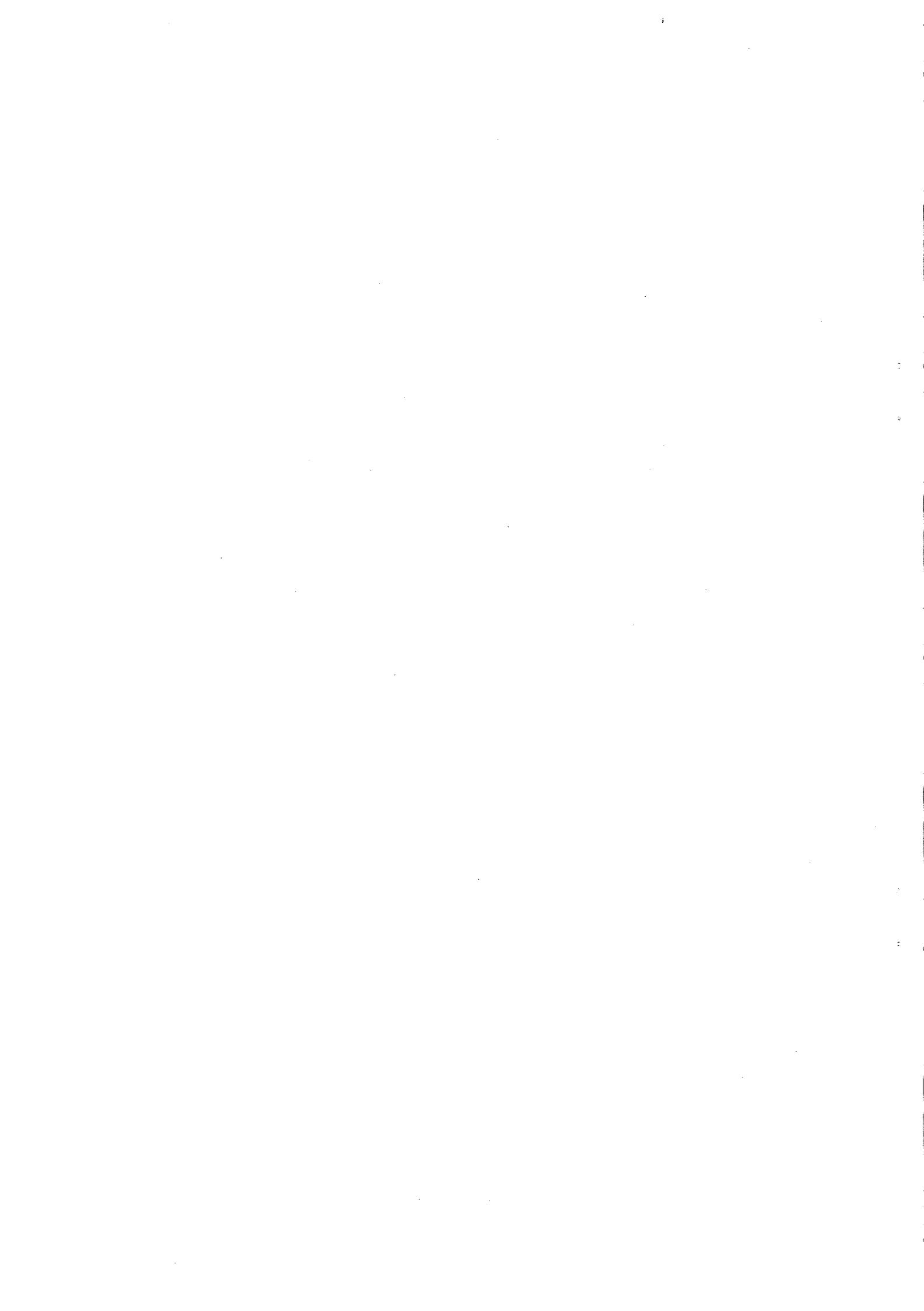


# 2020 年 度 入 学 試 験 問 題

## 数 学

(試験時間 16:35~17:35 60分)

1. この問題冊子が、出願時に選択した科目のものであることを確認のうえ、解答してください。
2. 解答用紙は、記述解答用紙のみです。
3. 解答は、必ず解答欄に記入してください。解答欄以外に書くと無効となります。
4. 解答は、H B の鉛筆またはシャープペンシルを使用し、訂正する場合は、プラスチック製の消しゴムを使用してください。
5. 解答用紙には、受験番号と氏名を必ず記入してください。



(設問は 2 ページより始まる)

I 次の設問に答えよ。答は結果のみ解答欄に記入せよ。(36点)

(1) 整式  $P(x)$  を  $x + 2$  で割ると余りが  $-9$ ,  $x - 3$  で割ると余りが  $1$  である。  
このとき,  $P(x)$  を  $x^2 - x - 6$  で割ったときの余りを求めよ。

(2) A, B, C, D の4文字を横1列に並べる。このとき, A が B より左にあるかまたは A が C より左にある確率を求めよ。

(3) 次の式を満たす  $a$  の値を求めよ。

$$\log_2 3 = a \log_{\sqrt{2}} 3$$

(4)  $|\vec{a}| = 2$ ,  $|\vec{b}| = 3$  で,  $\vec{a} + \vec{b}$  と  $\frac{3}{2}\vec{a} - \frac{2}{3}\vec{b}$  が垂直であるとき,  $\vec{a}, \vec{b}$  のなす角  $\theta$  を求めよ。ただし,  $0 \leq \theta \leq \pi$  とする。

(5) 次の条件によって定められる数列  $\{a_n\}$  の一般項を求めよ。

$$a_1 = 3, a_{n+1} = 4a_n + 3 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

(6) 次の等式を満たす関数  $f(x)$  を求めよ。

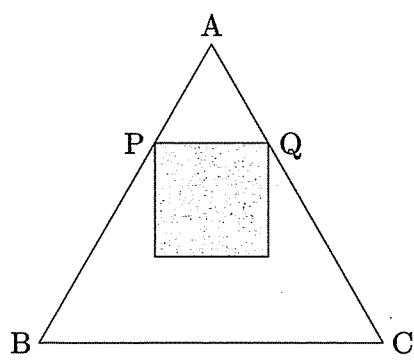
$$f(x) = 4x^3 - 3x^2 \int_0^1 f(t) dt$$

(設問は次のページにつづく)

II 1辺の長さが1の正三角形ABCにおいて、辺BCに平行な直線が2辺AB, ACと交わる点をそれぞれP, Qとする。PQを1辺とし、Aと反対側にある正方形と $\triangle ABC$ との共通部分の面積をyとする。PQの長さをxとするとき、以下の設問に答えよ。(32点)

(1)  $y$ を $x$ を用いて表せ。

(2)  $y$ の最大値を求めよ。



(設問は次のページにつづく)

III 3次関数  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 2$  がある。 $a$  を定数として、以下の設問に答えよ。(32点)

- (1)  $y = f(x)$  のグラフ上の点  $(a, f(a))$  における接線の方程式を求めよ。答は  $a$  を用いて  $y = mx + b$  の形で表せ。
- (2) (1) で求めた接線が点  $(1, -2)$  を通るような  $a$  の値をすべて求めよ。
- (3) 直線  $y = k(x - 1) - 2$  と曲線  $y = f(x)$  が相異なる 3 点で交わるような実数  $k$  の値の範囲を求めよ。

(以下計算用紙)

