

デザイン工学部A方式Ⅰ日程・理工学部A方式Ⅰ日程
生命科学部A方式Ⅰ日程

3限 理 科 (75分)

科 目	ペー ジ
物 理	2~9
化 学	10~16
生 物	18~23

〈注意事項〉

1. 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
2. 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
3. **生物**は生命科学部(生命機能学科)を志望する受験生のみ選択できる。デザイン工学部(都市環境デザイン工学科・システムデザイン学科)、理工学部(機械工学科機械工学専修・応用情報工学科)を志望する受験生は選択できない。
4. 試験開始後の科目の変更は認めない。

(物 理)

注意 解答はすべて解答用紙の指定されたところに記入すること。

解答用紙の計算欄は、解答を導くために必要な式や計算のメモに使用してよい。

[I] つぎの文の に入れるべき数式を解答欄に記入せよ。なお、重力加速度の大きさを g とする。

図1に示すように、質量 $3m$ の台車が、その水平な上面に質量 m の小物体をのせて、摩擦のない水平台の上におかれている。台車の上面と小物体との間の静止摩擦係数は μ 、動摩擦係数は μ' である。この台車に伸び縮みしない軽い糸をつけ、水平に引いた糸をなめらかな小滑車に通しておもりをつり下げ、手で支えた。

おもりの質量が $4m$ であったとき、静かに手をはなすと台車と小物体は一体となって動きはじめた。台車の水平台に対する加速度の大きさは 1 、糸の張力の大きさは 2 、小物体に働く摩擦力の大きさは 3 である。

おもりの質量を M に変えて、静かに手をはなしたところ、おもりの降下とともに、小物体は台車の上をすべりだした。小物体の水平台に対する加速度の大きさは 4 、台車の水平台に対する加速度の大きさは 5 である。

質量 M のおもりによってこの小物体が台車の上をすべりだすために、与えられた静止摩擦係数 μ のもとで M が満たすべき条件を考える。小物体に働く静止摩擦力のとりうる最大値は 6 である。このことから小物体がすべりだすのは、おもりの質量 M が小物体の質量 m の 7 倍よりも大きい場合である。

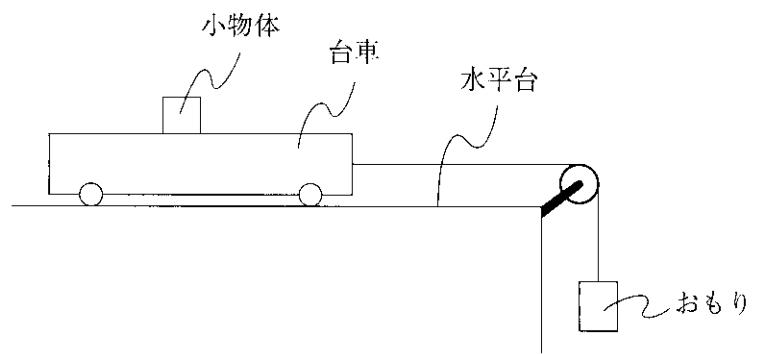


図 1

[II] つぎの文の [] に入れるべき数式を解答欄に記入せよ。ただし、クーロンの法則の比例定数を k 、無限遠における電位を 0 とする。

図 2-1 に示すように、真空中の xy 平面上において、電気量 $Q_1 (Q_1 > 0)$ の点電荷を点 A(1, 0) に固定した場合、原点 O における電界(電場)の強さは

[a] , 点 C(0, 3) における電位は [b] となる。つぎに、図 2-2

に示すように、図 2-1 に対して電気量 $Q_2 (Q_2 > 0)$ の点電荷を点 B(-2, 0) に追加して固定した場合、原点 O における電界の x 方向の成分は [c] ,

点 C における電位は [d] となる。さらに、図 2-3 に示すように、図 2

- 2 に対して電気量 $-Q_3 (Q_3 > 0)$ の点電荷を原点 O に追加して固定した場合、電気量 $-Q_3$ の点電荷に作用する静電気力の x 方向の成分は [e] となる。

図 2-3 において、各点電荷に作用する静電気力がつりあつたとき、 Q_2 と Q_3 を Q_1 を用いて表すと $Q_2 = [f]$, $Q_3 = [g]$ となる。

