


## 世界史 B, 日本史 B, 地理 B, 政治・経済 物理, 化学, 生物 問題

はじめに、これを読みなさい。

- この問題冊子は 127 ページある。ただし、ページ番号のない白紙はページ数に含まない。各科目のページ数は以下のとおりである。必要な科目を選択して解答すること。

世界史 B	1 ページから 18 ページ
日本史 B	19 ページから 31 ページ
地理 B	32 ページから 57 ページ
政治・経済	58 ページから 74 ページ
物理	75 ページから 90 ページ
化学	91 ページから 106 ページ
生物	107 ページから 127 ページ

- 解答用紙に印刷されている受験番号が正しいかどうか、受験票と照合して、確認すること。
- 問題文の中で、国名、地域名、企業名については略称、通称も用いている。
- 監督者の指示にしたがい、解答用紙の氏名欄に氏名を記入すること。次に「解答科目マーク欄」にマークし、「解答科目名記入欄」に解答する科目名を記入すること。マークされていない場合、または複数の科目にマークされている場合は、0 点とする。
- 解答は、すべて解答用紙の解答欄にマークすること。所定欄以外のところには何も記入しないこと。
- 1 つの解答欄に、2 つ以上マークしないこと。
- 解答は、必ず鉛筆またはシャープペンシル(いずれも HB・黒)で記入のこと。
- 訂正する場合は、消しゴムできれいに消し、消しくずを残さないこと。
- 解答用紙は、絶対に汚したり折り曲げたりしないこと。
- 解答用紙はすべて回収するので、持ち帰らず、必ず提出すること。ただし、この問題冊子は、必ず持ち帰ること。
- 試験時間は、60 分である。
- マーク記入例

良い例	悪い例
	

# 物 理

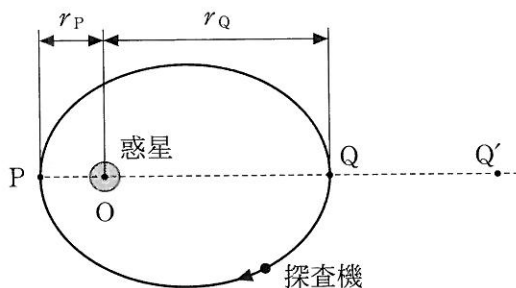
(解答番号 1～19)

物理の問題は全部で3題あります。

すべての問題を解答しなさい。

[ I ] 次の文中の 1 から 6 に最も適するものをそれぞれの解答群から一つ選び、解答用紙の所定の欄にその記号をマークせよ。

質量  $m_0$  の小物体を搭載し、その小物体を含む全質量が  $m$  の惑星探査機がある。この探査機が、図のように質量  $M$  の惑星の中心(O点)を一つの焦点とする楕円軌道<sup>だ</sup>を運行している。楕円軌道とその長軸との交点のうち、惑星に近い点をP、遠い点をQとして、O点からP点までの距離を  $r_P$ 、Q点までの距離を  $r_Q$  とする。探査機がP、Q点を通過するときのO点から見た速さは、それぞれ、 $v_P$ 、 $v_Q$ である。なお、万有引力定数を  $G$  とし、他の天体の影響は考えなくてよい。また、質量  $M$  は  $m$  に比べて十分に大きく、惑星は動かないものとする。



- (1) 惑星との万有引力によって探査機がもつ位置エネルギーは、探査機がP点に来たときは 1 である。ただし、位置エネルギーは無限遠で0とする。このエネルギーと探査機がP点でもつ運動エネルギーとの和がP点にお

ける探査機の力学的エネルギーである。また、探査機とO点を結ぶ線分が単位時間に描く面積(面積速度) $S$ はP点では $S = \frac{1}{2} r_P v_P$ である。Q点においてもP点と同様に力学的エネルギーと面積速度を考えることができる。探査機は惑星からの万有引力しか受けていないので、力学的エネルギーと面積速度 $S$ はともに一定である。このことより $v_P$ を $S$ と $r_P$ で表し、 $v_Q$ を $S$ と $r_Q$ で表して力学的エネルギー保存則を使えば、 $S$ を $G, M, r_P, r_Q$ で表すことができる。その結果は、 $S = \boxed{2}$ となる。

