

デザイン工学部A方式Ⅰ日程・理工学部A方式Ⅰ日程
生命科学部A方式Ⅰ日程

3 限 理 科 (75分)

科 目	ペー ジ
物 理	2~9
化 学	10~16
生 物	18~28

〈注意事項〉

1. 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
2. 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
3. 生物は生命科学部(生命機能学科)を志望する受験生のみ選択できる。デザイン工学部(都市環境デザイン工学科・システムデザイン学科)、理工学部(機械工学科機械工学専修・応用情報工学科)を志望する受験生は選択できない。
4. 試験開始後の科目の変更は認めない。

(物 理)

注意 解答はすべて解答用紙の指定された解答欄に記入すること。

解答用紙の余白は計算に使用してもよいが、採点の対象とはしない。

[I] つぎの文の [] に入れるべき数式、数値、または記号を解答欄に記入せよ。

真空中において、図 1-1 に示すように、じゅうぶんに長い直線導線 L を含む平面内に、一辺の長さが $2r$ の正方形導線 ABCD を、AB を L と平行にし距離 r だけ離して並べて置く。L には強さ I_1 の定常電流が図の矢印の向きに流れしており、ABCD には大きさが無視できる電池を用いて強さ I_2 の定常電流を図の矢印の向きに流した。ただし、真空の透磁率を μ_0 、円周率を π とし、 I_2 がつくる磁界は考えなくてよい。力の向きを表す場合は図 1-2 に示すように記号(a), (b), (c), (d)で記入すること。

I_1 が導線 AB の位置につくる磁界の強さは [1] となり、この磁界によって導線 AB が受ける力の大きさ F_{AB} は [2]、その力の向きは [3] となる。同様にして、導線 CD が I_1 によって受ける力の大きさと向きが求められるので、導線 AB と導線 CD が I_1 によって受ける力の合力の大きさは F_{AB} の [4] 倍となる。

導線 BC 上で L から距離 x 離れた長さ Δx の微小導線が I_1 によって受ける力の大きさ ΔF_{BC} は F_{AB} の [5] 倍、その力の向きは [6] となり、導線 BC 上で x を変化させて求まる ΔF_{BC} の総和が、 I_1 によって導線 BC が受ける力となる。同様にして、 I_1 によって導線 DA が受ける力が求められる。

