

物 理

(問 題)

2011年度

〈2011 H23051119〉

注 意 事 項

1. 問題冊子は、試験開始の指示があるまで開かないこと。
2. 問題は4～13ページに記載されている。試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督員に知らせること。
3. 解答はすべて解答用紙の所定欄にHBの黒鉛筆またはHBのシャープペンシルで記入すること。
4. マーク解答用紙については、受験番号を確認したうえ所定欄に氏名のみ記入すること。
5. マーク欄ははっきり記入すること。また、訂正する場合は、消しゴムでていねいに、消し残しがないようよく消すこと（砂消しゴムは使用しないこと）。

マークする時	● 良い	○ 悪い	○ 悪い
マークを消す時	○ 良い	○ 悪い	○ 悪い

6. いかなる場合でも、解答用紙は必ず提出すること。
7. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ること。

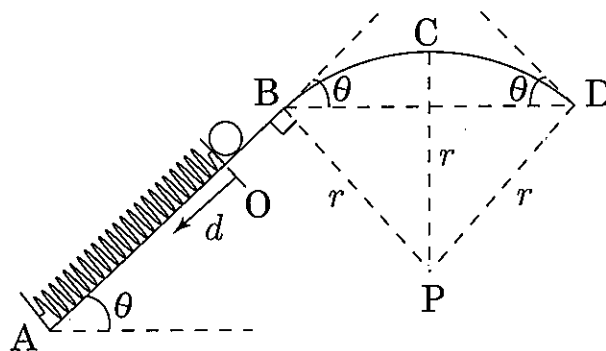
[I]

図のように、斜面 AB と円弧 BCD からなるなめらかな台がある。ただし、ABCD は同一の鉛直面上にあり、AB は水平と角度 θ をなし、中心 P、半径 r の円弧 BCD と、点 B でつぎめなくなめらかにつながれている (AB と PB は垂直)。また、点 D は点 B を通る水平な直線と円弧の交点である。

点 A で下端を固定されて AB に沿って動く、自然長が AB と同じ長さでばね定数が k のばねがある。ばねの上端に連結された皿の上に、質量 m の小球が置かれ、点 O で静止していた。ここで、皿やばねの質量は無視できるものとする。

小球を皿に押し当てながら AB に沿ってばねを点 O から d ($d > 0$) だけ押し縮めて静かに手をはなすと d の値によって小球は異なる運動をする。2つの正の値、 d_1 と d_2 ($0 < d_1 < d_2$) があり、 $d \leq d_1$ のとき、小球は斜面 AB 上を単振動する。 $d_1 < d \leq d_2$ のときには、小球は点 B で皿からはなれ、円弧に沿った運動をはじめる。また、 $d_2 < d$ のとき、小球は点 B で皿と台からはなれ放物運動をする。

重力加速度の大きさを g とし、空気抵抗を無視できるものとして、以下の間に答えなさい。



問1 小球が点 O で静止していたとき、ばねは自然長よりどれだけ縮められているか (BO の長さ) を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- | | | | |
|--------------------|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|
| a. $\frac{mg}{2k}$ | b. $\frac{mg \sin \theta}{2k}$ | c. $\frac{mg \cos \theta}{2k}$ | d. $\frac{mg \tan \theta}{2k}$ |
| e. $\frac{mg}{k}$ | f. $\frac{mg \sin \theta}{k}$ | g. $\frac{mg \cos \theta}{k}$ | h. $\frac{mg \tan \theta}{k}$ |
| i. $\frac{2mg}{k}$ | j. $\frac{2mg \sin \theta}{k}$ | k. $\frac{2mg \cos \theta}{k}$ | l. $\frac{2mg \tan \theta}{k}$ |

ばねを $d \leq d_1$ だけ押し縮めて静かに手をはなしたとき、以下の問 2 と問 3 に答えなさい。

問 2 小球の単振動の周期を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- | | | |
|---------------------------------------|---|---|
| a. $2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ | b. $2\pi\sqrt{\frac{m \sin \theta}{k}}$ | c. $2\pi\sqrt{\frac{m \cos \theta}{k}}$ |
| d. $2\pi\sqrt{\frac{k}{m}}$ | e. $2\pi\sqrt{\frac{k}{m \sin \theta}}$ | f. $2\pi\sqrt{\frac{k}{m \cos \theta}}$ |
| g. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{m}{k}}$ | h. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{m \sin \theta}{k}}$ | i. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{m \cos \theta}{k}}$ |
| j. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m}}$ | k. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m \sin \theta}}$ | l. $\frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{m \cos \theta}}$ |