(2) 楕円の面積は $\pi ab$ である。ここで $a$ は楕円の半長軸で $a = \frac{1}{2}(r_P + r_Q)$ 、 $b$ は半短軸で $b = \sqrt{r_P r_Q}$ である。探査機が惑星の周りを一周する時間 $T$ を面積速度 $S$ を使って求めて $G, M, r_P, r_Q$ で表すならば、 $T = \boxed{3}$ となる。

(3) 楕円軌道を周回していた探査機がP点に来た瞬間に、搭載していた質量 $m_0$ の小物体を探査機の運動方向と逆向きに打ち出した。打ち出した直後の探査機の速さは、O点から見て $v'_P$ となった。また、打ち出した直後の小物体の速さは、探査機から見て $v_0$ であった。 $v'_P$ を $v_P, v_0, m, m_0$ を用いて表すと、 $v'_P = \boxed{4}$ で与えられる。

(4) (3)の結果、探査機の速さ $v'_P$ が $v_P$ の $k$ 倍になったとする。このとき探査機の面積速度 $S'$ は $S' = kS$ となる。これ以後、探査機と小物体の間の万有引力は無視でき、探査機は惑星からの万有引力のみを受けて運動するものとする。探査機の軌道が再びO点を一つの焦点とする楕円軌道になる場合、今回の軌道上で惑星から一番遠い点 $Q'$ は、線分 $OQ$ の延長線上にある。この $Q'$ 点と惑星の中心Oとの距離 $r_{Q'}$ を、 $S = \boxed{2}$ の式を使って求め、それを $k, r_P, r_Q$ で表すと $r_{Q'} = \boxed{5}$ で与えられる。

$k$ の値が大きくなって $\boxed{6}$ になると $r_{Q'}$ は無限大となり、このとき探査機は無限遠に飛び去ってしまう。

$\boxed{1}$  の解答群

- (A)  $G \frac{mM}{2r_P}$       (B)  $G \frac{mM}{r_P}$       (C)  $G \frac{mM}{2r_P^2}$       (D)  $G \frac{mM}{r_P^2}$   
 (E)  $-G \frac{mM}{2r_P}$       (F)  $-G \frac{mM}{r_P}$       (G)  $-G \frac{mM}{2r_P^2}$       (H)  $-G \frac{mM}{r_P^2}$

2 の解答群

(A)  $\sqrt{\frac{GM}{2}} \sqrt{\frac{r_P r_Q}{r_P + r_Q}}$

(C)  $2\sqrt{2GM} \sqrt{\frac{r_P r_Q}{r_P + r_Q}}$

(E)  $\sqrt{2GM} \sqrt{\frac{r_P + r_Q}{r_P r_Q}}$

(B)  $\sqrt{2GM} \sqrt{\frac{r_P r_Q}{r_P + r_Q}}$

(D)  $\sqrt{\frac{GM}{2}} \sqrt{\frac{r_P + r_Q}{r_P r_Q}}$

(F)  $2\sqrt{2GM} \sqrt{\frac{r_P + r_Q}{r_P r_Q}}$

3 の解答群

(A)  $\frac{\pi}{\sqrt{GM}} r_P r_Q (r_P + r_Q)^{\frac{1}{2}}$

(C)  $\frac{\pi}{2\sqrt{GM}} r_P r_Q (r_P + r_Q)^{\frac{1}{2}}$

(E)  $\frac{\pi}{\sqrt{2GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{2}{3}}$

(G)  $\frac{\pi}{\sqrt{GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{3}{2}}$

(I)  $\frac{\pi}{2\sqrt{GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{3}{2}}$

(B)  $\frac{\pi}{\sqrt{2GM}} r_P r_Q (r_P + r_Q)^{\frac{1}{2}}$

(D)  $\frac{\pi}{\sqrt{GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{2}{3}}$

(F)  $\frac{\pi}{2\sqrt{GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{2}{3}}$

