

(2012年度)

# 物 理 問 題 (90分)

(この問題冊子は17ページ，4問である。)

## 受験についての注意

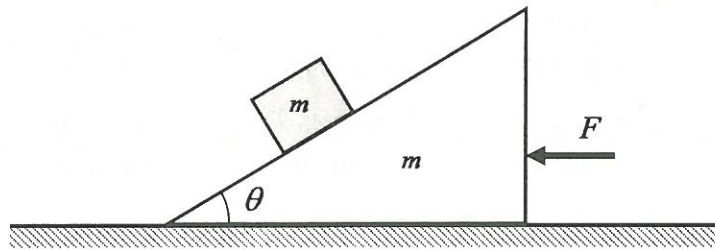
1. 監督の指示があるまで，問題冊子を開いてはならない。
2. 携帯電話・PHSの電源は切ること。
3. 試験開始前に，監督から指示があったら，解答用紙の右上の番号が自分の受験番号かどうかを確認し，氏名を記入すること。次に，解答用紙の右側のミシン目にそって，きれいに折り曲げてから，受験番号と氏名が書かれた切片を切り離し，机の上に置くこと。
4. 監督から試験開始の合図があったら，この問題冊子が，上に記したページ数どおりそろっているかどうか確かめること。
5. 解答は解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで，そのマーク欄をぬりつぶすこと。その他の部分には何も書いてはならない。
6. 筆記具は，HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。時計に組み込まれたアラーム機能，計算機能，辞書機能などを使用してはならない。
7. マークをするとき，枠からはみ出したり，枠のなかに白い部分を残したり，文字や番号，枠などに○や×をつけたりしてはならない。
8. 訂正する場合は，消しゴムでていねいに消すこと。消しきずはきれいに取り除くこと。
9. 解答用紙を折り曲げたり，破ったりしてはならない。採点が不可能になる。
10. 試験時間中に退場してはならない。
11. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
12. 問題冊子，計算用紙は必ず持ち帰ること。

1

図のように、水平面と角度  $\theta$  (ただし,  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ ) をなす斜面を持つ質量  $m$  の台が床の上に置いてあり, その斜面上に質量  $m$  の小さな物体を置いて次の実験を行う。床と台の間にも, 台と物体の間にも摩擦はないとし, 重力加速度を  $g$  とする。また, 台に水平方向左向きに適当な力  $F$  を加えることができる。

1. 物体を斜面上にそっと置いて斜面上を滑らせたところ, 台は静止していた。このとき, 物体は加速度  $[ 1 ] \times g$  で滑り, 物体と斜面の間に働いている垂直抗力は  $[ 2 ] \times mg$  であり, 力  $F$  は  $[ 3 ] \times mg$  である。
2. 次に, 台を左向きに常に一定の加速度  $a$  で動かしながら物体を斜面上にそっと置くと, 物体は斜面上に止まったまま滑らなかった。このとき, 台の加速度は  $[ 4 ] \times g$  であり, 物体と斜面の間に働いている垂直抗力は  $[ 5 ] \times mg$  になっている。また, 物体を置いた後も台を同じ加速度  $a$  で動かすために, 台に加えた力  $F$  は  $[ 6 ] \times mg$  である。
3. さらに, 台を左向きに常に一定の加速度  $a'$  で動かしながら物体を斜面上にそっと置くと, 物体は斜面に沿って下向きに滑った。このとき, 物体の斜面に対する加速度は  $[ 7 ] \times g - [ 8 ] \times a'$  であり, 物体と斜面の間に働いている垂直抗力は  $[ 9 ] \times mg + [ 10 ] \times ma'$  になっている。また, 物体を置いた後も, 台を同じ加速度  $a'$  で動かすために, 台に加えた力  $F$  は  $[ 11 ] \times mg + [ 12 ] \times ma'$  である。

4. 最後に、台に力  $F$  は加えないまま、静止している台の斜面上に物体をそっと置いた。すると、物体は斜面に沿って下向きに滑り出し、台は右向きに床の上を滑り出した。このときの物体の斜面に対する加速度は〔 13 〕 $\times g$  であり、台の加速度は〔 14 〕 $\times g$  である。また、物体と斜面の間に働いている垂直抗力は、〔 15 〕 $\times mg$  になっている。