問 3 d_1 の値を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- | | | | |
|--------------------|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|
| a. $\frac{mg}{2k}$ | b. $\frac{mg \sin \theta}{2k}$ | c. $\frac{mg \cos \theta}{2k}$ | d. $\frac{mg \tan \theta}{2k}$ |
| e. $\frac{mg}{k}$ | f. $\frac{mg \sin \theta}{k}$ | g. $\frac{mg \cos \theta}{k}$ | h. $\frac{mg \tan \theta}{k}$ |
| i. $\frac{2mg}{k}$ | j. $\frac{2mg \sin \theta}{k}$ | k. $\frac{2mg \cos \theta}{k}$ | l. $\frac{2mg \tan \theta}{k}$ |

d が $d > d_2$ を満たすある値のとき、小球は点 B で台からはなれ、点 D を通る放物運動をした。このとき、以下の問 4 と問 5 に答えなさい。

問 4 点 B における小球の速さを求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- | | | | | |
|-----------------|-----------------------------|-----------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| a. $\sqrt{gr}$ | b. $\sqrt{gr \sin \theta}$ | c. $\sqrt{gr \cos \theta}$ | d. $\sqrt{\frac{gr}{\sin \theta}}$ | e. $\sqrt{\frac{gr}{\cos \theta}}$ |
| f. $\sqrt{2gr}$ | g. $\sqrt{2gr \sin \theta}$ | h. $\sqrt{2gr \cos \theta}$ | i. $\sqrt{\frac{2gr}{\sin \theta}}$ | j. $\sqrt{\frac{2gr}{\cos \theta}}$ |

問 5 d の値を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- | | | |
|---|---|---|
| a. $\sqrt{\frac{mgr}{k}}$ | b. $\sqrt{\frac{mgr \cos \theta}{k}}$ | c. $\sqrt{\frac{mgr}{k \cos \theta}}$ |
| d. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ | e. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ | f. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$ |
| g. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ | h. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ | i. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$ |
| j. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ | k. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ | l. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$ |

$d_1 < d \leq d_2$ の場合について、以下の問 6～問 8 に答えなさい。

問 6 小球が点 B で皿からはなれた直後の速さを v_B とする。このとき、点 B で斜面から受ける垂直抗力の大きさを求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. mg b. $mg \sin \theta$ c. $mg \cos \theta$ d. $mg \tan \theta$
- e. $mg - \frac{mv_B^2}{r}$ f. $mg \sin \theta - \frac{mv_B^2}{r}$ g. $mg \cos \theta - \frac{mv_B^2}{r}$ h. $mg \tan \theta - \frac{mv_B^2}{r}$
- i. $-mg + \frac{mv_B^2}{r}$ j. $-mg \sin \theta + \frac{mv_B^2}{r}$ k. $-mg \cos \theta + \frac{mv_B^2}{r}$ l. $-mg \tan \theta + \frac{mv_B^2}{r}$

問 7 d_2 の値を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. $\sqrt{\frac{mgr}{k}}$ b. $\sqrt{\frac{mgr \cos \theta}{k}}$ c. $\sqrt{\frac{mgr}{k \cos \theta}}$
- d. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ e. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ f. $\sqrt{\left(\frac{mg}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$
- g. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ h. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ i. $\sqrt{\left(\frac{mg \sin \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$
- j. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k}}$ k. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr \cos \theta}{k}}$ l. $\sqrt{\left(\frac{mg \cos \theta}{k}\right)^2 + \frac{mgr}{k \cos \theta}}$