以上より、 I_1 によって ABCD が受ける力の合力の大きさは F_{AB} の [7] 倍となる。

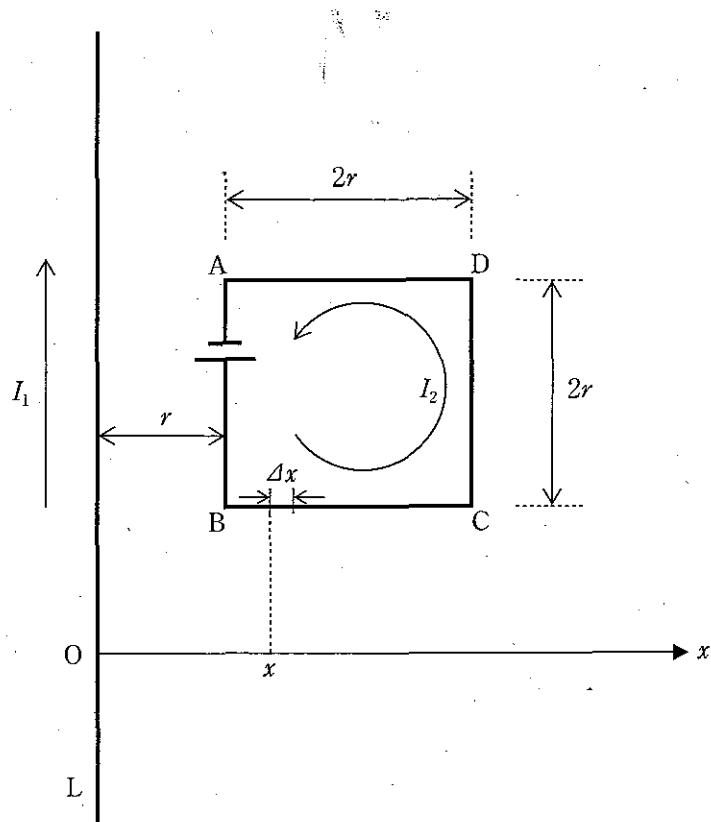


図 1-1

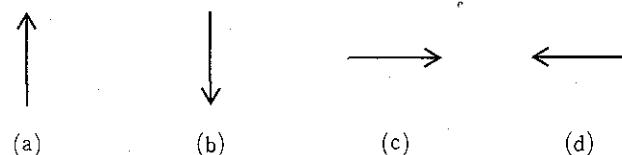


図 1-2

物理

[II] つぎの文の [] に入れるべき式を解答欄に記入せよ。なお、重力加速度の大きさを g とする。

質量 m の小物体 P が置かれた粗い面からなる板 Q が、水平面 R の上に置かれている。Q を徐々に傾け、図 2 に示すように Q と水平面 R との角度が θ になると P は Q の上の点 A においてすべりはじめる。P がすべりだす直前に受ける垂直抗力の大きさは [(a)] , 最大摩擦力の大きさは [(b)] となり、静止摩擦係数は [(c)] となる。

P は傾斜角 θ の Q の上の点 A を静かにすべりだし、動摩擦力を受けて点 B に向かってすべりおりる。P と Q との間の動摩擦係数は、点 A と点 B の間では μ_1 、点 B と点 D の間では μ_2 である。点 A をすべりだした P は等加速度運動し、AB 間の加速度の大きさは [(d)] となる。P が点 A から点 B まで移動した距離は s 、移動にかかった時間は t であった。このことから、点 A と点 B の間の動摩擦係数は、 $\mu_1 = \tan \theta - [(e)]$ と表される。

P は点 B を通りすぎた後、動摩擦係数 μ_2 の面から動摩擦力を受け、点 B から距離 ℓ だけ移動し点 C で止まった。このとき、点 B から点 C に移動する間に、P が失う位置エネルギーの大きさ [(f)] と P が失う運動エネルギーの大きさとの和は、動摩擦力が P にした仕事の大きさ [(g)] と等しくなる。

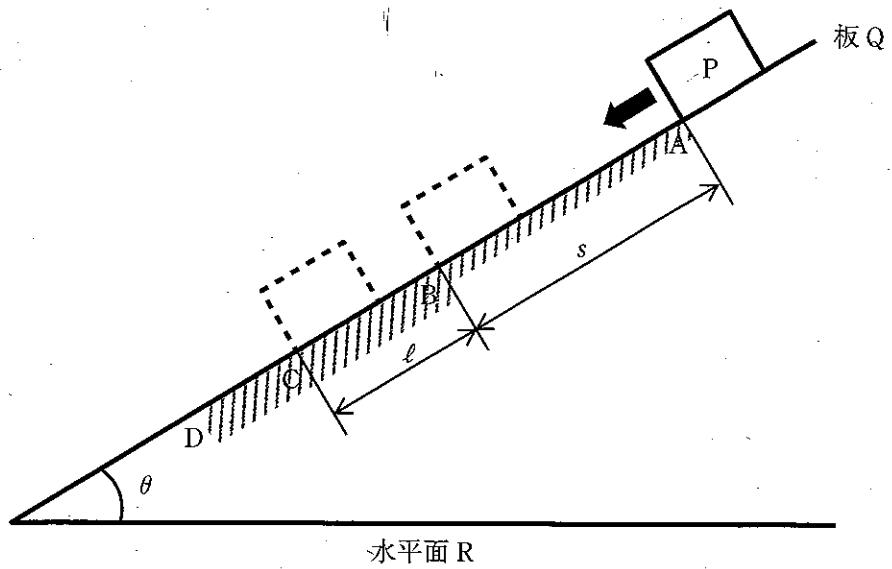


图 2

物理

[III] つぎの文の [] に入れるべき数式または記号を解答欄に記入せよ。

図3-1のように、二か所にストッパーを持つ断面積 S の円筒のシリンダーが大気圧 P_0 中に鉛直に固定されている。シリンダー内には、なめらかに動く質量の無視できるピストンにより、1モルの単原子分子の理想気体Aが閉じ込められている。ピストンには質量の無視できるばね定数 k のばねが付いており、そのばねの他端は天井に固定されている。シリンダーとピストンは断熱材でできており、シリンダー内には加熱・冷却装置が取り付けられている。理想気体の気体定数を R 、重力加速度の大きさを g とする。