〔 1 〕～〔 12 〕の選択肢

- a) 1      b) 2      c)  $\sin \theta$       d)  $2\sin \theta$
- e)  $\cos \theta$       f)  $2\cos \theta$       g)  $\sin \theta \cos \theta$       h)  $2\sin \theta \cos \theta$
- i)  $\sin^2 \theta$       j)  $2\sin^2 \theta$       k)  $\cos^2 \theta$       l)  $2\cos^2 \theta$
- m)  $\frac{1}{\sin \theta}$       n)  $\frac{2}{\sin \theta}$       o)  $\frac{1}{\cos \theta}$       p)  $\frac{2}{\cos \theta}$
- q)  $\frac{\cos \theta}{\sin \theta}$       r)  $\frac{2\cos \theta}{\sin \theta}$       s)  $\frac{\sin \theta}{\cos \theta}$       t)  $\frac{2\sin \theta}{\cos \theta}$
- u)  $1 + \sin^2 \theta$       v)  $1 + \cos^2 \theta$       w)  $2 + \sin^2 \theta$       x)  $2 + \cos^2 \theta$

[ 13 ] ~ [ 15 ] の選択肢

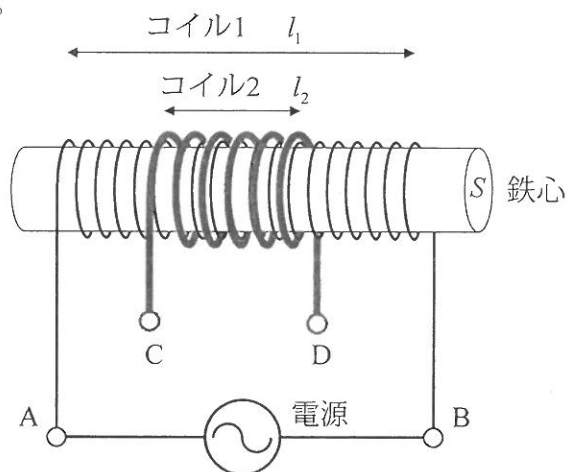
- |  |  |  |  |
|--|--|--|--|
| a) $\frac{1}{\sin^2 \theta}$                           | b) $\frac{2}{\sin^2 \theta}$                             | c) $\frac{1}{\cos^2 \theta}$                           | d) $\frac{2}{\cos^2 \theta}$                             |
| e) $\frac{\cos \theta}{\sin^2 \theta}$                 | f) $\frac{2 \cos \theta}{\sin^2 \theta}$                 | g) $\frac{\sin \theta}{\cos^2 \theta}$                 | h) $\frac{2 \sin \theta}{\cos^2 \theta}$                 |
| i) $\frac{1}{1 + \sin^2 \theta}$                       | j) $\frac{2}{1 + \sin^2 \theta}$                         | k) $\frac{1}{1 + \cos^2 \theta}$                       | l) $\frac{2}{1 + \cos^2 \theta}$                         |
| m) $\frac{\sin \theta}{1 + \sin^2 \theta}$             | n) $\frac{2 \sin \theta}{1 + \sin^2 \theta}$             | o) $\frac{\sin \theta}{1 + \cos^2 \theta}$             | p) $\frac{2 \sin \theta}{1 + \cos^2 \theta}$             |
| q) $\frac{\cos \theta}{1 + \sin^2 \theta}$             | r) $\frac{2 \cos \theta}{1 + \sin^2 \theta}$             | s) $\frac{\cos \theta}{1 + \cos^2 \theta}$             | t) $\frac{2 \cos \theta}{1 + \cos^2 \theta}$             |
| u) $\frac{\sin \theta \cos \theta}{1 + \sin^2 \theta}$ | v) $\frac{2 \sin \theta \cos \theta}{1 + \sin^2 \theta}$ | w) $\frac{\sin \theta \cos \theta}{1 + \cos^2 \theta}$ | x) $\frac{2 \sin \theta \cos \theta}{1 + \cos^2 \theta}$ |