問 8 $d = d_2$ のとき、小球が円弧に沿って点 D まで到達するために、 θ が満たすべき条件式を求め、以下のの中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. $\sin \theta < \frac{1}{2}$ b. $\sin \theta < \frac{2}{3}$ c. $\sin \theta < \frac{3}{4}$ d. $\sin \theta < \frac{4}{5}$
- e. $\frac{1}{2} < \cos \theta$ f. $\frac{2}{3} < \cos \theta$ g. $\frac{3}{4} < \cos \theta$ h. $\frac{4}{5} < \cos \theta$
- i. $\tan \theta < \frac{1}{2}$ j. $\tan \theta < \frac{2}{3}$ k. $\tan \theta < \frac{3}{4}$ l. $\tan \theta < \frac{4}{5}$

【Ⅱ】

図1のように、紙面に垂直に裏から表へ磁束密度 B の一様な磁場が $0 \leq x \leq 2l$ の領域に存在し、長方形のコイル $acdfa$ を一定の速さ v で x 軸正方向に動かす。コイルを構成する二つの回路 $abefa$ と $bcdeb$ は辺の長さが l の正方形であり、回路の各辺には抵抗値 r の抵抗が接続されている。辺 cd が y 軸と重なったときの時刻を $t=0$ とする。コイルの導線の抵抗は無視でき、地磁気の影響はないものとする。以下の問1～問3に答えなさい。

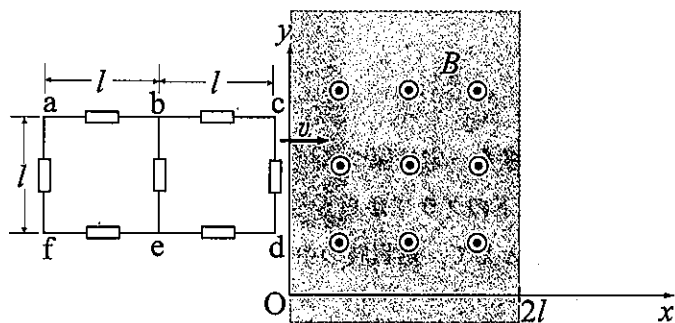


図1

問1 以下の文章の空欄 (1) と (2) にあてはまる正しいものを、それぞれの選択肢の中から一つずつ選びなさい。

$0 < t < \frac{l}{v}$ のとき、回路 $bcdeb$ に発生する誘導起電力の大きさ $V =$ (1) となり、そのとき、 ab を流れる電流 $I =$ (2) $\times \frac{V}{r}$ となる。なお、電流の向きは $a \rightarrow b$ の方向を正とする。

(1) の選択肢

- a. vB b. Bl c. vBl d. v^2B e. vB^2 f. B^2l
g. Bl^2 h. v^2B^2 i. B^2l^2 j. v^2Bl k. vB^2l l. vBl^2
m. v^2B^2l n. vB^2l^2 o. $v^2B^2l^2$ p. 0

