

## T日程・英語外部試験利用入試 1限

科 目	ペー ジ
数 学 ①	2~13
数 学 ②	14~39
地 理	40~50
国 語	75~52

## 〈注意事項〉

- 試験開始の合図があるまで、問題冊子を開かないこと。
- 解答はすべて解答用紙に記入しなさい。
- 志望学部・学科によって選択する科目・試験時間が決まっているので注意すること。

志望学部(学科)	受験科目	試験時間
下記以外の学部(学科)	数学①または国語	60分
文学部(日本文)	国 語	90分
文学部(地理)	地 理	60分
情報科学部(コンピュータ科・ディジタルメディア)		
デザイン工学部 (建築・都市環境デザイン工・システムデザイン)		
理工学部 (機械工〔機械工学専修〕・電気電子工・応用情報工・経営システム工・創生科)	数学②	90分
生命科学部 (生命機能・環境応用化・応用植物科)		

- 科目の選択は、受験しようとする科目の解答用紙を選択した時点で決定となる。  
一度選択した科目の変更は一切認めない。
- 数学②・国語については、志望学部・学科によって解答する問題番号が決まっている。問題に指示されている通りに解答すること。指定されていない問題を解答した場合、採点の対象としないので注意すること。
- 数学①②については、定規、コンパス、電卓の使用は認めないので注意すること。
- マークシート解答方法については、問題冊子を裏返して裏表紙の注意事項を読みなさい。ただし、問題冊子を開かないこと。
- 問題冊子のページを切り離さないこと。

## ( 数 学 (2) )

情報科学部・デザイン工学部・理工学部・生命科学部のいずれかを志望する受験生のみ選択できる。

デザイン工学部システムデザイン学科、生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生は、〔I〕〔II〕〔III〕〔IV〕〔V〕を解答せよ。

情報科学部コンピュータ科学科・デジタルメディア学科、デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科、理工学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを志望する受験生は、〔I〕〔II〕〔III〕〔VI〕〔VII〕を解答せよ。

[ I ]

$x$  を、 $x > 0$ 、 $x \neq 1$  を満たす実数とする。

不等式

$$\log_2 (\sqrt{2}x) - \log_{\sqrt{x}} 8 + 2 > 0 \quad \dots \text{①}$$

を満たす実数  $x$  の範囲について考える。

$\log_2 x = X$  とおく。 $0 < x < \boxed{\text{ア}}$  のとき  $X < 0$  であり、 $x > \boxed{\text{ア}}$  のとき  $X > 0$  である。

$$\log_2 (\sqrt{2}x) = X + \frac{\boxed{\text{イ}}}{\boxed{\text{ウ}}} \text{ であり, } \log_{\sqrt{x}} 8 = \frac{\boxed{\text{エ}}}{X} \text{ である。}$$

$0 < x < \boxed{\text{ア}}$  とする。このとき  $X < 0$  であるから、①が成り立つことと

$$X^2 + \frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} X - \boxed{\text{キ}} < 0 \quad \dots \text{ii}$$

が成り立つことは同値である。

([ I ] の問題は次ページに続く。)

$X < 0$  と ⑩ を同時に満たす  $X$  の範囲は,  $\boxed{\text{クケ}} < X < \boxed{\text{ヨ}}$  であり,  
 $0 < x < \boxed{\text{ア}}$  と ① を同時に満たす  $x$  の範囲は,

$$\frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シス}}} < x < \boxed{\text{セ}}$$

である。

$x > \boxed{\text{ア}}$  と ① を同時に満たす  $x$  の範囲は,

$$x > \boxed{\text{ソ}} \sqrt{\boxed{\text{タ}}}$$

である。

数学②

[II]

数列  $\{a_k\}$  の項が、左から右へ順に並んでいる。

この数列の項をいくつかずつまとめて群に分け、左から右に、順に第1群、第2群、第3群、…とする。ただし、第  $n$  群 ( $n = 1, 2, 3, \dots$ ) は  $n$  個の項を含むとする。