以下余白

次頁へ続く

2 図のように、断面積  $S$ 、透磁率  $\mu$  の鉄心に、単位長さあたり  $n_1$  回の割合で、長さ  $l_1$  だけコイル1が巻かれ、さらに単位長さあたり  $n_2$  回の割合で、長さ  $l_2$  だけコイル2が巻かれている ( $l_1 > l_2$  とする)。  $l_1$ 、 $l_2$  は鉄心の直径に比べて十分に長く、コイルの電気抵抗は無視する。

電源からコイル1の AB 間に交流電圧  $V$  をかけて、角周波数  $\omega$  の電流  $I = I_0 \sin \omega t$  を A から B に流すと、鉄心を貫く磁束密度の大きさは  $B = [1] \times [2]$  となる。ここで、 $t$  は時間、 $I_0$  は電流の最大値である。このとき、コイル1の誘導起電力は  $[3] \times [4]$  となり、自己インダクタンスは  $L = [5]$  と書ける。コイル1に蓄えられるエネルギーは  $[6] \times [7]$  となり、これは磁界のエネルギーに相当し、単位体積あたり  $[8]$  と書ける。また、電流  $I$  を流すには電源の交流電圧を  $V = [9] \times [10]$  としなければならない。電源がコイル1に与える電力は  $[11] \times [12]$  で、これが蓄積されてコイル1のエネルギーとなる。この電力の時間平均は  $[13]$  となる。また、コイル2における C を基準とした D の誘導起電力は  $[14] \times V$  となり、相互インダクタンスは  $[15] \times L$  となる。



[ 1 ], [ 3 ], [ 5 ], [ 6 ], [ 9 ], [ 11 ], [ 13 ]の選択肢

- a) 0    b)  $\frac{1}{2}\mu n_1$     c)  $\mu n_1$     d)  $\frac{1}{2}\mu n_1 l_1 S$   
e)  $\mu n_1 l_1 S$     f)  $\frac{1}{2}\mu n_1^2 l_1 S$     g)  $\mu n_1^2 l_1 S$     h)  $\frac{1}{2}\mu n_1 I_0$   
i)  $\mu n_1 I_0$     j)  $\frac{1}{2}\mu n_1 l_1 S I_0$     k)  $\mu n_1 l_1 S I_0$     l)  $\frac{1}{2}\mu n_1^2 l_1 S I_0$   
m)  $\mu n_1^2 l_1 S I_0$     n)  $\frac{1}{2}\mu n_1^2 \omega l_1 S I_0$     o)  $\mu n_1^2 \omega l_1 S I_0$     p)  $\frac{1}{2}\mu n_1^2 l_1 S I_0^2$   
q)  $\mu n_1^2 l_1 S I_0^2$     r)  $\frac{1}{2}\mu n_1^2 \omega l_1 S I_0^2$     s)  $\mu n_1^2 \omega l_1 S I_0^2$

[ 2 ], [ 4 ], [ 7 ], [ 10 ], [ 12 ]の選択肢

- a)  $\sin \frac{\omega t}{2}$     b)  $\cos \frac{\omega t}{2}$     c)  $\sin \omega t$     d)  $\cos \omega t$   
e)  $\sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$     f)  $\cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$     g)  $\sin 2\omega t$     h)  $\cos 2\omega t$   
i)  $\sin^2 \frac{\omega t}{2}$     j)  $\cos^2 \frac{\omega t}{2}$     k)  $\sin^2 \omega t$     l)  $\cos^2 \omega t$   
m)  $\sin^2 2\omega t$     n)  $\cos^2 2\omega t$

[ 8 ]の選択肢

- a)  $\frac{1}{2}B^2$     b)  $B^2$     c)  $2B^2$     d)  $\frac{1}{2\mu}B^2$     e)  $\frac{1}{\mu}B^2$   
f)  $\frac{2}{\mu}B^2$     g)  $\frac{1}{2}\mu B^2$     h)  $\mu B^2$     i)  $2\mu B^2$     j)  $\frac{\mu^2}{2}B^2$   
k)  $\mu^2 B^2$     l)  $2\mu^2 B^2$