(2) の選択肢

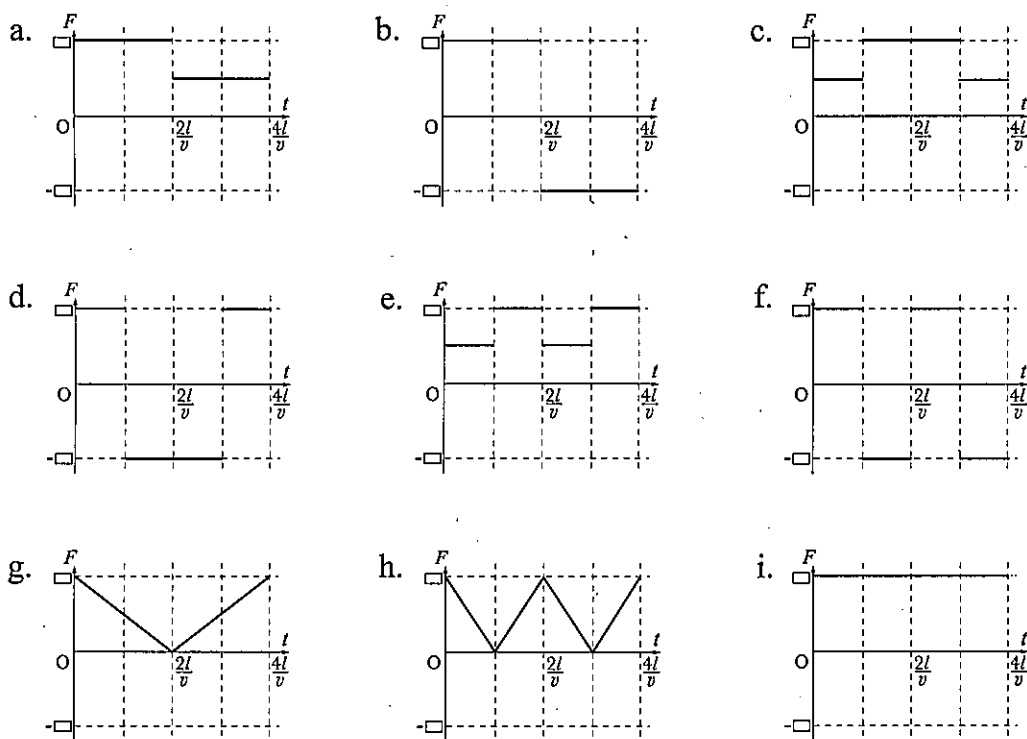
- a. $\frac{1}{15}$ b. $\frac{4}{15}$ c. $\frac{1}{9}$ d. $\frac{2}{9}$ e. $\frac{1}{7}$ f. $\frac{1}{6}$ g. $\frac{1}{4}$
h. $-\frac{1}{15}$ i. $-\frac{4}{15}$ j. $-\frac{1}{9}$ k. $-\frac{2}{9}$ l. $-\frac{1}{7}$ m. $-\frac{1}{6}$ n. $-\frac{1}{4}$
o. 0

問2 $\frac{l}{v} < t < \frac{2l}{v}$ のとき、ab を流れる電流を求め、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。なお、電流の向きは $a \rightarrow b$ の方向を正とする。

- a. $\frac{vBl}{15r}$ b. $\frac{4vBl}{15r}$ c. $\frac{vBl}{9r}$ d. $\frac{2vBl}{9r}$ e. $\frac{3vBl}{8r}$ f. $\frac{2vBl}{3r}$ g. $\frac{vBl}{2r}$
h. $-\frac{vBl}{15r}$ i. $-\frac{4vBl}{15r}$ j. $-\frac{vBl}{9r}$ k. $-\frac{2vBl}{9r}$ l. $-\frac{3vBl}{8r}$ m. $-\frac{2vBl}{3r}$ n. $-\frac{vBl}{2r}$
o. 0

問3 $0 < t < \frac{4l}{v}$ のとき、コイルの速度を一定に保つにはコイルに外力 F を加える必要がある。(1) この力 F と時刻 t の関係について、以下のグラフからもっともふさわしいものを一つ選び、(2) 選んだグラフ中の に入る F の値として、選択肢の中から正しいものを一つ選びなさい。なお、外力の向きは x 軸正方向を正とする。

(1) の選択肢



(2) の選択肢

- a. $\frac{vB^2l}{15r}$ b. $\frac{4vB^2l}{15r}$ c. $\frac{vB^2l}{9r}$ d. $\frac{2vB^2l}{9r}$ e. $\frac{vB^2l}{4r}$
f. $\frac{vB^2l^2}{15r}$ g. $\frac{4vB^2l^2}{15r}$ h. $\frac{vB^2l^2}{9r}$ i. $\frac{2vB^2l^2}{9r}$ j. $\frac{vB^2l^2}{4r}$
k. $\frac{v^2B^2l^2}{15r}$ l. $\frac{4v^2B^2l^2}{15r}$ m. $\frac{v^2B^2l^2}{9r}$ n. $\frac{2v^2B^2l^2}{9r}$ o. $\frac{v^2B^2l^2}{4r}$

図2のように、紙面に垂直に裏から表へ磁束密度 B の一様な磁場が $x \geq 0$ の領域に存在し、直角三角形のコイル $abca$ を一定の速さ v で x 軸正方向に動かす。コイルの辺 ab と辺 bc の長さは l で $\angle acb = 45^\circ$ である。 ab 間には抵抗値 r の抵抗が接続されている。辺 ab が y 軸と重なったときの時刻を $t = 0$ とする。コイルの導線の抵抗は無視でき、地磁気の影響はないものとする。 $0 < t < \frac{l}{v}$ のある時刻 t の瞬間について(図3)、以下の問4に答えなさい。