(H)  $\frac{\pi}{\sqrt{2GM}} (r_P + r_Q)^{\frac{3}{2}}$

4 の解答群

(A)  $\frac{mv_P + m_0 v_0}{m + m_0}$

(C)  $\frac{mv_P + m_0 v_0}{m - m_0}$

(E)  $\frac{mv_P + m_0(v_P - v_0)}{m + m_0}$

(G)  $\frac{mv_P + m_0(v_0 - v_P)}{m - m_0}$

(I)  $\frac{mv_P + m_0 v_0}{m}$

(B)  $\frac{mv_P - m_0 v_0}{m + m_0}$

(D)  $\frac{mv_P - m_0 v_0}{m - m_0}$

(F)  $\frac{mv_P - m_0(v_P - v_0)}{m + m_0}$

(H)  $\frac{mv_P - m_0(v_0 - v_P)}{m - m_0}$

(J)  $\frac{mv_P - m_0 v_0}{m}$

5 の解答群

(A)  $\frac{r_P r_Q}{k^2 r_P + (k^2 - 1) r_Q}$

(B)  $\frac{r_P r_Q}{k^2 r_P - (k^2 - 1) r_Q}$

(C)  $\frac{k^2 r_P r_Q}{r_P + (k^2 - 1) r_Q}$

(D)  $\frac{k^2 r_P r_Q}{r_P - (k^2 - 1) r_Q}$

(E)  $\frac{k^2 r_P r_Q}{k^2 r_P + (k^2 - 1) r_Q}$

(F)  $\frac{k^2 r_P r_Q}{k^2 r_P - (k^2 - 1) r_Q}$

6 の解答群

(A)  $\sqrt{\frac{r_P}{r_P + r_Q}}$

(B)  $\sqrt{\frac{r_Q}{r_P + r_Q}}$

(C)  $\sqrt{\frac{r_P}{r_Q - r_P}}$

(D)  $\sqrt{\frac{r_Q}{r_Q - r_P}}$

(E)  $\sqrt{\frac{r_P + r_Q}{r_P}}$

(F)  $\sqrt{\frac{r_P + r_Q}{r_Q}}$

(G)  $\sqrt{\frac{r_Q - r_P}{r_P}}$

(H)  $\sqrt{\frac{r_Q - r_P}{r_Q}}$

〔Ⅱ〕 次の文中の  から  に最も適するものをそれぞれの解答群から一つ選び、解答用紙の所定の欄にその記号をマークせよ。

1. 図1のように、磁石を周期的に往復運動させて、N極をコイルに近づけたり遠ざけたりする。このとき、コイルには交流起電力が発生し、これを内部抵抗が十分に大きなオシロスコープで観測した。得られた交流を直流に変換すれば、さまざまな機器の直流電源として使うことができる。ただし、磁石の往復運動の間、磁石とコイルの中心軸は常に一致しており、往復運動の振幅と周期は一定とする。

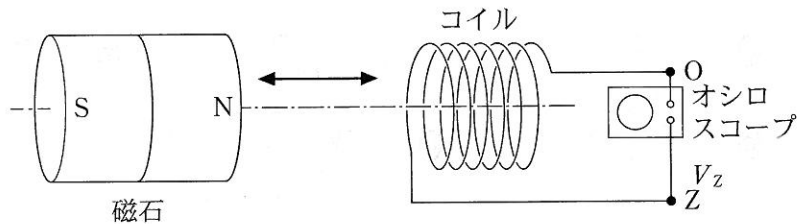


図1

- (1) 時刻  $t = 0$  にコイルから最も遠い点にあった磁石を、時刻  $t = \frac{T}{2}$  にコイルに最も近づけた後、時刻  $t = T$  にコイルから最も遠い点に戻した。このとき、図1のO点を基準としたZ点の電位  $V_z$  は、時間とともに図  のように変化した。
- (2) 交流を直流に変換するための最初の段階として、図2に示すような電気回路を使うことができる。交流電源は、図2のO点を基準としたP点の電位が、時間  $t$  に関して  $V_P(t) = V_0 \sin\left(\frac{2\pi t}{T}\right)$  となる電圧を発生するとしよう。 $V_P(t)$  のグラフを図3に示した。図2の中の「整流素子」はスイッチの作用をし、P点からQ点に向かっては電流が抵抗なく流れるが、その逆向きには電流が流れない。図2に示したO点を基準としたQ点の電位  $V_Q$  は、時間とともに図  のように変化する。
- (3) 交流を直流に変換するための次の段階で、図4に示すような電気回路を使うことができる。ただし、電流計には内部抵抗はないものとする。この回路