[ 14 ]の選択肢

a) 1    b) -1    c)  $n_1 l_1$     d)  $-n_1 l_1$     e)  $n_2 l_2$     f)  $-n_2 l_2$

g)  $\frac{n_1 l_1}{n_2 l_2}$     h)  $-\frac{n_1 l_1}{n_2 l_2}$     i)  $\frac{n_2 l_2}{n_1 l_1}$     j)  $-\frac{n_2 l_2}{n_1 l_1}$

[ 15 ]の選択肢

a) 1    b)  $n_1 l_1$     c)  $n_2 l_2$     d)  $\sqrt{n_1 l_1 n_2 l_2}$     e)  $n_1 l_1 n_2 l_2$

f)  $\sqrt{\frac{n_1 l_1}{n_2 l_2}}$     g)  $\sqrt{\frac{n_2 l_2}{n_1 l_1}}$     h)  $\frac{n_1 l_1}{n_2 l_2}$     i)  $\frac{n_2 l_2}{n_1 l_1}$



以下余白

次頁へ続く

3 図1のように、なめらかに動くピストンを備えたシリンダーを鉛直に配置した。ピストンの下の体積 $V_0$ の空間に1モルの単原子分子理想気体が封入され、ピストンの上の空間には同じ体積で密度 $\rho$ の液体が入っている。それぞれの高さは $h$ である。シリンダー内のヒーターで気体を加熱し、膨張させると、液体がシリンダーの外にこぼれ出て行く。装置の外側の外気圧は $P_0$ である。また、重力加速度を $g$ 、気体定数を $R$ とする。ただし、液体の表面張力や、ピストンの質量と厚み、ヒーターの体積は無視する。また、ピストンとシリンダーは断熱材で作られている。

1. 最初、図1のように気体の温度が一定で圧力が $2P_0$ でつり合っていたとすると、液体の密度は $\rho = [1] \times [2]$ と表せる。次に、図2のようにヒーターを加熱し気体を膨張させピストンの高さを $y$ （ただし、 $y < h$ とする）だけ高くして液体を押し出したとき、気体の体積は $[3] \times V_0$ 、気体の圧力は $[4] \times P_0$ となる。特に $y = \frac{h}{2}$ の場合、体積は $[5] \times V_0$ 、圧力は $[6] \times P_0$ 、温度は $[7] \times \frac{P_0 V_0}{R}$ となる。
2. 上記のように $y = \frac{h}{2}$ まで気体を膨張させる過程において、横軸を気体の体積 $V$ 、縦軸を気体の圧力 $P$ としたときのグラフは $[8]$ である。グラフからこの過程において気体が外部にした仕事は $[9] \times P_0 V_0$ であり、気体の内部エネルギーの変化は $[10] \times P_0 V_0$ 、ヒーターが気体に与えた熱量は $[11] \times P_0 V_0$ であることがわかる。