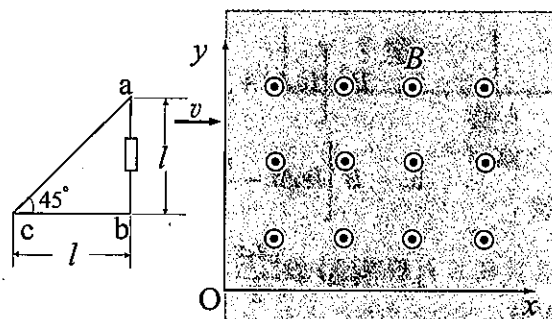


図2

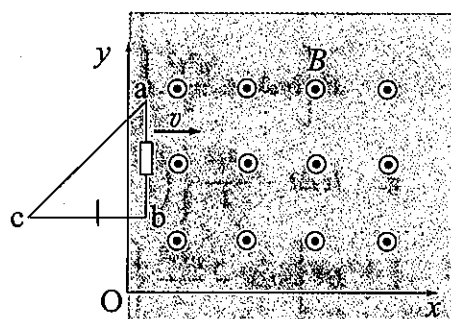


図3

問4 以下の文章の空欄 (1) ~ (4) にあてはまる正しいものを、それぞれの選択肢の中から一つずつ選びなさい。

時刻 t にコイルを貫く磁束は $\Phi(t) =$ (1) である。したがって微小時間 Δt の間の磁束の変化 $\Delta\Phi = \Phi(t + \Delta t) - \Phi(t) =$ (2) である。ここで、 Δt は t に比べて十分小さいとして、1 に比べて絶対値が十分小さな数 α に対して、 $(1 + \alpha)^2 \approx 1 + 2\alpha$ という近似式を用いると、コイルに生じる誘導起電力の時刻 t の瞬間での大きさ V' は (3) と表せる。

また、コイルの速度を一定に保つにはコイルに外力 F を加える必要があるが、時刻 t の瞬間での F の大きさは V' を用いて (4) と表せる。

(1) の選択肢

a. $\frac{lv t}{2}$

b. $\frac{B l v t}{2}$

c. $\frac{B^2 l v t}{2}$

d. $\frac{2 l v t - v^2 t^2}{2}$

e. $\frac{B(2 l v t - v^2 t^2)}{2}$

f. $\frac{B^2(2 l v t - v^2 t^2)}{2}$

g. $\frac{2 l v t + v^2 t^2}{2}$

h. $\frac{B(2 l v t + v^2 t^2)}{2}$

i. $\frac{B^2(2 l v t + v^2 t^2)}{2}$

j. $\frac{l^2 - 2 l v t - v^2 t^2}{2}$

k. $\frac{B(l^2 - 2 l v t - v^2 t^2)}{2}$

l. $\frac{B^2(l^2 - 2 l v t - v^2 t^2)}{2}$

m. $\frac{l^2 - 2 l v t + v^2 t^2}{2}$

n. $\frac{B(l^2 - 2 l v t + v^2 t^2)}{2}$

o. $\frac{B^2(l^2 - 2 l v t + v^2 t^2)}{2}$

(2) の選択肢

a. $lv\Delta t$

b. $Blv\Delta t$

c. $B^2lv\Delta t$

d. $lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\}$

e. $B \left[lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

f. $B^2 \left[lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

g. $lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\}$

h. $B \left[lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

i. $B^2 \left[lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

j. $lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\}$

k. $B \left[lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

l. $B^2 \left[lv\Delta t + \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 - \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

m. $lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\}$

n. $B \left[lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

o. $B^2 \left[lv\Delta t - \frac{v^2t^2}{2} \left\{ \left(1 + \frac{\Delta t}{t}\right)^2 - 1 \right\} \right]$

