

そ

## 国語、数学、理科(化学、生物)問題

はじめに、これを読みなさい。

1. これは、国語、数学、化学、生物の4科目の問題を綴じた冊子である。必要な科目を選択して解答しなさい。食料環境政策学科受験者は「国語」が必須である。
2. 問題は、数学、化学、生物については表面から69ページ、国語については裏面から19ページある。ただし、ページ番号のない白紙はページ数に含まない。
3. 解答用紙に印刷されている受験番号が正しいかどうか、受験票と照合して確認すること。
4. 監督者の指示にしたがい、解答用紙の氏名欄に氏名を記入すること。
5. 監督者の指示にしたがい、解答用紙にある「解答科目マーク欄」に1つマークし、「解答科目名」記入欄に解答する科目名を記入しなさい。なお、マークしていない場合、または複数の科目にマークした場合は0点となる。
6. 解答は、すべて解答用紙の所定欄にマークするか、または記入すること。所定欄以外のところには何も記入しないこと。解答番号は各科目の最初に示してある。
7. 問題に指定された数より多くマークしないこと。
8. 解答は、必ず鉛筆またはシャープペンシル(いずれもHB・黒)で記入のこと。
9. 訂正する場合は、消しゴムできれいに消し、消しきずを残さないこと。
10. 解答用紙は、絶対に汚したり折り曲げたりしないこと。
11. **解答用紙はすべて回収する。**持ち帰らず、必ず提出すること。
12. この問題冊子は必ず持ち帰ること。
13. マーク記入例

良い例	悪い例
●	○ × ○

# 数 学

(解答番号 1 ~15, 101~102)

[ I ] 次の設問の  の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。

## 関数

$y = \log_2 (12x^2 - x^3) - \log_2 x \quad (1 \leq x \leq 5)$   
の最大値を  $\alpha$ , 最小値を  $\beta$  とするとき,  $\alpha + \beta = \boxed{1}$  である。

(1の解答群)

A  $\log_2 \frac{11}{35}$     B  $\log_2 \frac{35}{11}$     C  $\log_2 11$     D  $2 \log_2 6$     E  $\log_2 35$

F  $\log_2 46$     G  $\log_2 385$     H 11    I 35    J 46

K その他

**数学 問題は次ページに続いています。**

[Ⅱ] 次の設問の 2 の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。

AさんとBさんと木は平坦な直径20mの同一円周上に位置している。真上から見たとき、BさんとAさんを結ぶ直線とBさんと木を結ぶ直線が60度の角度をなすものとする。

Aさんから木の先端を見た仰角が30度のとき、木の高さは約 2 mである。ただし、Aさんの目の高さは1.5mであり、木は地面に垂直に立っているものとする。また、 $\sqrt{3}$  は約1.73とする。

(2の解答群)

- |       |       |       |        |        |       |
|-------|-------|-------|--------|--------|-------|
| A 3.2 | B 4.2 | C 5.0 | D 5.8  | E 6.5  | F 7.3 |
| G 8.1 | H 8.8 | I 9.4 | J 10.0 | K 11.5 |       |

**数学 問題は次ページに続いています。**

[III] 次の設問の 3 から 5 の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。

半径 1 の円を  $C_1$  とする。この円  $C_1$  に内接する正三角形  $T_1$  を作り、次にこの正三角形  $T_1$  に内接する円を  $C_2$  とする。さらに、この円  $C_2$  に内接する正三角形  $T_2$  を作る。この作業を繰り返していく。ただし、大きい方の円から順に  $C_1, C_2, C_3, \dots$ 、大きい方の正三角形から順に  $T_1, T_2, T_3, \dots$  とする。このとき、次の設問に答えなさい。

(1) 正三角形  $T_1$  の面積は 3 である。

(2) 円  $C_2$  の面積は 4  $\pi$  である。

(3) 円  $C_1$  から円  $C_5$  までの 5 つの円の面積の合計は 5  $\pi$  である。

(3 の解答群)

- |                 |                        |                         |                         |                         |
|-----------------|------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| A $\frac{3}{4}$ | B $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | C $\frac{3\sqrt{2}}{4}$ | D $\frac{2\sqrt{3}}{3}$ | E $\frac{3\sqrt{3}}{4}$ |
| F $\frac{3}{2}$ | G $\sqrt{3}$           | H $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ | I $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ | J $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ |

K その他

(4 の解答群)

- |                 |                  |                  |                 |                  |
|-----------------|------------------|------------------|-----------------|------------------|
| A $\frac{1}{2}$ | B $\frac{1}{3}$  | C $\frac{1}{4}$  | D $\frac{1}{6}$ | E $\frac{1}{8}$  |
| F $\frac{1}{9}$ | G $\frac{1}{12}$ | H $\frac{1}{16}$ | I $\frac{3}{4}$ | J $\frac{9}{16}$ |