$a_1 \quad | \quad a_2, a_3 \quad | \quad a_4, a_5, a_6 \quad | \quad \cdots \quad | \quad a_l, \dots, a_m \quad | \quad \cdots$   
第1群 第2群 第3群 第  $n$  群

第5群の左端の項は  $a_{\boxed{\text{アイ}}}$ 、右端の項は  $a_{\boxed{\text{ウエ}}}$  である。

([II]の問題は次ページに続く。)

第  $n$  群の左端の項を  $a_l$ , 右端の項を  $a_m$  とすると,

$$l = \boxed{\text{オ}}, \quad m = \boxed{\text{カ}}$$

である。

ただし,  $\boxed{\text{オ}}$ ,  $\boxed{\text{カ}}$  については, 以下の A 群の ①~⑨ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで, 同じものを何回選んでもよい。

A 群

$$\textcircled{1} \quad n$$

$$\textcircled{2} \quad n^2$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{n^2 - n}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{n^2 + n}{2}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{n^2 - n - 2}{2}$$

$$\textcircled{6} \quad \frac{n^2 - n + 2}{2}$$

$$\textcircled{7} \quad \frac{n^2 + n - 2}{2}$$

$$\textcircled{8} \quad \frac{n^2 + n + 2}{2}$$

$$\textcircled{9} \quad \frac{n^2 + 2n + 1}{2}$$

([Ⅱ]の問題は次ページに続く。)

## 数学②

分数式  $\frac{1}{k(k+1)}$  を変形すると、

$$\frac{1}{k(k+1)} = \frac{1}{\boxed{\text{キ}}} - \frac{1}{\boxed{\text{ク}}}$$

となる。

ただし、 $\boxed{\text{キ}}$ 、 $\boxed{\text{ク}}$ については、以下のB群の①～⑧からそれぞれ1つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

B群

- |         |             |           |             |
|---------|-------------|-----------|-------------|
| ① $k$   | ② $k^2$     | ③ $k+1$   | ④ $(k+1)^2$ |
| ⑤ $k-1$ | ⑥ $(k-1)^2$ | ⑦ $k^2+1$ | ⑧ $k^2-1$   |

([Ⅱ]の問題は次ページに続く。)

数学②

第  $k$  項が  $a_k = \frac{1}{k(k+1)}$  である数列  $\{a_k\}$  を 16 ページに示した方法で群に分け、第  $n$  群に含まれるすべての項の和を  $S_n$  とおく。

$$S_3 = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コサ}}} \text{ である。} S_n \text{ を } n \text{ の式で表すと,}$$

$$S_n = \frac{\boxed{\text{シ}} n}{n \boxed{\text{ス}} + \boxed{\text{セ}} n \boxed{\text{ソ}} + \boxed{\text{タ}}}$$

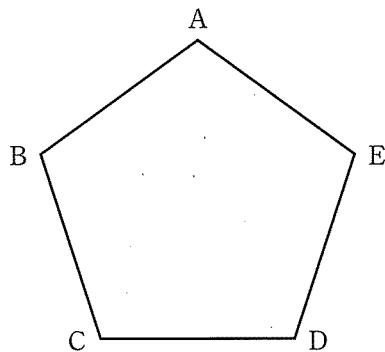
となる。

ただし、 $\boxed{\text{ス}} > \boxed{\text{ソ}}$  とする。

数学②

(III)

1辺の長さが1の正五角形ABCDEがある。



線分ACの長さをxとおく。線分ACと線分BDの交点をFとする。

四角形AFDEは平行四辺形であるから、 $AF = \boxed{\text{ア}}$ である。

三角形BCFと三角形ADFは相似である。 $AD = \boxed{\text{イ}}$ で、

$$AF : FC = \boxed{\text{ウ}} : 1$$

である。

ただし、 $\boxed{\text{イ}}$ 、 $\boxed{\text{ウ}}$ については、以下のA群の①～⑧からそれぞれ1つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A群

