

## Q 2

## 数 学

この冊子は、数学の問題で1ページより7ページまであります。

## 〔注 意〕

- (1) 試験開始の指示があるまで、この冊子を開いてはいけません。
- (2) 監督者から受験番号等記入の指示があったら、解答用紙に受験番号と氏名を記入してください。また、解答用マークシートに受験番号と氏名を記入し、さらに受験番号をマークしてください。
- (3) 解答は、所定の解答用紙に記入したもの及び解答用マークシートにマークしたもののだけが採点されます。
- (4) 解答用マークシートについて
  - ① 解答用マークシートは、絶対に折り曲げてはいけません。
  - ② マークには黒鉛筆(HBまたはB)を使用してください。  
指定の黒鉛筆以外でマークした場合、採点できないことがあります。
  - ③ 誤ってマークした場合は、消しゴムで丁寧に消し、消しくずを完全に取除いたうえ、新たにマークしてください。
  - ④ 解答欄のマークは、横1行について1箇所に限ります。  
2箇所以上マークすると採点されません。  
あいまいなマークは無効となるので、はっきりマークしてください。
  - ⑤ 解答用マークシートに記載されている解答上の注意事項を、必ず読んでから解答してください。
- (5) 試験開始の指示があったら、初めに問題冊子のページ数を確認してください。  
ページの落丁・乱丁、印刷不鮮明等に気づいた場合は、手を挙げて監督者に知らせてください。
- (6) 問題冊子は、試験終了後、持ち帰ってください。

(下書き用紙)

(下書き用紙)

問題 **1** の解答は解答用マークシートにマークせよ。

**1** 次の  内のアからセにあてはまる 0 から 9 までの数字を求め、その数字を解答用マークシートの解答欄の指定された行にマークせよ。ただし、 は 2 桁の数を、 は 3 桁の数を表すものとする。分数は既約分数として表すものとする。 (50 点)

$n \geq k$  を満たす自然数  $n$  と  $k$  に対して、1 から  $n$  までの自然数の集合  $\{1, 2, \dots, n\}$  の  $k$  個の要素からなる部分集合  $S$  で、条件

$$(C) \quad x \in S \text{ ならば, } x+1 \in S \text{ または } x-1 \in S$$

を満たすようなものの個数を  $c(n, k)$  で表す。ただし、条件を満たす部分集合が存在しない場合には、その個数は 0 であるとする。

(1)  $n > 3$  のとき、 $c(n, 3) = \text{ア} n - \text{イ}$  である。

(2)  $n > 4$  のとき、

$$c(n, n-1) = \text{ウ} n - \text{エ},$$
$$c(n, 4) = \frac{1}{\text{オ}} (n - \text{カ})(n - \text{キ})$$

である。ただし、 $\text{カ} \geq \text{キ}$  とする。

(3)  $n > 6$  のとき、 $c(n, 5) = (n - \text{ク})^{\text{ケ}}$  である。

(4) 集合  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  の空集合ではない部分集合の個数は    であり、そのうち、条件 (C) を満たす部分集合の個数は   である。

(下書き用紙)

問題 **2** の解答は解答用紙に記入せよ。答だけでなく答を導く過程も記入せよ。

**2**  $t$  は  $0 \leq t \leq 2$  を満たす実数とする。座標平面上の  $x \geq 0$  の範囲における、直線  $y = -t$  と円  $x^2 + (y+1)^2 = 1$  の交点を  $A$  とする。また、点  $A$  を通り  $y$  軸に平行な直線と直線  $y = x$  の交点を  $B$  とし、線分  $AB$  の中点を  $P$  とする。ただし、 $A$  と  $B$  が一致するときはその点を  $P$  とする。このとき、次の問いに答えよ。ただし、(1), (2) については答のみを解答すればよい。 (50 点)

- (1) 点  $P$  の  $x$  座標,  $y$  座標をそれぞれ  $t$  の式で表せ。
- (2)  $t$  が  $0 \leq t \leq 2$  の範囲を動くとき、点  $P$  の  $x$  座標が動く範囲を求めよ。
- (3)  $t$  が  $0 \leq t \leq 2$  の範囲を動くとき、点  $P$  の  $y$  座標が動く範囲を求めよ。
- (4)  $t$  が  $0 \leq t \leq 2$  の範囲を動くとき点  $P$  が描く軌跡を  $C$  とする。また、 $C$  と  $y$  軸で囲まれた部分を  $D$  とする。 $D$  の面積を求めよ。
- (5) (4) で定めた  $D$  を  $y$  軸の周りに 1 回転させてできる立体の体積を求めよ。

(下書き用紙)

