

T 日程・英語外部試験利用入試 1限

科 目	ペー ジ
数 学 ①	2~13
数 学 ②	14~41
地 理	42~49
国 語	75~52

〈注意事項〉

- 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
- 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
- 志望学部・学科によって選択する科目・試験時間が決まっているので注意すること。

志望学部(学科)	受験科目	試験時間
下記以外の学部(学科)	数学①または国語	60 分
文学部(日本文)	国 語	90 分
文学部(地理)	地 理	60 分
情報科学部(コンピュータ科・ディジタルメディア)		
デザイン工学部 (建築・都市環境デザイン工・システムデザイン)		
理工学部 (機械工〔機械工学専修〕・電気電子工・応用情報工・経営システム工・創生科)	数学②	90 分
生命科学部 (生命機能・環境応用化・応用植物科)		

- 科目の選択は、受験しようとする科目の解答用紙を選択した時点で決定となる。
一度選択した科目の変更は一切認めない。
- 数学②・国語については、志望学部・学科によって解答する問題番号が決まっている。問題に指示されている通りに解答すること。指定されていない問題を解答した場合、採点の対象としないので注意すること。
- 数学①②については、定規、コンパス、電卓の使用は認めないので注意すること。
- マークシート解答方法については、問題冊子を裏返して裏表紙の注意事項を読みなさい。ただし、問題冊子を開かないこと。
- 問題冊子のページを切り離さないこと。

(数 学 (2))

情報科学部・デザイン工学部・理工商学部・生命科学部のいずれかを志望する受験生のみ選択できる。

デザイン工学部システムデザイン学科・生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生は、〔I〕〔II〕〔III〕〔IV〕〔V〕を解答せよ。

情報科学部コンピュータ科学科・ディジタルメディア学科・デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科・理工商学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを志望する受験生は、〔I〕〔II〕〔III〕〔VI〕〔VII〕を解答せよ。

[I]

(1) 有限集合 A の要素の個数を $n(A)$ で表す。

U を 2 けたの正の偶数全体の集合とする。 $n(U) = \boxed{\text{アイ}}$ である。

U の要素のうち、6 の倍数全体の集合を V とする。また、 U の要素のうち、11 の倍数全体の集合を W とする。 $n(W) = \boxed{\text{ウ}}$ である。

U を全体集合として、 $V \cup W$ の補集合を $\overline{V \cup W}$ で表す。

$n(\overline{V \cup W}) = \boxed{\text{エオ}}$ である。

([I] の問題は次ページに続く。)

(2) ある数が、二進法で表された数であることを示すために、たとえば

$$1010_{(2)}$$

のように、右下に (2) をつけて表す。また、ある数が、五進法で表された数であることを示すために、右下に (5) をつけて表す。

二進法で表された数 $11100_{(2)}$ を五進法で表すと、カキク₍₅₎ である。

五進法で表された数 $2143_{(5)}$ と $1343_{(5)}$ の和は、

$$2143_{(5)} + 1343_{(5)} = \boxed{\text{ケコサシ}}_{(5)}$$

である。

([I]の問題は次ページに続く。)

数学②

- (3) 平面上に三角形 OAB があり, $OA = \sqrt{3}$, $OB = \sqrt{2}$ である。

$\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ とおく。

内積 $\vec{a} \cdot \vec{b} = -2$ とする。線分 AB を 1 : 2 に内分する点を P とする。

$$\overrightarrow{OP} = \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}} \vec{a} + \frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}} \vec{b}$$

である。

三角形 OAP の $\angle AOP$ の大きさを θ とおくと, $\cos \theta = \frac{\boxed{\text{チ}} \sqrt{\boxed{\text{ツ}}}}{\boxed{\text{テ}}}$ である。

(計算用紙)