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & 1 \\ \textcircled{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ \textcircled{3} & x - 1 \\ \textcircled{4} & x \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \textcircled{5} & \frac{1}{x+1} \\ \textcircled{6} & x + 1 \\ \textcircled{7} & x^2 + 1 \\ \textcircled{8} & \frac{1}{x^2 + 1} \end{array}$$

([III]の問題は次ページに続く。)

数学②

$$x = \frac{\boxed{工} + \sqrt{\boxed{才}}}{\boxed{力}}$$

である。

([Ⅲ]の問題は次ページに続く。)

数学②

三角形 ABD の  $\angle BAD$  の大きさを  $\theta$  とおく。

$$\cos \theta = \frac{\sqrt{\boxed{キ}} - \boxed{ク}}{\boxed{ケ}}$$

である。三角形 ABD の外接円の半径を  $R$  とおくと、

$$R^2 = \frac{\boxed{コ} + \sqrt{\boxed{サ}}}{\boxed{シス}}$$

である。

([Ⅲ]の問題は次ページに続く。)

$s, t$  を実数として、 $\overrightarrow{AE} = s \overrightarrow{AB} + t \overrightarrow{BC}$  とおくと、

$$s = \frac{\boxed{セ} - \sqrt{\boxed{ソ}}}{\boxed{タ}}, \quad t = \boxed{チ}$$

である。

## 数学②

次の問題[IV]は、デザイン工学部システムデザイン学科、生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生のみ解答せよ。

[IV]

関数  $f(x)$  を、

$$f(x) = x^3 - 3x^2 + 4$$

とし、座標平面上の曲線  $y = f(x)$  を  $C$  とする。

$f(x)$  は、 $x = \boxed{\text{ア}}$  において極大値をとり、 $x = \boxed{\text{イ}}$  において極小値をとる。

$a, b$  を実数とする。関数  $g(x)$  を、

$$g(x) = x^2 + ax + b$$

とし、座標平面上の放物線  $y = g(x)$  を  $D$  とする。

$D$  は  $C$  上の 2 点  $(\boxed{\text{ア}}, f(\boxed{\text{ア}}))$ ,  $(\boxed{\text{イ}}, f(\boxed{\text{イ}}))$  を通るとする。

$a = \boxed{\text{ウエ}}$ ,  $b = \boxed{\text{オ}}$  である。

([IV]の問題は次ページに続く。)

$t$  を実数とする。 $C$  上の点  $(t, f(t))$  における  $C$  の接線を  $\ell$  とし、 $D$  上の点  $(t, g(t))$  における  $D$  の接線を  $m$  とする。

$\ell$  と  $m$  の傾きが等しくなるのは、 $t = \frac{\boxed{カ}}{\boxed{キ}}$  のときである。

$t = \frac{\boxed{カ}}{\boxed{キ}}$  かつ  $t = \boxed{ク}$  のとき、 $\ell$  と  $m$  の交点の  $x$  座標を  $X$  とする。 $X$  を、

$t$  を用いて表すと、

$$X = \frac{\boxed{ケ} t^2}{\boxed{コ} t - \boxed{サ}}$$

である。

([IV]の問題は次ページに続く。)

数学②

$\frac{\boxed{カ}}{\boxed{キ}} < t < \boxed{ク}$  とし、  $\boxed{コ} t - \boxed{サ} = s$  とおく。

$X$  を、  $s$  を用いて表すと、

$$X = \frac{\boxed{シ}}{\boxed{ス}} \left( s + \frac{\boxed{セ}}{s} + \boxed{ソ} \right)$$

となる。 $X$  は、  $t = \frac{\boxed{タ}}{\boxed{チ}}$  のとき、 最小値  $\frac{\boxed{ツテ}}{\boxed{ト}}$  をとる。

数学②

(計算用紙)

数学②

次の問題[V]は、デザイン工学部システムデザイン学科、生命科学部生命機能学科・環境応用化学科・応用植物科学科のいずれかを志望する受験生のみ解答せよ。

[V]