(3) の選択肢

a. lv

b. Blv

c. B^2lv

d. $lv + v^2t$

e. $B(lv + v^2t)$

f. $B^2(lv + v^2t)$

g. $lv - v^2t$

h. $B(lv - v^2t)$

i. $B^2(lv - v^2t)$

j. $2lv + v^2t$

k. $B(2lv + v^2t)$

l. $B^2(2lv + v^2t)$

m. $2lv - v^2t$

n. $B(2lv - v^2t)$

o. $B^2(2lv - v^2t)$

(4) の選択肢

a. $\frac{BV'l}{r}$

b. $\frac{B^2V'l}{r}$

c. $\frac{B^2V'l^2}{r}$

d. $\frac{BV'(l + vt)}{r}$

e. $\frac{B^2V'(l + vt)}{r}$

f. $\frac{B^2V'(l + vt)^2}{r}$

g. $\frac{BV'(l - vt)}{r}$

h. $\frac{B^2V'(l - vt)}{r}$

i. $\frac{B^2V'(l - vt)^2}{r}$

j. $\frac{BV'\sqrt{l^2 + v^2t^2}}{r}$

k. $\frac{B^2V'\sqrt{l^2 + v^2t^2}}{r}$

l. $\frac{B^2V'(l^2 + v^2t^2)}{r}$

m. $\frac{BV' \{l + (1 + \sqrt{2})vt\}}{r}$

n. $\frac{B^2V' \{l + (1 + \sqrt{2})vt\}}{r}$

o. $\frac{B^2V' \{l + (1 + \sqrt{2})vt\}^2}{r}$

[III]

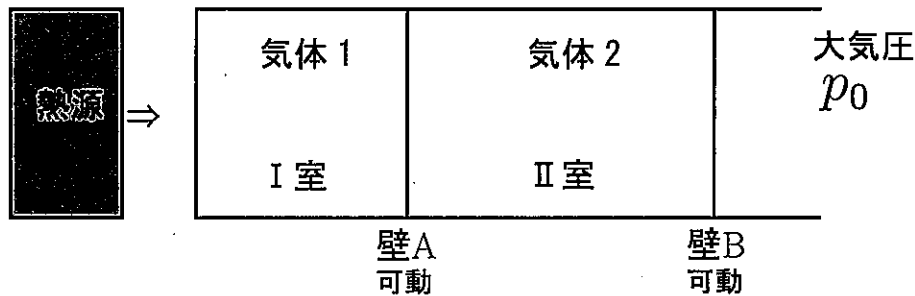


図 1

図 1 のように、なめらかに動く断熱壁 A と B によって I 室、II 室に仕切られている容器がある。I 室、II 室にそれぞれ n_1 モル、 n_2 モルの単原子分子の理想気体を封入し、それぞれを気体 1、気体 2 と呼ぶ。I 室には熱源を接触させることができる。容器、壁 A、B を通じての熱の出入りはないものとするが、熱源を接触させたときだけ、熱源と気体 1 の間で熱の出入りは可能とする。気体定数を記号 R 、大気圧を p_0 で表す。熱源を接触させる前の初期状態では、気体 1 と気体 2 の絶対温度は共に T_0 、体積はそれぞれ V_1, V_2 で、壁 A、B はつりあっている。以下の問に答えなさい。

問 1 初期の状態での体積比 $\frac{V_1}{V_2}$ について、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. 1 b. $\sqrt{\frac{n_2}{n_1}}$ c. $\sqrt{\frac{n_1}{n_2}}$ d. $\frac{n_2}{n_1}$ e. $\frac{n_1}{n_2}$
- f. $\sqrt{\frac{n_2^3}{n_1^3}}$ g. $\sqrt{\frac{n_1^3}{n_2^3}}$ h. $\frac{n_2^2}{n_1^2}$ i. $\frac{n_1^2}{n_2^2}$

次に熱源を接触させ気体 1 をゆっくり加熱したところ、壁 A と B が移動し、新たなつりあいの状態になった。そのとき、気体 1 の温度は ΔT 上昇しており、 $T_0 + \Delta T$ となっていた。以下の問 2～問 4 に答えなさい。