数学②

[II]

a を実数とする。関数 $f(x)$, $g(x)$ を、それぞれ

$$f(x) = -3x^2, \quad g(x) = (x - a)^2 + 2a$$

とする。座標平面上の、曲線 $y = f(x)$ を C_1 、曲線 $y = g(x)$ を C_2 とする。

m, n を実数とする。直線 $y = mx + n$ を ℓ とする。

ℓ が C_1 と接するとき,

$$m^2 - \boxed{\text{アイ}} n = 0 \dots \dots \dots \textcircled{i}$$

が成り立つ。また、 ℓ が C_2 と接するとき、

$$m^2 + \boxed{\text{匁}} \ am + \boxed{\text{工}} \ n - \boxed{\text{才}} \ a = 0 \quad \dots \dots \dots \text{ii}$$

が成り立つ。①, ②が同時に成り立つとして、①, ②より n を消去すると

$$m^2 + \boxed{\text{力}} am - \boxed{\text{キ}} a = 0 \dots \dots \dots \quad \text{iii}$$

となる。

(〔II〕の問題は次ページに続く。)

m についての2次方程式 ㊯ が異なる2つの実数解をもつのは

$$a < \frac{\boxed{\text{クケ}}}{\boxed{\text{コ}}}, \quad \boxed{\text{サ}} < a$$

のときである。

([Ⅱ]の問題は次ページに続く。)

数学②

a は、 $a < \frac{\boxed{\text{クケ}}}{\boxed{\text{コ}}}$, $\boxed{\text{サ}} < a$ を満たすとする。このとき、 C_1 , C_2 の両方

に接する直線が 2 本ある。 C_1 , C_2 の両方に接する 2 本の直線を ℓ_1 , ℓ_2 とし、それぞれの傾きを m_1 , m_2 とする。

$$m_1 + m_2 = \boxed{\text{シス}} a, \quad m_1 m_2 = \boxed{\text{セソ}} a$$

である。

ℓ_1 と ℓ_2 が直交するとき、 $a = \frac{\boxed{\text{タ}}}{\boxed{\text{チ}}}$ である。

([Ⅱ]の問題は次ページに続く。)

ℓ_1 と ℓ_2 のなす角の大きさが $\frac{\pi}{4}$ であるとき, a は 2 次方程式

$$\boxed{\text{ツテ}} \ a^2 - \boxed{\text{トナ}} \ a + 1 = 0$$

の解である。

ここで, 必要ならば, α , β が実数であるとき,

$$\tan(\alpha - \beta) = \frac{\tan \alpha - \tan \beta}{1 + \tan \alpha \tan \beta}$$

であることを用いてもよい。

$$a = \frac{\boxed{\text{二}} \pm \sqrt{\boxed{\text{ヌネ}}}}{\boxed{\text{ノ}}}$$

である。

数学②

[III]

O を原点とする座標平面上に、点 A ($\sqrt{3}$, 0), 点 B (0, 3) がある。点 C は、直線 OA に関して点 B と反対側にあり、三角形 OAC は正三角形であるとする。点 D は、直線 AB に関して O と反対側にあり、三角形 ABD は正三角形であるとする。

$AB = \boxed{\text{ア}} \sqrt{\boxed{\text{イ}}}$ であり、三角形 OAB の $\angle OAB$ の大きさは $\frac{\pi}{\boxed{\text{ウ}}}$ である。

C の座標は、 $C \left(\frac{\sqrt{\boxed{\text{エ}}}}{\boxed{\text{オ}}}, \frac{\boxed{\text{カキ}}}{\boxed{\text{ク}}} \right)$ である。

三角形 OBD の $\angle OBD$ の大きさは $\frac{\pi}{\boxed{\text{ケ}}}$ である。

([III]の問題は次ページに続く。)

数学②

三角形 ABD の外接円を S とし、 S の中心を E とする。 S の半径は □ であり、 E の座標は $E(\boxed{\text{サ}}, \boxed{\text{シ}})$ である。

ただし、□～シについては、以下の A 群の ①～⑨からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A 群

① 1

② 2

③ 3

④ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

⑤ $\frac{\sqrt{3}}{2}$

⑥ $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

⑦ $\sqrt{3}$

⑧ $\sqrt{5}$

⑨ $\sqrt{6}$

([Ⅲ]の問題は次ページに続く。)