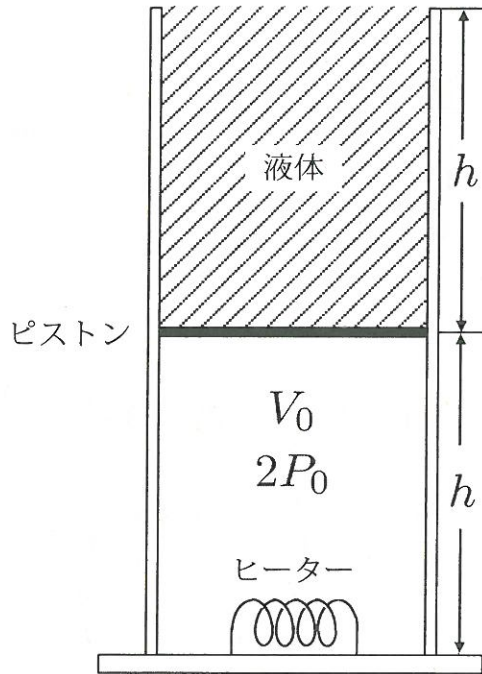


図 1

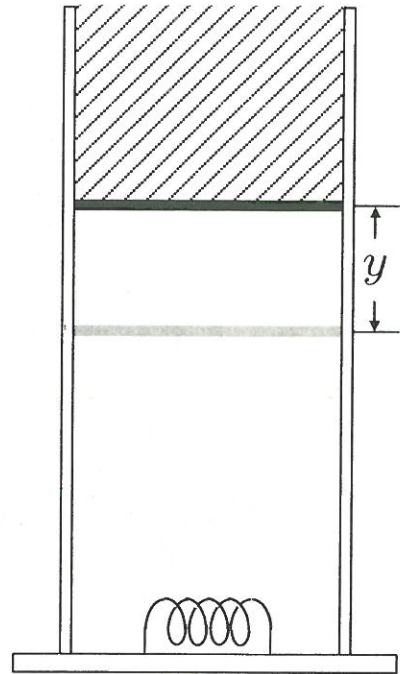


図 2

[ 1 ], [ 5 ] ~ [ 7 ], [ 9 ] ~ [ 11 ] の選択肢

- |                   |                    |                   |                   |                   |                   |
|-------------------|--------------------|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| a) 0              | b) 1               | c) 2              | d) $\frac{1}{2}$  | e) $\frac{3}{2}$  | f) $\frac{5}{2}$  |
| g) $\frac{2}{3}$  | h) $\frac{4}{3}$   | i) $\frac{5}{3}$  | j) $\frac{3}{4}$  | k) $\frac{5}{4}$  | l) $\frac{7}{4}$  |
| m) $\frac{9}{4}$  | n) $\frac{5}{6}$   | o) $\frac{7}{6}$  | p) $\frac{11}{6}$ | q) $\frac{3}{8}$  | r) $\frac{5}{8}$  |
| s) $\frac{7}{8}$  | t) $\frac{9}{8}$   | u) $\frac{11}{8}$ | v) $\frac{3}{16}$ | w) $\frac{5}{16}$ | x) $\frac{7}{16}$ |
| y) $\frac{9}{16}$ | z) $\frac{11}{16}$ |                   |                   |                   |                   |

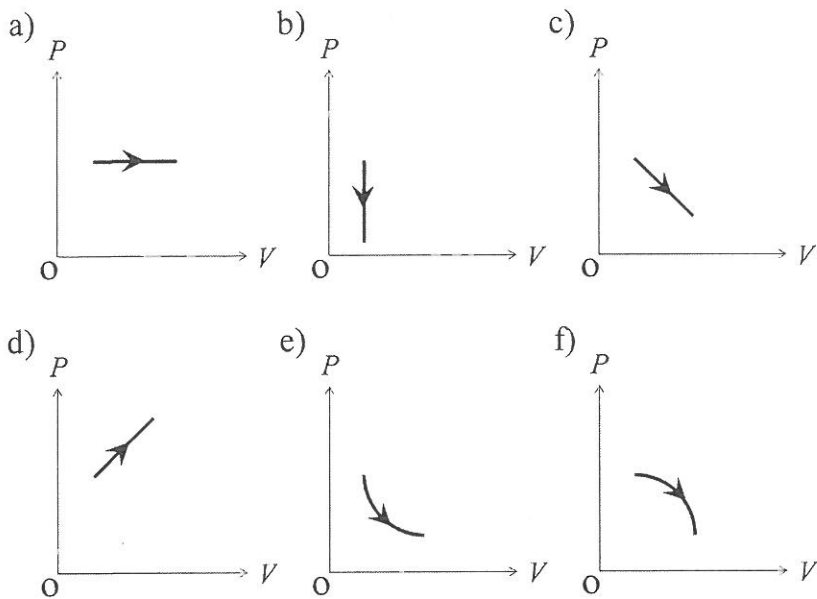
[ 2 ]の選択肢

- a)  $P_0V_0$    b)  $\frac{P_0V_0}{g}$    c)  $\frac{P_0V_0}{gh}$    d)  $P_0$    e)  $\frac{P_0}{g}$    f)  $\frac{P_0}{gh}$   
 g)  $V_0$    h)  $\frac{V_0}{g}$    i)  $\frac{V_0}{gh}$