K その他

(5の解答群)

- A  $\frac{31}{16}$       B  $\frac{121}{81}$       C  $\frac{301}{243}$       D  $\frac{341}{256}$       E  $\frac{1261}{1024}$   
F  $\frac{1555}{1296}$       G  $\frac{4681}{4096}$       H  $\frac{7381}{6561}$       I  $\frac{22621}{20736}$       J  $\frac{69905}{65536}$

K その他

[IV] 次の設問の  から  の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。

図1のような道の街がある。

- (1) P から Q まで最短距離で行く道順の総数は  通りである。
- (2) R を通らずに P から Q まで最短距離で行く道順の総数は  通りである。
- (3) 図2のように、 の範囲が工事のために立入禁止となった。このとき、P から Q までの最短距離で行く道順の総数は  通りである。

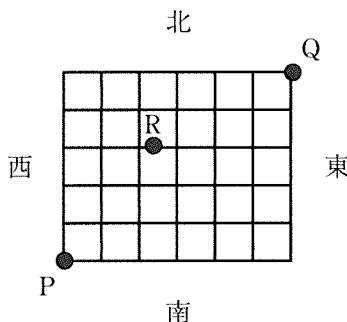


図1

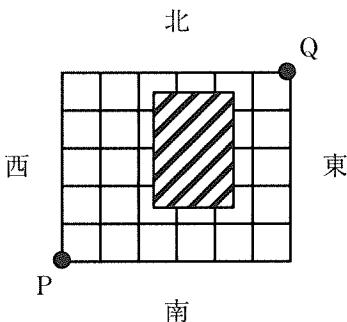


図2

(6の解答群)

- |        |        |        |        |       |       |
|--------|--------|--------|--------|-------|-------|
| A 64   | B 66   | C 126  | D 252  | E 330 | F 462 |
| G 1260 | H 1716 | I 2048 | J 2310 | K その他 |       |

(7の解答群)

- |       |       |        |        |       |       |
|-------|-------|--------|--------|-------|-------|
| A 54  | B 55  | C 66   | D 77   | E 100 | F 275 |
| G 362 | H 400 | I 1430 | J 1925 | K その他 |       |

(8の解答群)

A 21      B 35      C 42      D 47      E 52      F 63  
G 126      H 427      I 452      J 1281      K その他

[V] 次の設問の 9 と 10 の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。また、101 については、各自で得た答えを解答欄に書きなさい。

座標平面上の曲線  $y = x^2$  を  $C_1$ ,  $y = x^2 - 4x + 12$  を  $C_2$  とする。曲線  $C_1$  上に点 P をとり、点 P の  $x$  座標を  $t$  とする。点 P における  $C_1$  の接線を  $\ell$  とすると、接線  $\ell$  の方程式は

$$y = \boxed{101}$$

である。

この接線  $\ell$  が  $C_2$  上の点 Q で  $C_2$  と接するとき、点 Q の  $x$  座標は 9 である。

また、2つの曲線  $C_1$ ,  $C_2$  と接線  $\ell$  で囲まれた図形の面積  $S$  は

$$S = \boxed{10}$$

である。

(9の解答群)

- |     |                  |                 |     |                  |                 |
|-----|------------------|-----------------|-----|------------------|-----------------|
| A 2 | B $\frac{7}{3}$  | C $\frac{5}{2}$ | D 3 | E $\frac{10}{3}$ | F $\frac{7}{2}$ |
| G 4 | H $\frac{13}{3}$ | I $\frac{9}{2}$ | J 5 | K その他            |                 |

(10の解答群)

- |                 |                  |     |                 |       |                 |
|-----------------|------------------|-----|-----------------|-------|-----------------|
| A $\frac{1}{3}$ | B $\frac{2}{3}$  | C 1 | D $\frac{4}{3}$ | E 2   | F $\frac{8}{3}$ |
| G 4             | H $\frac{16}{3}$ | I 8 | J 16            | K その他 |                 |

**数学 問題は次ページに続いています。**

[VI] 次の設問の 11 から 15 の空欄の正解を解答群から選び該当する解答欄にマークしなさい。また、102 については、各自で得た答えを解答欄に書きなさい。

四面体 OABC があり、辺 OA を 3 : 2 に内分する点を P、辺 AB を  $k : (1 - k)$  に内分する点を Q、辺 BC を 2 : 1 に内分する点を R、辺 OC を  $t : (1 - t)$  に内分する点を S とする。ただし、 $k$  と  $t$  は 1 より小さい正の実数とする。

また、 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ ,  $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$  とおく。

(1)  $\overrightarrow{SP}$ ,  $\overrightarrow{SQ}$ ,  $\overrightarrow{SR}$  を  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $\vec{c}$  を用いて表すと

$$\overrightarrow{SP} = \boxed{11}, \quad \overrightarrow{SQ} = \boxed{12}, \quad \overrightarrow{SR} = \boxed{13}$$