数学②

直線 OD と直線 BC の交点を F とする。直線 BC の方程式は、

$$y = - \boxed{\text{ス}} \sqrt{\boxed{\text{セ}}} x + \boxed{\text{ソ}}$$

であり、F の座標は

$$F \left(\frac{\boxed{\text{タ}} \sqrt{\boxed{\text{チ}}}}{\boxed{\text{ツ}}}, \frac{\boxed{\text{テ}}}{\boxed{\text{ト}}} \right)$$

である。EF = **ナ** であるから、F は S の **ニ** にある。

ただし、**ナ** については、23 ページの A 群の ①～⑨ から、**ニ** については、以下の B 群の ①～③ からそれぞれ 1 つを選べ。

B 群

① 外部

② 周上

③ 内部

(計算用紙)

数学②

次の問題[IV]は、デザイン工学部システムデザイン学科、生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生のみ解答せよ。

[IV]

関数 $f(x)$ を

$$f(x) = \frac{3}{8}x^3 - \frac{3}{2}x - 1$$

とする。

a, b を実数とし、 $f(x)$ の導関数 $f'(x)$ を $f'(x) = ax^2 + b$ とする。

$$a = \boxed{\text{ア}}, \quad b = \boxed{\text{イ}}$$

である。

ただし、 $\boxed{\text{ア}}, \boxed{\text{イ}}$ については、以下の A 群の ①～⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A 群

①	$-\frac{3}{2}$	②	$\frac{9}{8}$	③	-1	④	$\frac{3}{8}$	⑤	$\frac{3}{8}$	⑥	1
⑦	$-\frac{3}{4}$	⑧	$\frac{1}{4}$	⑨	$\frac{1}{8}$						

$f(x)$ は、 $x = \frac{\boxed{\text{ウ}}\sqrt{\boxed{\text{エ}}}}{\boxed{\text{工}}}$ において極小値をとる。

([IV]の問題は次ページに続く。)

座標平面上の曲線 $y = f(x)$ を C_1 とし、 C_1 上の点 $P(-1, f(-1))$ における C_1 の接線を ℓ とする。

c, d を実数とし、 ℓ の方程式を $y = cx + d$ とする。

$$c = \boxed{\text{オ}}, \quad d = \boxed{\text{カ}}$$

である。

ただし、 $\boxed{\text{オ}}, \boxed{\text{カ}}$ については、前ページの A 群の ①～⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

C_1 と ℓ の、 P 以外の共有点を Q とする。 Q の座標は $Q(\boxed{\text{キ}}, \boxed{\text{クケ}})$ である。

([IV]の問題は次ページに続く。)

数学②

p, q, r を実数とし、座標平面上の曲線 $y = px^2 + qx + r$ を C_2 とする。 C_2 は点 $(0, -1)$, P, Q の 3 点すべてを通るものとする。

$$p = \boxed{\text{コ}}, \quad q = \boxed{\text{サ}}, \quad r = \boxed{\text{シ}}$$

である。

ただし、 $\boxed{\text{コ}} \sim \boxed{\text{シ}}$ については、26ページの A 群の ①～⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

C_2 と ℓ で囲まれた部分の面積は $\frac{\boxed{\text{スセ}}}{\boxed{\text{ソタ}}}$ である。

(計算用紙)

数学②

次の問題[V]は、 デザイン工学部システムデザイン学科、 生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生のみ解答せよ。

[V]

(1) 袋が1つあり、 白玉2個と赤玉3個が入っている。

(i) 袋から玉を2個同時に取り出す。このとき、取り出された玉が2個とも赤

玉である確率は $\frac{\boxed{ア}}{\boxed{イウ}}$ である。

(ii) 袋から玉を3個同時に取り出す。このとき、取り出された玉のうち、1個

が白玉、 2個が赤玉である確率は $\frac{\boxed{エ}}{\boxed{オ}}$ である。

([V]の問題は次ページに続く。)