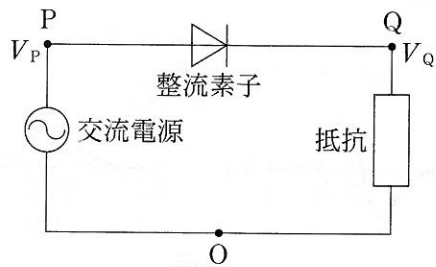


図 2

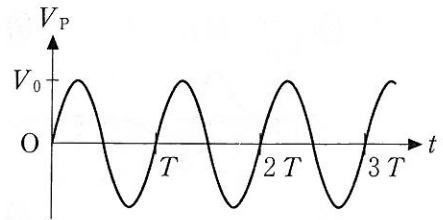


図 3

の動作原理を理解するために、電源には、O 点を基準とした A 点の電位  $V_A$  が、図 5 のグラフに示した繰り返しの変化をするように電圧を発生させた。すると、コンデンサーは充電と放電を繰り返したが、抵抗があるために充電、放電には有限の時間がかかった。このとき、図 4 の O 点を基準とした B 点の電位  $V_B$  は、時間とともに図 9 のように変化した。また、電流計に流れる電流  $I$  は、時間とともに図 10 のように変化した。ただし、電流の正の向きは図 4 の矢印の向きとする。

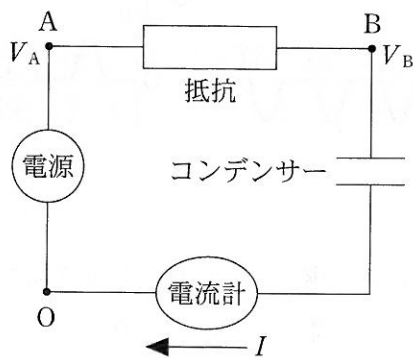


図 4

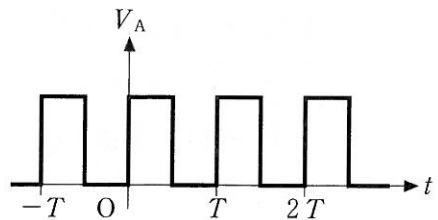
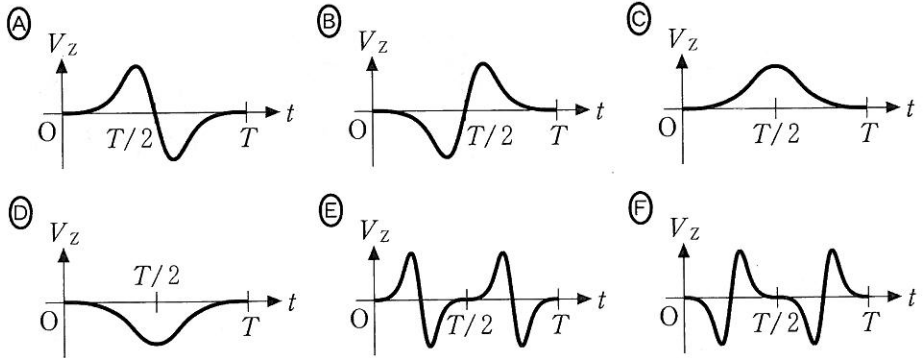
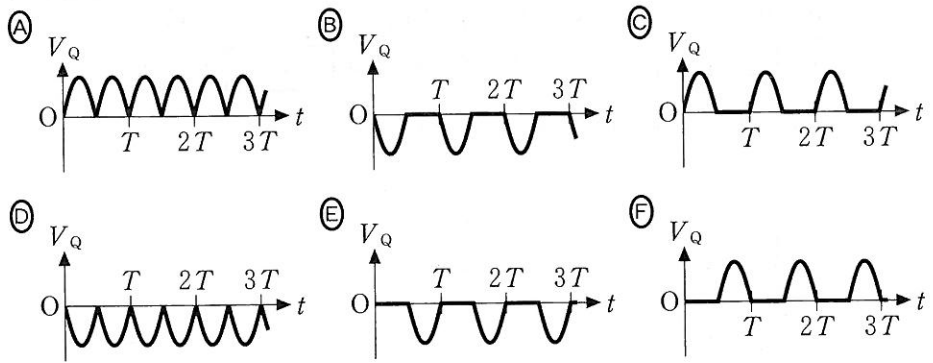