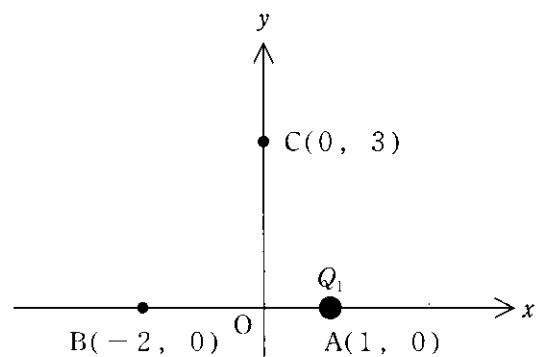


図 2-1

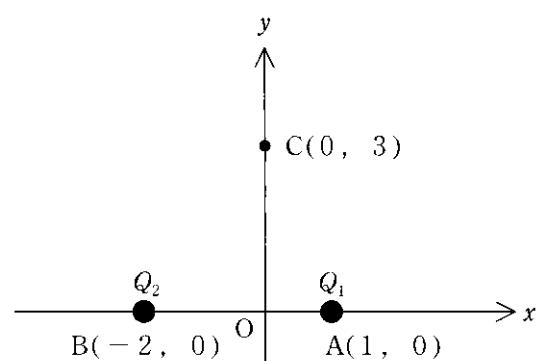


図 2-2

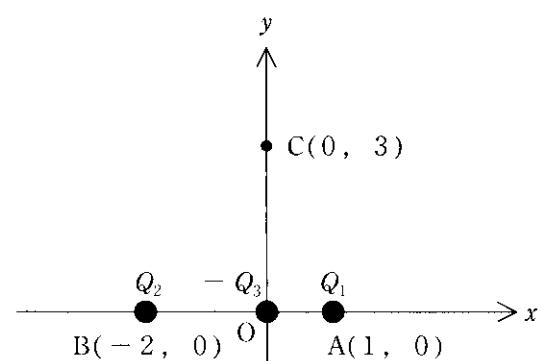


図 2-3

[III] つぎの文の に入れるべき数式を解答欄に記入せよ。

図3-1のように、大気圧 P_0 中に支持棒で天井に固定されたピストンに対して、鉛直方向になめらかに動く断面積 S の円筒容器が静止している。円筒容器の中には1モルの单原子分子の理想気体Aが閉じ込められており、その底には質量 M の加熱器が取り付けられている。床には底面積 $2S$ の円筒状の水槽が置かれており、その中には密度 ρ の水が入っている。円筒容器とピストンは断熱材でできており、また円筒容器の壁の厚みと質量は無視できるものとする。理想気体の気体定数を R 、重力加速度の大きさを g とする。

はじめに図3-1のように、円筒容器の下面は水面からはなれた位置で静止している。このときのAの圧力は P_1 、体積は V_1 、絶対温度は T_1 であった。 P_1 を R, T_1, V_1 で表すと 、 M を g, P_0, P_1, S で表すと となる。

つぎに図3-2のように、Aに熱量 Q_1 をゆっくりと加えると円筒容器が h だけ降下し、その下面是水面と一致し、Aの絶対温度は T_2 になった。 h を S, T_1, T_2, V_1 で表すと となる。この過程でAの内部エネルギーの変化を h 、 P_1, S で表すと 、Aが外部にした仕事を Q_1 で表すと となる。

さらに図3-3のように、Aに熱量 Q_2 をゆっくりと加えると円筒容器が h だけ降下し、Aの圧力は P_2 、絶対温度は T_3 になった。 P_2 を P_1, h, g, ρ で表すと となるので、この過程の圧力 P を縦軸に、体積 V を横軸にとった P - V 図のグラフの傾きは g, S, ρ で表すと となる。この過程でAが外部にした仕事を P_1, g, h, S, ρ で表すと となる。