- (2) 3つの袋 A, B, C があり、袋 A には白玉 4 個、袋 B には赤玉 4 個、袋 C には白玉 2 個と赤玉 3 個が入っている。

1つのさいころを投げて、1または2の目が出たときは袋 A から、3または4の目が出たときは袋 B から、5または6の目が出たときは袋 C から1個の玉を取り出す。

さいころを1回投げるとき、取り出された玉が白玉である確率は $\frac{\boxed{カ}}{\boxed{キク}}$

である。また、取り出された玉が白玉であったとき、それが袋 A の玉である

確率は $\frac{\boxed{ケ}}{\boxed{コ}}$ である。

([V]の問題は次ページに続く。)

数学②

- (3) 3つの袋 A, B, C があり、袋 A には白玉 4 個、袋 B には赤玉 4 個、袋 C には白玉 2 個と赤玉 3 個が入っている。

各袋に入っている白玉と赤玉の個数を組にして表すことにする。たとえば袋 A に白玉 4 個、袋 B に赤玉 4 個、袋 C に白玉 2 個と赤玉 3 個が入っている状態は、次の図で表される。

A	B	C
(4, 0)	(0, 4)	(2, 3)

- (i) 袋 A から玉を 1 個取り出して袋 B へ入れ、続けて袋 B から玉を 1 個取り出して袋 C へ入れる。このとき、袋 C に入っている白玉の個数を x 、赤玉の個数を y とする。 x と y の組で起こり得るのは

$$(x, y) = (\boxed{\text{サ}}, \boxed{\text{シ}}), (\boxed{\text{ス}}, \boxed{\text{セ}})$$

である。ただし、 $\boxed{\text{サ}} < \boxed{\text{ス}}$ とする。

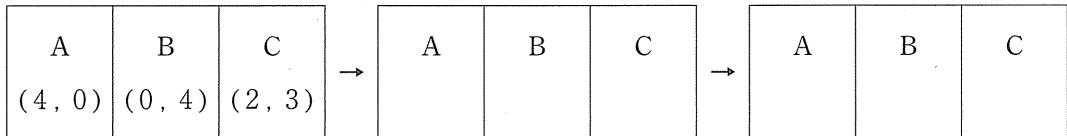
- (ii) 1 つのさいころを投げて、偶数の目が出たときは袋 A から玉を 1 個取り出して袋 B へ入れ、奇数の目が出たときは袋 B から玉を 1 個取り出して袋 C へ入れる操作を行う。この操作を 2 回続けて行うとき、袋 A に白玉がち

ょうど 3 個入っている確率は $\frac{\boxed{\text{ソ}}}{\boxed{\text{タ}}}$ であり、袋 B に白玉が 1 個以上入って

いる確率は $\frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツテ}}}$ である。

1回目

2回目



数学②

次の問題〔VI〕は、情報科学部コンピュータ科学科・ディジタルメディア学科、デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科、理工学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを希望する受験生のみ解答せよ。

〔VI〕

原点を O とする座標平面上に曲線 C がある。C は、 $0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}$ を満たす媒介変数 t を用いて、

$$x = \sin^3 t, \quad y = 2 \cos^3 t$$

で表されている。

$0 < t < \frac{\pi}{2}$ のとき、

$$\frac{dx}{dt} = \boxed{\text{ア}}, \quad \frac{dy}{dt} = \boxed{\text{イ}}$$

である。

ただし、ア、イ については、以下の A 群の ①～⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A 群

① $\sin t$

① $\cos t$

② $2 \sin t$

③ $2 \cos t$

④ $-\frac{2 \sin t}{\cos t}$

⑤ $-\frac{2 \cos t}{\sin t}$

⑥ $3 \sin^2 t \cos t$

⑦ $3 \cos^2 t \sin t$

⑧ $-6 \sin^2 t \cos t$

⑨ $-6 \cos^2 t \sin t$

(〔VI〕の問題は次ページに続く。)