図 5

7 の解答群

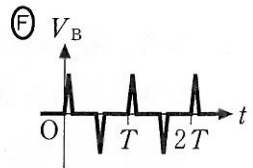
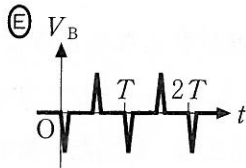
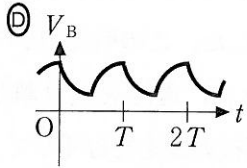
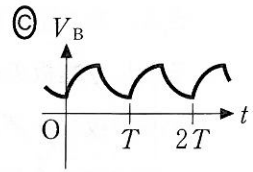
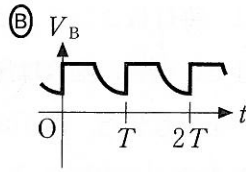
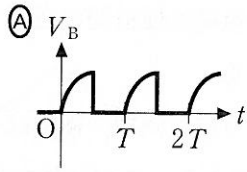


8 の解答群

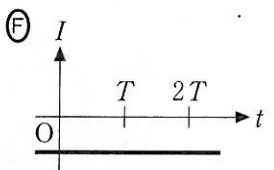
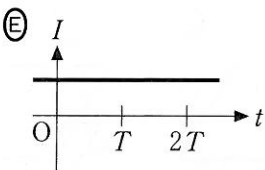
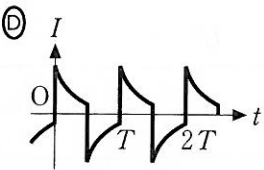
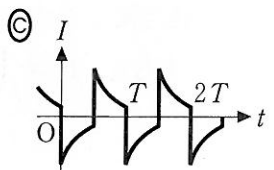
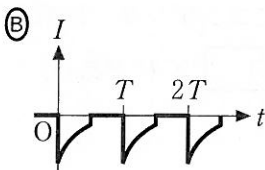
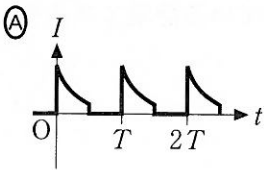




9 の解答群



10 の解答群



2. 直流電源でコンデンサーを充電すれば、電気的エネルギーを貯蔵することができる。次の(1), (2)では、平行板コンデンサーの電場は極板間の空間で一様であるとし、極板の端付近での電場の乱れは無視する。

- (1) 平行板コンデンサーを用意した。図6(a)のように、両極の極板はそれぞれ2枚の薄い金属板を接触させて固定したものである。この状態で電源につなぎ、極板間の電位差が $V$ となるように充電した。この時にコンデンサーに蓄えられた静電エネルギーを $U$ とする。次に、電源を切り離してから図6(b)のように、両極とも、重ねた2枚の金属板の固定をはずして、1枚の金属板をもう1枚の金属板に接触させつつゆっくり引き出し、両極板の面積をそれぞれ2倍にした。ただし、極板間の間隔は図6(a)のときと同じである。また、重なった極板を引き出す際に、外部との電荷の出入りはないものとする。このときにコンデンサーに蓄えられている静電エネルギーを $U'$ とすると、 $U' = \boxed{11} \times U$ である。

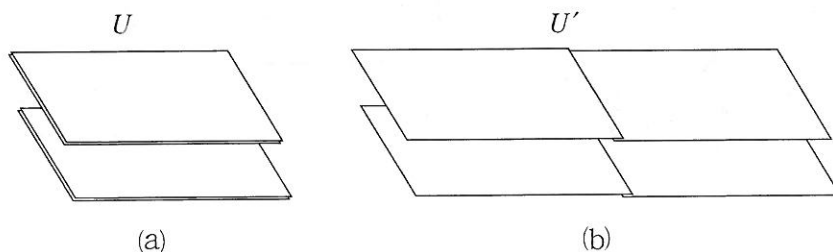


図6

- (2) 同じ電気容量をもつ2個の平行板コンデンサーA, Bを用意した。一方のコンデンサーAを電源につないで充電してから, 電源から切り離れた。次に, 図7のように, この充電したコンデンサーAと, あらかじめ完全に放電させておいたもう一方のコンデンサーBとを, 極板どうしを導線でつないで接続した。ただし, 一方の極板を接続する導線には抵抗を挿入し, 他方の極板は導線だけで直結した。十分に時間がたつと, 2個のコンデンサーそれぞれの極板間の電位差が変化しなくなった。このとき, コンデンサーAとコンデンサーBに蓄えられている静電エネルギーを $U_A$ および $U_B$ とする。 $U_A + U_B$ の大きさは, 接続に用いた抵抗の抵抗値と 12。