である。

(2) 4 点 P, Q, R, S が同一平面上にあるとき、 $\overrightarrow{SQ}$  は実数  $x$ ,  $y$  を用いて

$$\overrightarrow{SQ} = x\overrightarrow{SP} + y\overrightarrow{SR}$$

と表せる。このとき  $k$  を用いて  $x$ ,  $y$  を表すと

$$x = \boxed{14}, \quad y = \boxed{15}$$

となる。よって、 $t$  を用いて  $k$  を表すと

$$k = \boxed{102}$$

となる。

(11 の解答群)

- |   |                                 |   |                                 |   |                                 |   |                                 |
|---|---------------------------------|---|---------------------------------|---|---------------------------------|---|---------------------------------|
| A | $\frac{2}{5}\vec{a} - t\vec{c}$ | B | $\frac{2}{5}\vec{a} + t\vec{c}$ | C | $t\vec{c} - \frac{2}{5}\vec{a}$ | D | $\frac{3}{5}\vec{a} - t\vec{c}$ |
| E | $\frac{3}{5}\vec{a} + t\vec{c}$ | F | $t\vec{c} - \frac{3}{5}\vec{a}$ | G | $\frac{2}{3}\vec{a} - t\vec{c}$ | H | $\frac{2}{3}\vec{a} + t\vec{c}$ |
| I | $\frac{3}{2}\vec{a} - t\vec{c}$ | J | $\frac{3}{2}\vec{a} + t\vec{c}$ | K | その他                             |   |                                 |

(12 の解答群)

A  $(1 - k)\vec{a} + k\vec{b} - t\vec{c}$

B  $(1 - k)\vec{a} - k\vec{b} + t\vec{c}$

C  $k\vec{a} + (1 - k)\vec{b} - \vec{c}$

D  $k\vec{a} - (1 - k)\vec{b} + t\vec{c}$

E  $k\vec{a} + (1 - k)\vec{b} + t\vec{c}$

F  $\frac{1}{1+t}\{(1-k)\vec{a} + k\vec{b} - \vec{c}\}$

G  $\frac{1}{1+t}\{(1-k)\vec{a} - k\vec{b} + t\vec{c}\}$

H  $\frac{1}{1+t}\{k\vec{a} + (1 - k)\vec{b} - \vec{c}\}$

I  $\frac{1}{1+t}\{k\vec{a} - (1 - k)\vec{b} + t\vec{c}\}$

J  $\frac{1}{1+t}\{k\vec{a} + (1 - k)\vec{b} + t\vec{c}\}$

K その他

(13 の解答群)

A  $\frac{1}{3}\vec{b} + \left(\frac{2}{3} - t\right)\vec{c}$

B  $\frac{1}{3}\vec{b} - \left(\frac{2}{3} - t\right)\vec{c}$

C  $\frac{2}{3}\vec{b} + \left(\frac{1}{3} - t\right)\vec{c}$

D  $\frac{2}{3}\vec{b} - \left(\frac{1}{3} - t\right)\vec{c}$

E  $\frac{2}{3}\vec{b} - \left(\frac{1}{3} + t\right)\vec{c}$

F  $\frac{1}{1+t} \left\{ \frac{1}{3}\vec{b} + \left(\frac{2}{3} - t\right)\vec{c} \right\}$

G  $\frac{1}{1+t} \left\{ \frac{1}{3}\vec{b} - \left(\frac{2}{3} - t\right)\vec{c} \right\}$

H  $\frac{1}{1+t} \left\{ \frac{2}{3}\vec{b} + \left(\frac{1}{3} - t\right)\vec{c} \right\}$

I  $\frac{1}{1+t} \left\{ \frac{2}{3}\vec{b} - \left(\frac{1}{3} - t\right)\vec{c} \right\}$

J  $\frac{1}{1+t} \left\{ \frac{2}{3}\vec{b} - \left(\frac{1}{3} + t\right)\vec{c} \right\}$

K その他

(14 の解答群)

A  $\frac{2}{5}(1-k)$     B  $\frac{2}{5}k$

C  $\frac{3}{5}(1-k)$     D  $\frac{3}{5}k$

E  $\frac{3}{2}(1-k)$     F  $\frac{3}{2}k$

G  $\frac{5}{3}(1-k)$     H  $\frac{5}{3}k$

I  $\frac{5}{2}(1-k)$     J  $\frac{5}{2}k$

K その他

(15 の解答群)

A  $\frac{1}{3}(1-k)$     B  $\frac{1}{3}k$

C  $\frac{2}{3}(1-k)$     D  $\frac{2}{3}k$

E  $\frac{3}{2}(1-k)$     F  $\frac{3}{2}k$

G  $2(1-k)$     H  $2k$

I  $3(1-k)$     J  $3k$

K その他

**以下余白は計算用紙として使用できます。**