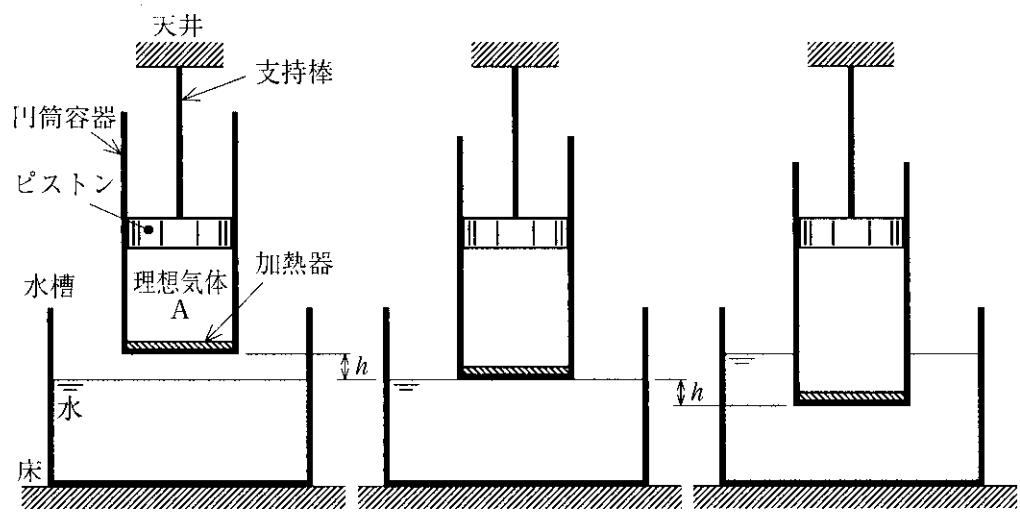


図3-1

図3-2

図3-3

[IV] 図4-1は、焦点距離 f の薄い凸レンズと小物体からなる光学系である。図に示すようにレンズの光軸上に x 軸をとる。小物体は $x = 0$ の位置に x 軸に対して垂直に置かれている。レンズは x 軸上を $x > 0$ の範囲で動かすことができる。

- (イ) 小物体の実像ができるためのレンズの位置 x の満たすべき条件を式で表せ。
- (ロ) レンズの位置が $x = x_0$ において実像ができたときの倍率(像が物体の何倍になったかを表す量)を x_0 と f を用いて表せ。

図4-2は、図4-1の光学系にさらにスクリーンをレンズの右側 $x = S$ の位置に、 x 軸に対して垂直に置いたものである。レンズを小物体に接する位置からスクリーンに向かって動かしていくとき、実像が2度スクリーン上に観測された。1回目に実像が観測されたときのレンズの位置を $x = x_1$ 、2回目のときのレンズの位置を $x = x_2$ とする。

- (ハ) 実像が2度観測されるためのスクリーンの位置 S の満たすべき条件を f を用いて式で表せ。
- (ニ) 1回目の像の倍率 m_1 と2回目の像の倍率 m_2 を x_1 , x_2 を用いて表せ。

図4-3は、光軸が同じ2つの薄い凸レンズと小物体からなる光学系である。レンズの光軸上に x 軸をとり、小物体を $x = 0\text{ cm}$ の位置に x 軸に対して垂直に固定し、焦点距離3cmの凸レンズAを $x = 4\text{ cm}$ の位置に置く。さらに焦点距離 $F[\text{cm}]$ の凸レンズBを置き、レンズAによってできる実像をレンズBの右側から虚像として観測することを考える。

- (ホ) x 軸上のレンズBの位置を $x = x_3[\text{cm}]$ とするとき、虚像として観測可能な x_3 の範囲を式で表せ。
- (ヘ) 虚像が $x = 0\text{ cm}$ の位置にできるためのレンズBの位置を F を用いて表せ。
- (ト) 虚像が $x = 0\text{ cm}$ の位置にでき、その大きさが小物体の大きさの9倍となるとき、AとBのレンズ間の距離を求めよ。



図 4-1

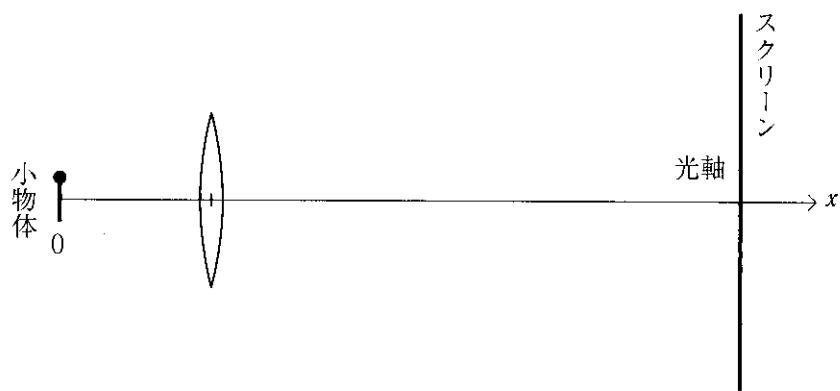


図 4-2

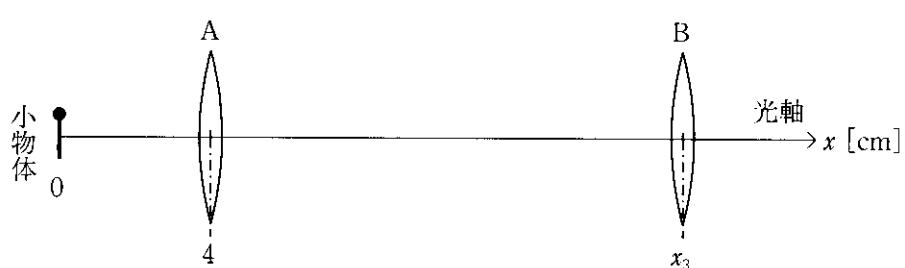


図 4-3