

デザイン工学部A方式Ⅰ日程・理工学部A方式Ⅰ日程
生命科学部A方式Ⅰ日程

3限理科(75分)

科 目	ページ
物 理	2~9
化 学	10~15
生 物	16~24

〈注意事項〉

- 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
- 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
- 生物は生命科学部(生命機能学科生命機能学専修)を志望する受験生のみ選択できる。デザイン工学部(都市環境デザイン工学科・システムデザイン学科)、理工学部(機械工学科機械工学専修・応用情報工学科)を志望する受験生は選択できない。
- 試験開始後の科目の変更は認めない。

(物 理)

注意 1. 解答はすべて解答用紙の指定されたところに記入すること。

注意 2. 解答を導くために必要な式も解答用紙に書いておくこと。

[I] 図 1 に示すように、高さ H の位置に静止していた質量 M の台車 A が、角度 θ の斜面を滑り降りる。 H の高さ滑り降りた後、水平な床面を移動し、静止していた質量 m の板 B と一体となって動き始めた。板 B には、他端が固定されたばね定数 k の軽いばねが付いており、台車 A と板 B は、ばねを縮ませながら移動し、その後いったん静止し、またすぐに反対方向に動き始めた。さらに観察すると、台車 A は板 B から離れ、斜面をある高さまで登った。この運動について以下の問い合わせよ。ただし、斜面および水平な床面と台車 A との間に摩擦はなく、水平な床面と板 B の間にも摩擦はないとする。重力加速度の大きさを g とする。

1. 台車 A が、斜面を H の高さ滑り降りて水平な床面に達したときの速さ V を求めよ。
2. 台車 A と板 B が一体となって動き始めたときの速さ v を、 V を用いて表せ。
3. 一体となった台車 A と板 B がいったん静止したときに、ばねがたくわえている力学的エネルギーを、 v を用いて表せ。
4. 一体となった台車 A と板 B が、いったん静止するまでに移動した距離を、 v を用いて表せ。
5. 台車 A と板 B が一体となってから再度離れるまでの時間を求めよ。
6. 斜面にもどってきた台車 A が、斜面の下から斜面の最高点に達するまでの時間を、 θ と v を用いて表せ。
7. もどってきた台車 A が斜面の最高点に達した時の高さが、 H の $\frac{4}{9}$ 倍以上になるための M と m についての条件を求めよ。

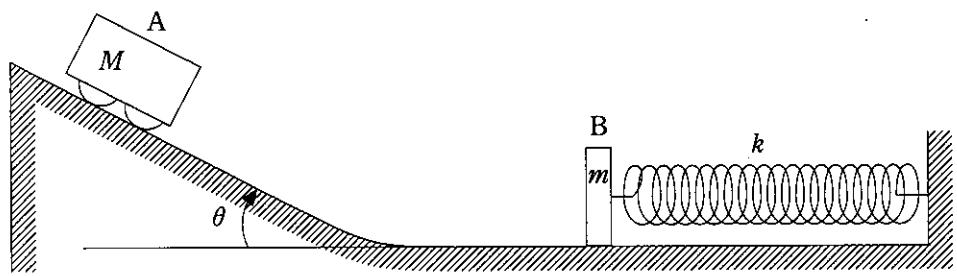


図 1

[II] つぎの文の に入れるべき語句または式を解答欄に記入せよ。

電気量 Q_1 , Q_2 の二つの電荷が距離 R 離れて置かれていると、電荷の間には、静電気力が働く。比例定数を k とすると、静電気力の大きさは (a) と表される。この関係は静電気力に関する (b) の法則と呼ばれている。静電気力は、同種の電気量の間では (c) 力、異種の電気量の間では (d) 力となる。

つぎに図2に示すように、それぞれ電気量 $2Q$ と $-Q$ (ただし、 $Q > 0$ とする)の電荷 A および B が、距離 R だけ離れて固定されている場合を考える。これらの電荷を結ぶ直線上で右側から電気量 Q の電荷 C が二つの固定電荷に近づくとする。固定電荷 B と移動電荷 C の間の距離を r とすると、固定電荷 A が移動電荷 C におよぼす力の大きさは (e) と表される。また、固定電荷 B が移動電荷 C におよぼす力の大きさは (f) と表される。移動電荷 C に加わる力は、重ね合わせで得られるので、二つの固定電荷が移動電荷におよぼす静電気力がつり合う距離 r は (g) と求められる。

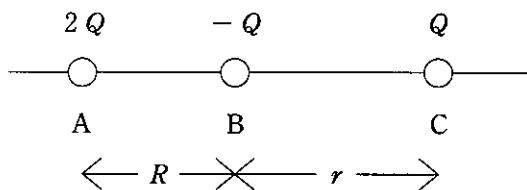


図 2

[III] つぎの文の に入れるべき式または数値を解答欄に記入せよ。

図3のように、なめらかに動く2つのピストンをもつ断面積 S の円筒が、支持棒により水槽内に鉛直に固定され、大気圧 P_0 中に置かれている。水槽の中には密度 ρ の水が入っており、円筒内のピストンUとピストンLの間には1モルの单原子分子の理想気体Aが閉じ込められている。円筒、支持棒、UおよびLは断熱材でできており、またUとLの質量は無視できるものとする。理想気体の気体定数を R 、定積モル比熱を $\frac{3}{2}R$ 、定圧モル比熱を $\frac{5}{2}R$ 、また重力加速度の大きさを g とする。