- (1) 5枚のカードがある。それぞれのカードには、1, 2, 3, 4, 5のいずれかひとつつの数字が書かれている。また、それぞれの数字が書かれたカードは1枚ずつである。

5枚のカードすべてを横一列に並べるとき、カードの並べ方は **アイウ** 通りである。

5枚のカードすべてを横一列に並べるとき、1が書かれたカードと2が書かれたカードがとなりあうようなカードの並べ方は **工オ** 通りである。

5枚のカードすべてを横一列に並べるとき、1が書かれたカードが、2が書かれたカードより右側にあるようなカードの並べ方は **カキ** 通りである。

([V]の問題は次ページに続く。)

数学②

(2) 7枚のカードがある。それぞれのカードには、1か2のいずれかひとつの数字が書かれている。数字1が書かれたカードは3枚、数字2が書かれたカードは4枚ある。

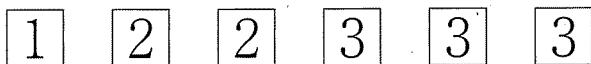
7枚のカードすべてを横一列に並べるとき、カードの並べ方は クケ 通りである。

([V]の問題は次ページに続く。)

## 数学②

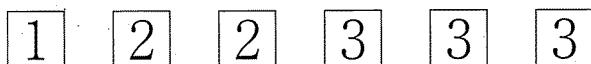
- (3) 6枚のカードがある。それぞれのカードには、1, 2, 3のいずれかひとつ  
の数字が書かれている。数字1が書かれたカードは1枚、数字2が書かれたカ  
ードは2枚、数字3が書かれたカードは3枚ある。

カードが横一列に



の順に並んでいる。これらの6枚のカードから2枚を選んで、それらを互いに  
入れかえる操作を行う。

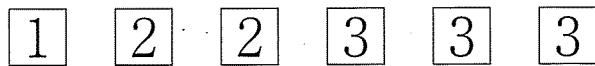
この操作を1回行ったとき、カードの並び方が



となるような入れかえ方の総数は **□** である。

([V]の問題は次ページに続く。)

カードが横一列に

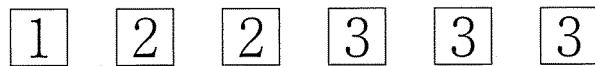


の順に並んでいる。6枚のカードから2枚を選んで、それらを互いに入れかえる操作を2回続けて行ったとき、カードの並び方が

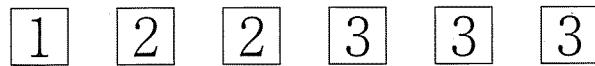


となるような入れかえ方の総数を  $N$  とする。

1回目の操作の後、カードの並び方が



であり、2回目の操作の後も、カードの並び方が



となるような入れかえ方の総数は サシ である。

$N = \boxed{\text{スセ}}$  である。

## 数学②

次の問題〔VI〕は、情報科学部コンピュータ科学科・デジタルメディア学科、デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科、理工学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを希望する受験生のみ解答せよ。

### 〔VI〕

関数  $f(x)$  を、

$$f(x) = \sqrt{x} - \frac{x\sqrt{x}}{3} \quad (x \geq 0)$$

とし、座標平面上の曲線  $y = f(x)$  を  $C$  とする。

$0 \leq x \leq \boxed{\text{ア}}$  のとき  $f(x) \geq 0$  であり、 $x > \boxed{\text{ア}}$  のとき  $f(x) < 0$  である。

$f(x)$  の導関数  $f'(x)$  および第2次導関数  $f''(x)$  は、

$$f'(x) = \frac{\boxed{\text{イ}}}{\boxed{\text{ウ}}}, \quad f''(x) = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}} \quad (x > 0)$$

である。

ただし、 $\boxed{\text{イ}} \sim \boxed{\text{オ}}$  については、以下の A 群の ①～⑧ からそれぞれ1つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A 群