問 2 この過程で気体 1 が外部にした仕事について、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. 0 b. $\frac{1}{2}n_1R\Delta T$ c. $-\frac{1}{2}n_1R\Delta T$ d. $n_1R\Delta T$ e. $-n_1R\Delta T$
- f. $\frac{3}{2}n_1R\Delta T$ g. $-\frac{3}{2}n_1R\Delta T$ h. $2n_1R\Delta T$ i. $-2n_1R\Delta T$ j. $\frac{5}{2}n_1R\Delta T$
- k. $-\frac{5}{2}n_1R\Delta T$ l. $3n_1R\Delta T$ m. $-3n_1R\Delta T$

問 3 この過程で、気体 2 が外部にした仕事の大きさから、外部から気体 2 がされた仕事の大きさを引いた量について、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. 0 b. $n_1R\Delta T$ c. $n_2R\Delta T$ d. $(n_1 + n_2)R\Delta T$
- e. $-n_1R\Delta T$ f. $-n_2R\Delta T$ g. $-(n_1 + n_2)R\Delta T$ h. $\frac{3}{2}n_1R\Delta T$
- i. $\frac{3}{2}n_2R\Delta T$ j. $\frac{3}{2}(n_1 + n_2)R\Delta T$ k. $-\frac{3}{2}n_1R\Delta T$ l. $-\frac{3}{2}n_2R\Delta T$
- m. $-\frac{3}{2}(n_1 + n_2)R\Delta T$

問4 この過程で気体1が吸収した熱について、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. $n_1 R \Delta T$ b. $n_2 R \Delta T$ c. $n_1 R(T_0 + \Delta T)$ d. $n_2 R(T_0 + \Delta T)$
 e. $\frac{3}{2} n_1 R \Delta T$ f. $\frac{3}{2} n_2 R \Delta T$ g. $\frac{3}{2} n_1 R(T_0 + \Delta T)$ h. $\frac{3}{2} n_2 R(T_0 + \Delta T)$
 i. $\frac{5}{2} n_1 R \Delta T$ j. $\frac{5}{2} n_2 R \Delta T$ k. $\frac{5}{2} n_1 R(T_0 + \Delta T)$ l. $\frac{5}{2} n_2 R(T_0 + \Delta T)$
 m. 0

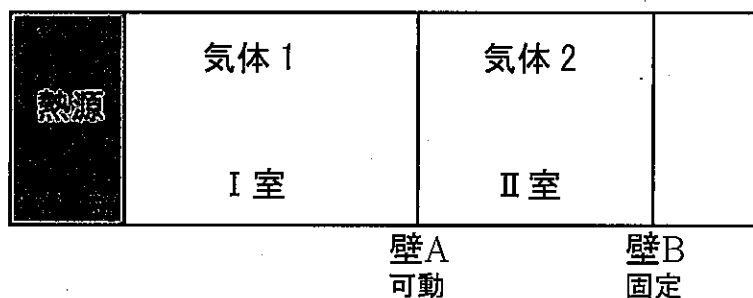


図2

気体1, 気体2の絶対温度が T_0 , 体積が V_1, V_2 の初期状態に戻す。壁Aは可動のまま, 壁Bを固定する。熱源を接触させ気体1をゆっくり加熱したところ, 気体1, 気体2の絶対温度がそれぞれ $T_1 = T_0 + \Delta T_1$, $T_2 = T_0 + \Delta T_2$ となって, 壁Aがつりあいの状態になった(図2)。以下の問5～問7に答えなさい。

問5 この過程で気体1が吸収した熱 Q'_1 について、以下の中から正しいものを一つ選びなさい。

- a. $\frac{1}{2} n_1 R \Delta T_1$ b. $\frac{1}{2} n_2 R \Delta T_2$ c. $\frac{1}{2} R(n_1 \Delta T_1 + n_2 \Delta T_2)$
 d. $n_1 R \Delta T_1$ e. $n_2 R \Delta T_2$ f. $R(n_1 \Delta T_1 + n_2 \Delta T_2)$
 g. $\frac{3}{2} n_1 R \Delta T_1$ h. $\frac{3}{2} n_2 R \Delta T_2$ i. $\frac{3}{2} R(n_1 \Delta T_1 + n_2 \Delta T_2)$
 j. $2n_1 R \Delta T_1$ k. $2n_2 R \Delta T_2$ l. $2R(n_1 \Delta T_1 + n_2 \Delta T_2)$
 m. $\frac{5}{2} n_1 R \Delta T_1$ n. $\frac{5}{2} n_2 R \Delta T_2$ o. $\frac{5}{2} R(n_1 \Delta T_1 + n_2 \Delta T_2)$
 p. 0