はじめに図3-1のようにピストンは下方のストッパーに接触し、ばねが自然の長さの状態で静止している。この状態を状態1とする。このときAの圧力は P_0 、体積は V_1 、絶対温度は T_1 であった。 T_1 を P_0 、 R 、 V_1 で表すと (1) となる。つぎに、状態1から図3-2のようにピストンの上に質量 m のおもりをのせ、Aをゆっくりと加熱するとAの圧力が P_2 、絶対温度が T_2 になった。この状態を状態2とし、このときピストンが上昇しはじめた。 P_2 を g 、 m 、 P_0 、 S で表すと (2) となる。また、状態1から状態2への変化の間にAに加えられた熱量を R 、 T_1 、 T_2 で表すと (3) となる。さらにAをゆっくりと加熱し続けると、図3-3のようにピストンは距離 L 上昇し、Aの圧力が P_3 になったところで上方のストッパーに接触した。この状態を状態3とする。 P_3 を k 、 L 、 P_2 、 S で表すと (4) となる。状態2から状態3への変化の間にAが外部にした仕事を k 、 L 、 P_2 、 S で表すと (5) となる。

つぎに状態3から図3-4のようにおもりを取り外し、Aをゆっくりと冷却し、Aの圧力が P_4 になった。この状態を状態4とし、このときピストンが降下しはじめた。 P_4 を P_0 、 P_2 、 P_3 で表すと (6) となる。さらにAをゆっくりと冷却し続けるとピストンが降下して状態1に戻った。

以上の状態1からはじまり状態1に戻る1サイクルの変化の間に、Aに加えられた総熱量を Q とする。1サイクルの熱効率を g 、 L 、 m 、 Q で表すと (7) となる。また、この1サイクルの変化の圧力 P と体積 V の関係は、図3-5に

示す $P-V$ 図の(a)から(f)の中の (8) で表される。ただし、これらの図に示す状態 $1-2-3-4-1$ を結ぶ図形はすべて、 P 軸または V 軸のどちらかの軸に平行な 2 辺をもつ平行四辺形である。