①  $\sqrt{x}$       ②  $2\sqrt{x}$       ③  $3x\sqrt{x}$       ④  $4x\sqrt{x}$

⑤  $x - 1$       ⑥  $1 - x$       ⑦  $-x - 1$       ⑧  $x + 1$

(〔VI〕の問題は次ページに続く。)

数学②

$f'(x) = 0$  となる  $x$  は、 $x = \boxed{\text{カ}}$  だけである。 $0 < x < \boxed{\text{カ}}$  において、 $\boxed{\text{キ}}$  である。 $x > \boxed{\text{カ}}$  において、 $\boxed{\text{ク}}$  である。

ただし、 $\boxed{\text{キ}}$ 、 $\boxed{\text{ク}}$  については、以下の B 群の ①~④ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

B 群

- ①  $f(x)$  はつねに増加し、 $C$  は上に凸
- ②  $f(x)$  はつねに増加し、 $C$  は下に凸
- ③  $f(x)$  はつねに減少し、 $C$  は上に凸
- ④  $f(x)$  はつねに減少し、 $C$  は下に凸

([VI] の問題は次ページに続く。)

数学②

$C$  と  $x$  軸で囲まれた部分の面積を  $S$  とする。

$$S = \frac{\boxed{\text{ケ}} \sqrt{\boxed{\text{コ}}}}{\boxed{\text{サ}}}$$

である。

$C$  の  $0 \leq x \leq \boxed{\text{カ}}$  の部分と直線  $y = f(\boxed{\text{カ}})$ , および  $y$  軸で囲まれた部分を,  $y$  軸のまわりに 1 回転させてできる立体の体積を  $V$  とすると,

$$V = \pi \int_0^f (\boxed{\text{カ}}) \boxed{\text{シ}} dy$$

である。

ただし,  $\boxed{\text{シ}}$  については, 以下の C 群の ①~⑧ から 1 つを選べ。

C 群

①  $x$       ②  $x^2$       ③  $x^{-\frac{1}{2}}$       ④  $x^{\frac{1}{2}}$

⑤  $x^{\frac{3}{2}}$       ⑥  $x^{\frac{5}{2}}$       ⑦  $x^{\frac{7}{2}}$       ⑧  $x^{\frac{9}{2}}$

([VI]の問題は次ページに続く。)

$y = f(x)$  により、積分の変数を  $x$  に変えると、

$$V = \frac{\pi}{\boxed{ス}} \int_{\boxed{セ}}^{\boxed{ガ}} (\boxed{ソ} - \boxed{タ}) dx$$

となる。

ただし、 $\boxed{ソ}$ 、 $\boxed{タ}$  については、前ページの C 群の ①~⑧ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

$$V = \frac{\boxed{チ}}{\boxed{ツテ}} \pi$$

である。

## 数学②

次の問題〔VII〕は、情報科学部コンピュータ科学科・ディジタルメディア学科、デザイン工学部建築学科・都市環境デザイン工学科、理工学部機械工学科機械工学専修・電気電子工学科・応用情報工学科・経営システム工学科・創生科学科のいずれかを希望する受験生のみ解答せよ。

〔VII〕

$e$  を自然対数の底とする。

座標平面上を動く点 P の座標  $(x, y)$  が、時刻  $t \left( 0 \leq t \leq \frac{\pi}{4} \right)$  の関数として

$$x = e^t \cos t, \quad y = e^t \sin t$$

により与えられている。点 P が描く曲線を C とする。

$t = 0$  に対応する P の座標は  $(\boxed{ア}, \boxed{イ})$  である。

$$\frac{dx}{dt} = \boxed{ウ}, \quad \frac{dy}{dt} = \boxed{エ}$$

である。

ただし、 $\boxed{ウ}, \boxed{エ}$  については、以下の A 群の ①～⑧ からそれぞれ 1 つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