はじめに図3のように、Uの上面に質量 M のおもりを静かに置くと、Lの下面は水面下 h の位置で静止した。このときのAの圧力は P_1 、体積は V_1 、温度は T_1 であった。 P_1 を g 、 M 、 P_0 、 S で表すと (1) となり、 T_1 を P_1 、 V_1 、 R で表すと (2) となる。また h を M 、 S 、 ρ で表すと (3) となる。

つぎに、Aに熱量 Q をゆっくりと加えると、Uが上昇しAの体積は V_2 、温度は T_2 になった。 T_2 を T_1 、 Q 、 R で表すと (4) となる。また、このときAが外部にした仕事を Q で表すと (5) となる。

さらに、おもりをゆっくり取り除くと、Aの体積は V_3 になった。このときのAの内部エネルギーを P_0 、 V_3 で表すと (6) となり、Aが外部にした仕事を P_0 、 T_2 、 V_3 、 R で表すと (7) となる。また、このときの h は (8) となる。

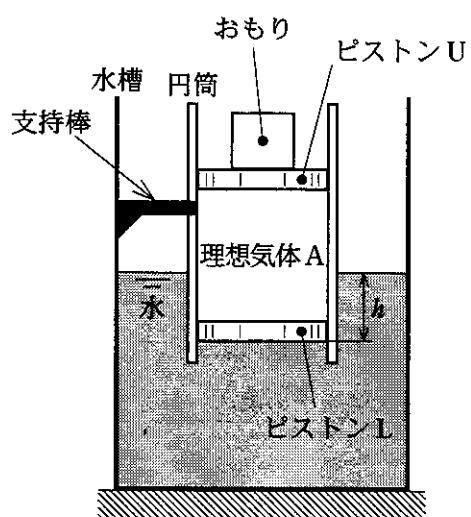


図 3

[IV] 振動について考えよう。

図4—1に水平ばね振り子の振動の様子を示す。摩擦のない水平面上に、ばね定数が k で質量が無視できるばねの一端を固定し、他端に質量 m のおもりをつける。ばねの自然長より A だけのばして静かに手をはなすと、おもりは振動を始める。

- (イ) この振動の全エネルギーを求めよ。
- (ロ) おもりの速さの最大値を求めよ。
- (ハ) 振動周期を求めよ。

この振動では、ばねにたくわえられる弾性エネルギーとおもりの運動エネルギーがくり返しやりとりされている。

図4—2は、静電容量 C のコンデンサーと自己インダクタンス L のコイルと電圧 E の直流電源とスイッチ S_1 , S_2 からなる回路である。はじめ S_1 を閉じてコンデンサーに電荷をたくわえる。つぎに S_1 を開き S_2 を閉じると回路に電気振動が現れる。

- (ニ) この振動の全エネルギーを求めよ。
- (ホ) 電流の最大値を求めよ。
- (ヘ) 振動の固有周波数を求めよ。

この振動では、コイルにたくわえられる磁界のエネルギーとコンデンサーにたくわえられる静電エネルギーがくり返しやりとりされている。

これらの振動は、二種類のエネルギーのくり返しのやりとりで継続される。実際には摩擦の全くない面はない。またコイルやコンデンサーには電気抵抗が含まれる。これらにより振動のエネルギーは時間とともに消費され少なくなる。

- (ト) どのようなエネルギーとして消費されるか語句で答えよ。

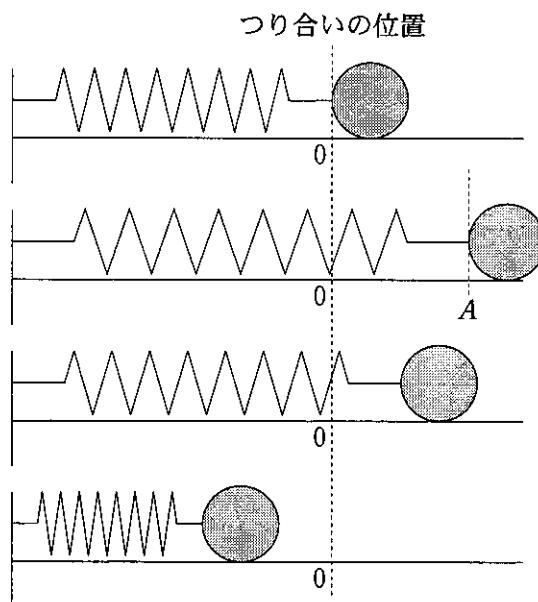


図 4—1

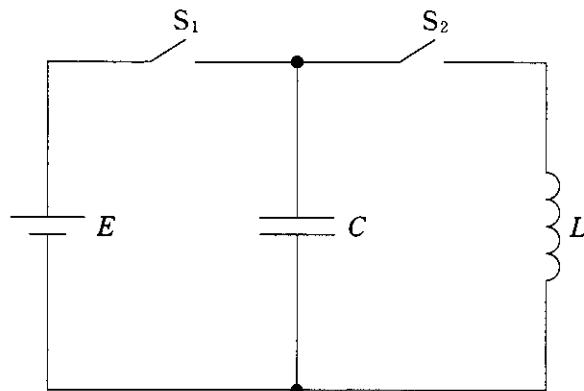


図 4—2