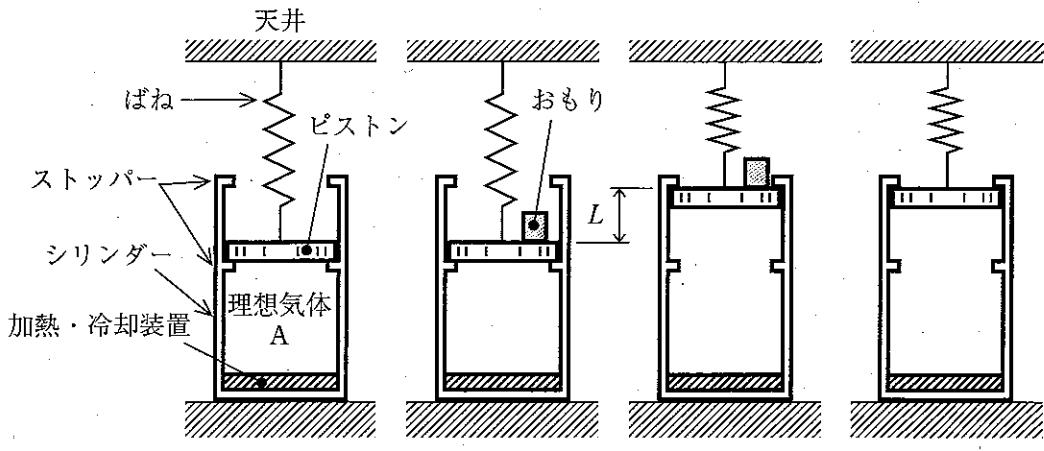


図 3-1

図 3-2

図 3-3

図 3-4

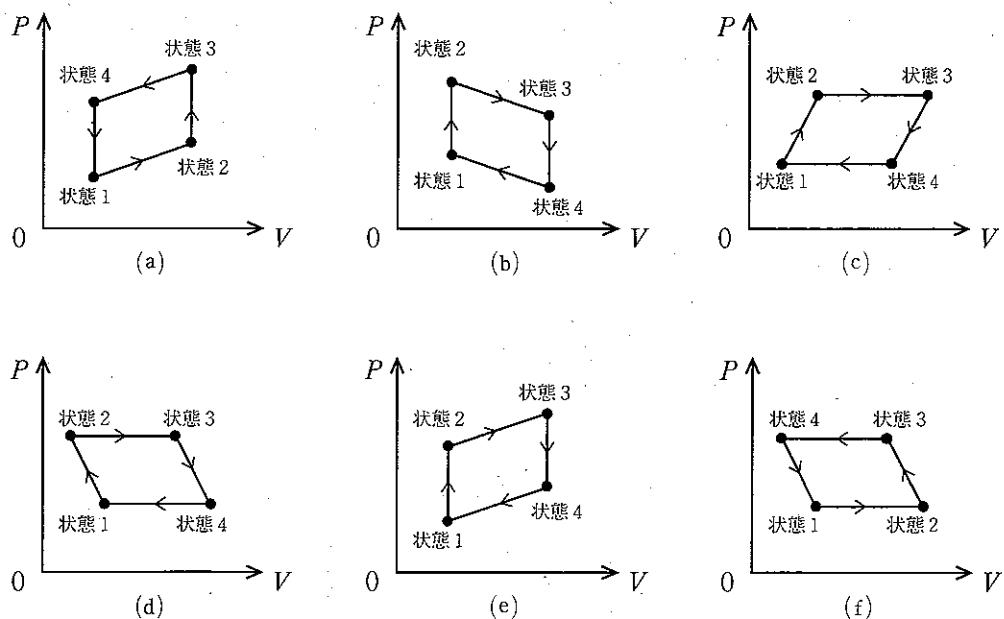


図 3-5

物理

[IV] つぎの文の [] に入るべき数式または数値を解答欄に記入せよ。なお、重力加速度の大きさを g とする。

図4のように、なめらかで水平な面C上にはね定数 k の軽いばねの左端を固定しておき、右端に質量 m の小板Aをとりつけた。このAに質量 m の小球Bを押しつけ、ばねが自然の長さとなる点Oから d だけ縮ませた点Pで静かに手をはなした。その直後にBは大きさが [(イ)] の加速度で動きはじめた。Bは、はじめAと一緒に動いたが、後にAから離れて速さ [(ロ)] で運動した。一方、BがAから離れた後、ばねの自然の長さからの伸びは最大で [(ハ)] となった。

その後、面C上を運動するBは点Qから水平に投げ出され、面Cから h だけ下方にあるなめらかで水平な面D上の点Rに衝突した。点QにおけるBの速さを v とすると、点Rで衝突する直前のBの速さは [(ニ)] と表される。点Rにおいて面Dに下ろした垂線とBの速度の向きとのなす角は衝突直前が 30° 、衝突直後が 60° であった。この場合、点QにおけるBの速さ v は h, g を用いて [(ホ)] のように表されることになる。そして点Rでの衝突直後のBの速さは衝突直前の速さの [(ヘ)] 倍となり、Bと面Dとの間の反発係数は [(ト)] となる。また、Bが点Rではね返った後に到達する最高点の面Dからの高さは h の [(チ)] 倍となる。

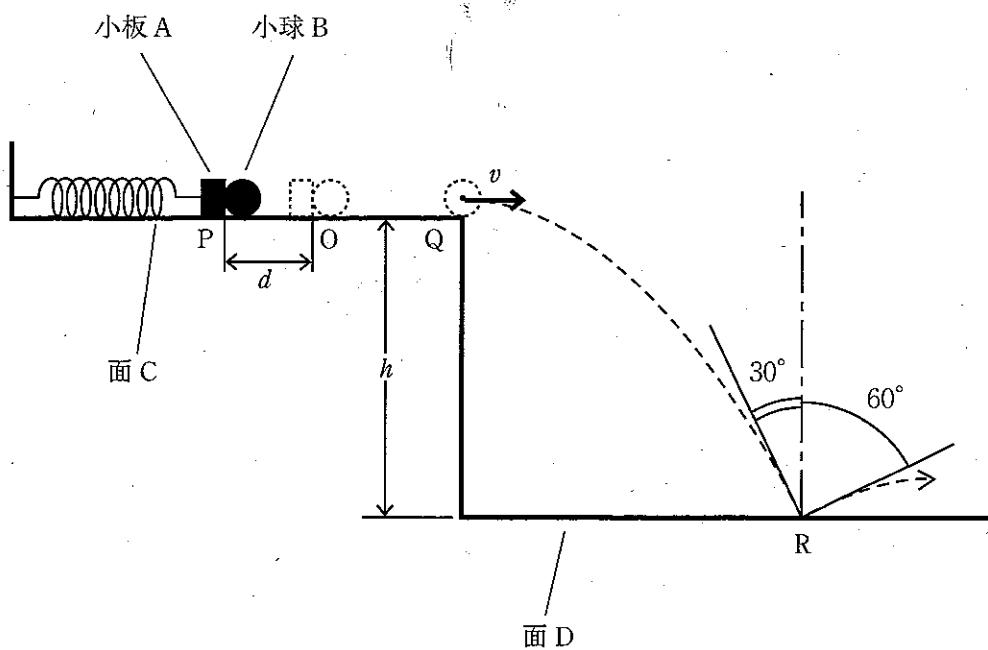


図4