A 群

①  $e^t \cos t$

②  $e^t \sin t$

③  $-e^t \cos t$

④  $-e^t \sin t$

⑤  $e^t (\cos t + \sin t)$

⑥  $e^t (\cos t - \sin t)$

⑦  $e^t (-\cos t + \sin t)$

⑧  $-e^t (\cos t + \sin t)$

(〔VII〕の問題は次ページに続く。)

$0 < t < \frac{\pi}{4}$ において、Pのx座標は [才] し、y座標は [力] する。

ただし、[才]、[力]については、以下のB群の①～④からそれぞれ1つを選べ。ここで、同じものを何回選んでもよい。

B群

- |             |             |
|-------------|-------------|
| ① つねに減少     | ② 減少したのちに増加 |
| ③ 増加したのちに減少 | ④ つねに増加     |

([VII]の問題は次ページに続く。)

数学②

点  $P(e^t \cos t, e^t \sin t)$  における  $C$  の接線の傾きを  $k$  とする。

$t = \frac{\pi}{6}$  のときの  $k$  の値は  $\boxed{キ} + \sqrt{\boxed{ク}}$  である。

また,  $k$  を  $t$  で微分すると,

$$\frac{dk}{dt} = \frac{\boxed{ケ}}{\boxed{コ} - \sin(\boxed{サ} t)} \quad \left( 0 < t < \frac{\pi}{4} \right)$$

である。

([VII]の問題は次ページに続く。)

$t = 0$  から  $t = \frac{\pi}{4}$  までの間に、P が動く道のりを  $L$  とすると、

$$L = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \sqrt{\left( \frac{dx}{dt} \right)^{\boxed{シ}} + \left( \frac{dy}{dt} \right)^{\boxed{ス}}} dt = \sqrt{\boxed{セ}} \left( e^{\frac{\pi}{\boxed{ソ}}} - \boxed{タ} \right)$$

である。

(以 上)

(白 紙)

### マークシート解答方法についての注意(共通事項)

マークシート解答では、鉛筆でマークしたものを機械が直接読みとって採点する。したがって解答はHBの黒鉛筆でマークすること(万年筆、ボールペン、シャープペンシルなどを使用しないこと)。

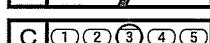
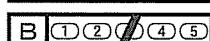
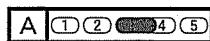
#### 記入上の注意

- 記入例 解答を3にマークする場合。

(1) 正しいマークの例



(2) 悪いマークの例



} 枠外にはみださないこと。

○でかこまないこと。

- 解答を訂正する場合は、消しゴムでよく消してから、あらためてマークすること。
- 解答用紙をよごしたり、折りまげたりしないこと。
- 問題に指定された数よりも多くマークしないこと。

### 「数学②」(情報科学部・デザイン工学部・理工学部・生命科学部)

#### マークシート解答上の注意

「数学②(情報科学部・デザイン工学部・理工学部・生命科学部)」は「数学①(それ以外の学部)」と異なる科目です。

問題中のア、イ、ウ…のそれぞれには、特に指示がないかぎり、- (マイナスの符号)、または0~9までの数が1つずつ入る。当てはまるものを選び、マークシートの解答用紙の対応する欄にマークして解答しなさい。

ただし、分数の形で解答が求められているときには、符号は分子に付け、分母・分子をできる限り約分して解答しなさい。

また、根号を含む形で解答が求められているときには、根号の中に現れる自然数が最小となる形で解答しなさい。

[例]  $\frac{\text{ア} \sqrt{\text{イ}}}{\text{ウエ}}$  に  $\frac{-\sqrt{3}}{14}$  と答えるときには、以下のようにマークしなさい。

ア	<input checked="" type="radio"/>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
イ	0	<input checked="" type="radio"/>	2	<input checked="" type="radio"/>	4	5	6	7	8	9	
ウ	0	<input checked="" type="radio"/>	2	3	4	5	6	7	8	9	
エ	0	1	2	3	<input checked="" type="radio"/>	5	6	7	8	9	

\* 「数学①」の選択肢には- (マイナスの符号) はありません。