問6 最後につりあいの状態になったときの気体1の圧力 p'_1 は, 気体1がこの過程で吸収した熱 Q'_1 を用いて, $p'_1 = \left(\boxed{} \right) \times p_0$ と表わされる。このとき, $\boxed{}$ にあてはまる正しいものを, 以下から一つ選びなさい。

- a. $1 + \frac{2Q'_1}{3R(n_1 + n_2)T_0}$ b. $1 + \frac{2Q'_1}{3Rn_1T_1}$ c. $1 + \frac{2Q'_1}{3R(n_1T_1 + n_2T_2)}$
 d. $1 - \frac{2Q'_1}{3R(n_1 + n_2)T_0}$ e. $1 - \frac{2Q'_1}{3Rn_1T_1}$ f. $1 - \frac{2Q'_1}{3R(n_1T_1 + n_2T_2)}$
 g. $1 + \frac{2Q'_1}{5R(n_1 + n_2)T_0}$ h. $1 + \frac{2Q'_1}{5Rn_1T_1}$ i. $1 + \frac{2Q'_1}{5R(n_1T_1 + n_2T_2)}$
 j. $1 - \frac{2Q'_1}{5R(n_1 + n_2)T_0}$ k. $1 - \frac{2Q'_1}{5Rn_1T_1}$ l. $1 - \frac{2Q'_1}{5R(n_1T_1 + n_2T_2)}$

問7 この過程で気体2の変化は断熱過程である。断熱過程では、その途中の圧力 p と体積 V の間には $pV^{\frac{5}{3}} = \text{一定}$ という関係が成り立つ。最後につりあいの状態になったときの気体2の体積を V'_2 と表す。

$$V'_2 = \alpha V_2 \quad (0 < \alpha < 1) \text{ とおき、この } \alpha \text{ を用いると、} T_2 = \left(\boxed{(1)} \right)^{\boxed{(2)}} \times T_0,$$

$T_1 = \left(\boxed{(3)} + \boxed{(4)} \times \frac{n_2}{n_1} \right) \times T_2$ の関係が成り立つ。このとき、 $\boxed{(1)} \sim \boxed{(4)}$ にあてはまる正しいものを、以下から一つずつ選びなさい。

$\boxed{(1)}$, $\boxed{(3)}$, $\boxed{(4)}$ の選択肢

- | | | | |
|--------------------------------|--------------------------------|------------------------------------|------------------------------------|
| a. α | b. $\frac{1}{\alpha}$ | c. $1 + \alpha$ | d. $\frac{1}{1 + \alpha}$ |
| e. $1 - \alpha$ | f. $\frac{1}{1 - \alpha}$ | g. $\frac{\alpha}{1 + \alpha}$ | h. $\frac{1 + \alpha}{\alpha}$ |
| i. $\frac{\alpha}{1 - \alpha}$ | j. $\frac{1 - \alpha}{\alpha}$ | k. $\frac{1 - \alpha}{1 + \alpha}$ | l. $\frac{1 + \alpha}{1 - \alpha}$ |

$\boxed{(2)}$ の選択肢

- | | | | | |
|------------------|-------------------|------------------|------------------|-------------------|
| a. $\frac{1}{3}$ | b. $\frac{1}{2}$ | c. $\frac{2}{3}$ | d. $\frac{5}{6}$ | e. 1 |
| f. $\frac{7}{6}$ | g. $\frac{4}{3}$ | h. $\frac{3}{2}$ | i. $\frac{5}{3}$ | j. $\frac{11}{6}$ |
| k. 2 | l. $\frac{13}{6}$ | m. $\frac{7}{3}$ | n. $\frac{5}{2}$ | o. $\frac{8}{3}$ |

[以下 余 白]