a. $2d \left\{ \left(\frac{n_2}{n_1} \right)^2 - \sin^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$	b. $2d \left\{ \left(\frac{n_2}{n_1} \right)^2 - \cos^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$
	c. $4d \left\{ \left(\frac{n_2}{n_1} \right)^2 - \sin^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$	d. $4d \left\{ \left(\frac{n_2}{n_1} \right)^2 - \cos^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$
	e. $4d \left\{ \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^2 - \sin^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$	f. $2d \left\{ \left(\frac{n_1}{n_2} \right)^2 - \cos^2 \theta \right\}^{\frac{1}{2}}$

C. 空気中を一方向に伝播する音波を考える。ある特定の場所における時刻 t での空気圧の圧力変化量を $p(t)$ で表す。

まず、次のような異なる振動数 f_0, f_1 を持つ 2 つの正弦波の合成波を考える。

$$p(t) = p_0 \sin(2\pi f_0 t) + p_0 \sin(2\pi f_1 t)$$

f_0, f_1 が近い振動数の場合、 $|f_0 - f_1|$ の振動数を持つうなりがあらわれる。実際、上の式を

$$p(t) = 2p_0 \cos(2\pi \boxed{\text{い}} t) \sin(2\pi \boxed{\text{う}} t)$$

と変形すると、余弦の部分かうなりの存在を示す。

次に、異なる振幅を持つ振動数 $f_0, 2f_0$ の 2 つの正弦波を考え、それらの合成波が

$$p(t) = p_0 \sin(2\pi f_0 t) + p_1 \sin(4\pi f_0 t)$$

であるとする。交流回路における実効値と同様に考えて実効音圧 P_e を次のように定義する。

$$P_e = \sqrt{\frac{1}{T_0} \int_0^{T_0} p^2(t) dt}$$

ただし、 $T_0 = \frac{1}{f_0}$ とする。 P_e を p_0, p_1, f_0, f_1 のうち必要なものを用いて表すと、 $P_e = \boxed{\text{え}}$ となる。

4. 文中の空所 $\boxed{\text{い}} \sim \boxed{\text{え}}$ それぞれにあてはまる数式をしるせ。

【以下余白】