$0 < t < \frac{\pi}{2}$ のとき, y を x の関数と考えて $\frac{dy}{dx}$ を求めると,

$$\frac{dy}{dx} = \boxed{\text{ウ}}$$

である。

ただし, $\boxed{\text{ウ}}$ については, 前ページの A 群の ①~⑨ から 1 つを選べ。

$0 < t < \frac{\pi}{2}$ とする。C の; 点 P ($\sin^3 t, 2 \cos^3 t$) における接線を ℓ とする。

ℓ と x 軸との交点を A とし, ℓ と y 軸との交点を B とする。 ℓ の方程式を
 $y = \boxed{\text{ウ}} x + n$ とすると,

$$n = \boxed{\text{エ}}$$

であり, A, B の座標は, それぞれ A ($\boxed{\text{オ}}, 0$), B ($0, \boxed{\text{エ}}$) である。

ただし, $\boxed{\text{エ}}$, $\boxed{\text{オ}}$ については, 前ページの A 群の ①~⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで, 同じものを何回選んでもよい。

([VII]の問題は次ページに続く。)

数学②

線分 AB の長さの平方 AB^2 を L とし、三角形 OAB の面積を S とする。

$u = \tan t$ とおく。

$R = \frac{S}{L}$ とする。 R を u の式で表すと

$$R = \frac{u}{u \boxed{\text{カ}} + \boxed{\text{キ}}}$$

である。 R を u で微分すると

$$\frac{dR}{du} = \frac{\boxed{\text{ク}} - u \boxed{\text{ケ}}}{\left(u \boxed{\text{カ}} + \boxed{\text{キ}} \right)^2}$$

である。 R が最大値をとるのは $u = \boxed{\text{コ}}$ のときで、最大値は $\frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}}$ である。

R が最大値をとるときの P の座標は、 $P \left(\frac{\boxed{\text{ス}} \sqrt{\boxed{\text{セ}}}}{\boxed{\text{ソタ}}}, \frac{\boxed{\text{チ}} \sqrt{\boxed{\text{セ}}}}{\boxed{\text{ソタ}}} \right)$ で

ある。

(計算用紙)

数学②

次の問題〔VII〕は、情報科学部コンピュータ科学科・ディジタルメディア学科、デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科、理工学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを希望する受験生のみ解答せよ。

〔VII〕

e を自然対数の底とする。

関数 $f(x)$ を

$$f(x) = e^{-x} \sin x$$

とする。

$f(x)$ の導関数 $f'(x)$ は、

$$f'(x) = \boxed{\text{ア}}$$

である。

ただし、
 $\boxed{\text{ア}}$ については、以下の A 群の ①～⑥ から 1 つを選べ。

A 群

① $e^{-x} \cos x$

② $e^{-x} \sin x$

③ $e^{-x} (\cos x + \sin x)$

④ $e^{-x} (\cos x - \sin x)$

⑤ $e^{-x} (-\cos x + \sin x)$

⑥ $e^{-x} (-\cos x - \sin x)$

三角関数の合成を用いると、

$$f'(x) = \sqrt{\boxed{\text{イ}}} e^{-x} \sin \left(x + \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}} \pi \right)$$

である。ただし、 $0 \leq \frac{\boxed{\text{ウ}}}{\boxed{\text{エ}}} \pi < 2\pi$ とする。

(〔VII〕の問題は次ページに続く。)

$0 \leq x \leq 2\pi$ において, $f(x)$ は, $x = \frac{\boxed{\text{才}}}{\boxed{\text{力}}} \pi$ のとき最大値をとり,

$x = \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}} \pi$ のとき最小値をとる。 $0 \leq x \leq 2\pi$ における $f(x)$ の最大値を M ,