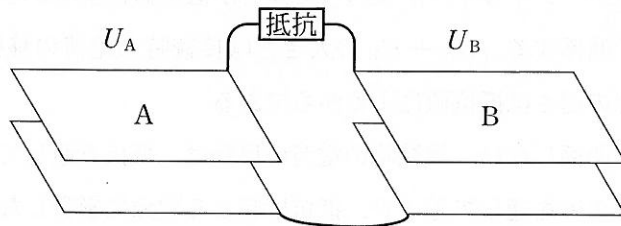


図7

11 の解答群

- (A)  $\frac{1}{8}$       (B)  $\frac{1}{4}$       (C)  $\frac{1}{2}$       (D) 1  
(E) 2      (F) 4      (G) 8

12 の解答群

- (A) 関係する。接続時の電荷の移動にともなって抵抗でジュール熱が発生し、エネルギーの一部が失われる。ジュール発熱の総量は抵抗値によるからである
- (B) 関係する。接続時の電荷の移動にともなって抵抗でジュール熱が発生し、エネルギーの一部が失われる。ジュール発熱の総量は抵抗値によらないが、エネルギーが失われる速さが抵抗値によるからである
- (C) 関係する。 $U_A + U_B$ の大きさは接続時の電荷の移動の速さで決まり、その速さは抵抗値によるからである
- (D) 関係しない。接続時の電荷の移動は、抵抗を通してではなく直結した導線のみを通じて起こり、抵抗は起こる現象に影響しないからである
- (E) 関係しない。接続時の電荷の移動にともなって抵抗でジュール熱が発生することはないので、エネルギーの変化は抵抗値には無関係だからである
- (F) 関係しない。接続してから十分に時間がたった後にコンデンサー A と B に蓄えられる電気量は、コンデンサーの電気容量で決まり、抵抗値には無関係だからである

(このページは、計算に使用してよい。)

このページの上部には、非常に薄い文字で「このページは、計算に使用してよい。」と記載されている。また、その下に「計算に使用してよい」という文字も確認できる。これは、このページが計算のために用意されたものであることを示している。

このページの中央には、いくつかの図や表の罫線が非常に淡く描かれている。これらは、計算に必要なグラフや表の枠組みを示していると思われる。しかし、その内容はほとんど読み取れない。



〔Ⅲ〕 次の文中の 13 から 19 に最も適するものをそれぞれの解答群から一つ選び、解答用紙の所定の欄にその記号をマークせよ。

図1のように、右端が閉じられた長さ $L$ のガラス管と、発振器につながれたスピーカー(音源)がある。発振器により音源の振動板を振動させて、任意の振動数の音波を出すことができる。音波がガラス管内の気柱で共鳴するとき、気柱には定常波が生じている。気柱の閉口端では定常波の節となり、開口端では腹となる。ただし、開口端補正は無視できるものとする。