最小値を m とおく。

$$\left| \frac{M}{m} \right| = \boxed{\text{ケ}}$$

である。

ただし, $\boxed{\text{ケ}}$ については, 以下の B 群の ①~⑨ から 1 つを選べ。

B 群

- | | | | | | | | |
|---|----------------------|---|----------------------------|---|----------------------|---|-------------------|
| ① | $e^{-\pi}$ | ② | e^π | ③ | 1 | ④ | 2 |
| ⑤ | $e^{-\frac{\pi}{2}}$ | ⑥ | $e^{\frac{\pi}{2}}$ | ⑦ | $\frac{e^{-\pi}}{2}$ | ⑧ | $\frac{e^\pi}{2}$ |
| ⑨ | $\sqrt{3} e^{-\pi}$ | ⑩ | $\frac{\sqrt{3}}{3} e^\pi$ | ⑪ | e | ⑫ | |

([VII] の問題は次ページに続く。)

数学②

$f(x)$ の不定積分を

$$I = \int f(x) dx$$

とする。 $f(x) = (-e^{-x})' \sin x$ であることに注意して部分積分法を用いると、

$$I = -e^{-x} \sin x + \int \boxed{\exists} dx$$

である。

ただし、 $\boxed{\exists}$ については、38ページのA群の①～⑥から1つを選べ。

$\int \boxed{\exists} dx$ に部分積分法を用いると、

$$\int \boxed{\exists} dx = - \boxed{\text{サ}} - I$$

であり、

$$I = \frac{\boxed{\text{シ}}}{\boxed{\text{ス}}} + C \quad (C \text{ は積分定数})$$

となる。

ただし、 $\boxed{\text{サ}}$ 、 $\boxed{\text{シ}}$ については、38ページのA群の①～⑥からそれぞれ1つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

([VII]の問題は次ページに続く。)

$0 < x < \pi$ において $f(x) > 0$ であり, $\pi < x < 2\pi$ において $f(x) < 0$ である。

$$\int_0^{2\pi} |f(x)| dx = \frac{\boxed{セ}}{\boxed{ソ}} (\boxed{タ} + 1)^2$$

である。

ただし, $\boxed{タ}$ については, 39ページの B 群の ①～⑨ から 1つを選べ。

(以 上)

マークシート解答方法についての注意(共通事項)

マークシート解答では、鉛筆でマークしたものを機械が直接読みとって採点する。したがって解答はHBの黒鉛筆でマークすること(万年筆、ボールペン、シャープペンシルなどを使用しないこと)。

記入上の注意

1. 記入例

解答を3にマークする場合。

(1) 正しいマークの例

A	①	②	●	④	⑤
---	---	---	---	---	---

(2) 悪いマークの例

A	①	②	●	④	⑤
---	---	---	---	---	---

B	①	②	●	④	⑤
---	---	---	---	---	---

C	①	②	●	④	⑤
---	---	---	---	---	---

} 枠外にはみださないこと。

○でかこまないこと。

2. 解答を訂正する場合は、消しゴムでよく消してから、あらためてマークすること。

3. 解答用紙をよごしたり、折りまげたりしないこと。

4. 問題に指定された数よりも多くマークしないこと。

「数学②」(情報科学部・デザイン工学部・理工学部・生命科学部)

マークシート解答上の注意

「数学②(情報科学部・デザイン工学部・理工学部・生命科学部)」は「数学①(それ以外の学部)」と異なる科目です。

問題中のア、イ、ウ…のそれぞれには、特に指示がないかぎり、-(マイナスの符号)、または0~9までの数が1つずつ入る。当てはまるものを選び、マークシートの解答用紙の対応する欄にマークして解答しなさい。

ただし、分数の形で解答が求められているときには、符号は分子に付け、分母・分子をできる限り約分して解答しなさい。

また、根号を含む形で解答が求められているときには、根号の中に現れる自然数が最小となる形で解答しなさい。

[例] $\frac{\boxed{ア}}{\boxed{ウ}} \sqrt{\boxed{イ}}$ に $\frac{-\sqrt{3}}{14}$ と答えたいたいときには、以下のようにマークしなさい。

ア	●	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
イ	⊖	①	②	●	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
ウ	⊖	①	●	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨
エ	⊖	①	②	③	●	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨

* 「数学①」の選択肢には-(マイナスの符号)はありません。