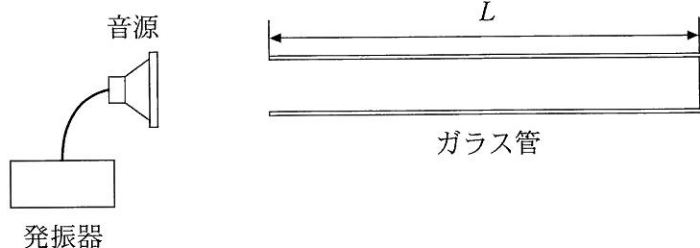


図1

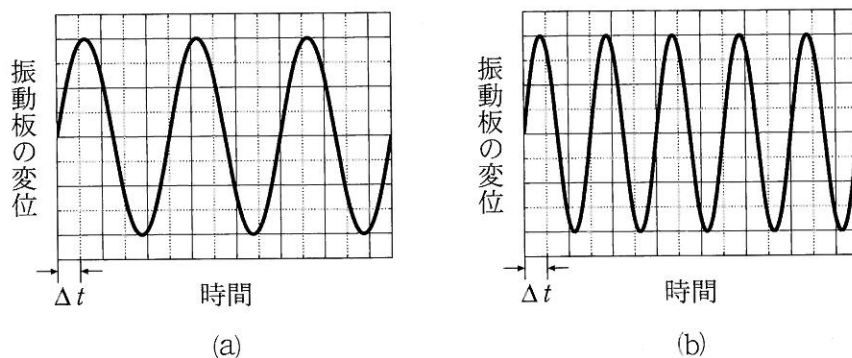


図2

いま、音源の振動板を図 2(a)に示すように振動数  $f_a$  で振動させると、発生した音波が気柱で共鳴して大きな音がした(1 回目の共鳴)。次に、音源の振動数を  $f_a$  から少しずつ変化させ、図 2(b)に示すように振動数が  $f_b$  になったときに 2 回目の共鳴が起こった。図 2 の二つのグラフの横軸の 1 目盛はどちらも同じ時間間隔  $\Delta t$  を表す。振動数  $f_a$  を  $\Delta t$  で表すと、 $f_a = \boxed{13}$  である。さらに、二つのグラフを比較すると、 $f_b = \boxed{14} \times f_a$  の関係にあることがわかる。

音速を  $V$  とすると、この気柱の  $n$  倍振動の振動数は、 $\boxed{15}$  である。ここで、1 倍振動は基本振動を表す。1 回目の共鳴のときに  $n_a$  倍振動が生じていたとすると、 $n_a$  を  $f_a$  と  $f_b$  を使って表せば、 $n_a = \boxed{16}$  である。また、1 回目の共鳴のときに気柱に生じた定常波の節の数を  $n_a$  で表すと  $\boxed{17}$  となる。

$f_b = \boxed{14} \times f_a$  と  $n_a = \boxed{16}$  の関係から  $n_a$  を求めると、1 回目の共鳴は  $\boxed{18}$  倍振動であり、2 回目の共鳴は  $\boxed{19}$  倍振動であることがわかる。

$\boxed{13}$  の解答群

- (A)  $10 \Delta t$       (B)  $5 \Delta t$       (C)  $\frac{5 \Delta t}{2}$       (D)  $\Delta t$   
 (E)  $\frac{1}{10 \Delta t}$       (F)  $\frac{1}{5 \Delta t}$       (G)  $\frac{2}{5 \Delta t}$       (H)  $\frac{1}{\Delta t}$

$\boxed{14}$  の解答群

- (A)  $\frac{10}{3}$       (B) 2      (C)  $\frac{5}{3}$       (D)  $\frac{6}{5}$   
 (E)  $\frac{3}{10}$       (F)  $\frac{1}{2}$       (G)  $\frac{3}{5}$       (H)  $\frac{5}{6}$

15 の解答群

- (A)  $\frac{nV}{L}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$  正の整数)    (B)  $\frac{nV}{2L}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$  正の整数)  
(C)  $\frac{nL}{V}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$  正の整数)    (D)  $\frac{2nL}{V}$  ( $n = 1, 2, 3, \dots$  正の整数)  
(E)  $\frac{nV}{4L}$  ( $n = 1, 3, 5, \dots$  正の奇数)    (F)  $\frac{nV}{2L}$  ( $n = 1, 3, 5, \dots$  正の奇数)  
(G)  $\frac{4nL}{V}$  ( $n = 1, 3, 5, \dots$  正の奇数)    (H)  $\frac{2nL}{V}$  ( $n = 1, 3, 5, \dots$  正の奇数)

16 の解答群

- (A)  $\frac{f_a - f_b}{2f_a}$     (B)  $\frac{f_a - f_b}{f_a}$     (C)  $\frac{2f_a}{f_a - f_b}$     (D)  $\frac{f_a}{f_a - f_b}$   
(E)  $\frac{f_b - f_a}{2f_a}$     (F)  $\frac{f_b - f_a}{f_a}$     (G)  $\frac{2f_a}{f_b - f_a}$     (H)  $\frac{f_a}{f_b - f_a}$

17 の解答群

- (A)  $\frac{n_a + 1}{2}$     (B)  $\frac{n_a}{2}$     (C)  $\frac{n_a - 1}{2}$     (D)  $n_a + 1$   
(E)  $n_a$     (F)  $n_a - 1$     (G)  $2n_a + 1$     (H)  $2n_a$   
(I)  $2n_a - 1$

18 , 19 の解答群

- (A) 1    (B) 2    (C) 3    (D) 4  
(E) 5    (F) 6    (G) 7    (H) 8



(このページは、計算に使用してよい。)