[ 3 ], [ 4 ]の選択肢

- a)  $\frac{1}{2} + \frac{y}{h}$    b)  $1 + \frac{y}{h}$    c)  $2 + \frac{y}{h}$    d)  $3 + \frac{y}{h}$   
 e)  $\left(\frac{1}{2} + \frac{y}{h}\right)^{-1}$    f)  $\left(1 + \frac{y}{h}\right)^{-1}$    g)  $\left(2 + \frac{y}{h}\right)^{-1}$    h)  $\left(3 + \frac{y}{h}\right)^{-1}$   
 i)  $\frac{1}{2} - \frac{y}{h}$    j)  $1 - \frac{y}{h}$    k)  $2 - \frac{y}{h}$    l)  $3 - \frac{y}{h}$   
 m)  $\left(\frac{1}{2} - \frac{y}{h}\right)^{-1}$    n)  $\left(1 - \frac{y}{h}\right)^{-1}$    o)  $\left(2 - \frac{y}{h}\right)^{-1}$    p)  $\left(3 - \frac{y}{h}\right)^{-1}$

[ 8 ]の選択肢



以下余白

次頁へ続く

4

ヒトの目では角膜と水晶体が凸レンズの働きをする。以下ではこれらを「目の凸レンズ」と呼ぶ。物体が目の凸レンズの焦点距離よりも遠くにあるとき、物体からやってきた光を目の凸レンズで屈折させ、目の奥にある網膜上に物体の像を作ることができる。目の凸レンズは一定の焦点距離  $f_0$  を持つとする。目の凸レンズから網膜までの距離が  $l$  (ただし、 $l > f_0$ ) であるような目を持った人が物体を観察する。

1. 図 1 のように、上記の人が物体 A を観察する。目の凸レンズから物体までの距離が  $D = [ 1 ]$  のときに、物体の像が [ 2 ] として網膜上に作られ、物体が鮮明に見える(ピントが合う)。A の大きさを  $h$  とすると、網膜上にできた物体像 A' の大きさは [ 3 ]  $\times h$  となる。
2. 次に、この人が、凸レンズ L を用いて図 2 のように A を拡大して観察する。L は一定の焦点距離  $f$  を持ち、目の凸レンズと L との距離は  $f$  に固定されている。L と物体との距離を  $a$  (ただし、 $a < f$ ) とすると、L からの距離  $b = [ 4 ]$  の位置に、物体の像  $A_0$  が [ 5 ] として生じる。上記 1. の結果より、目の凸レンズから物体の像  $A_0$  までの距離が  $D$  であれば物体が鮮明に見える。その場合に網膜上にできた物体像 A'' の大きさは [ 6 ]  $\times h$  となる。従って、L の拡大率を、物体像 A'' と A' の大きさの比と定義すれば、[ 7 ] となる。また、このとき  $a = [ 8 ]$  である。

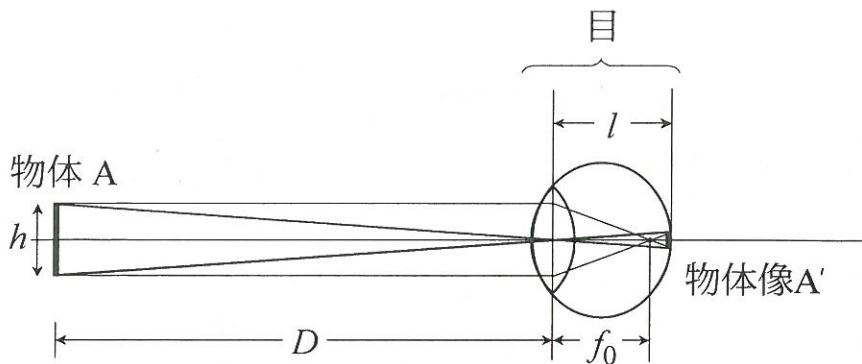


図1

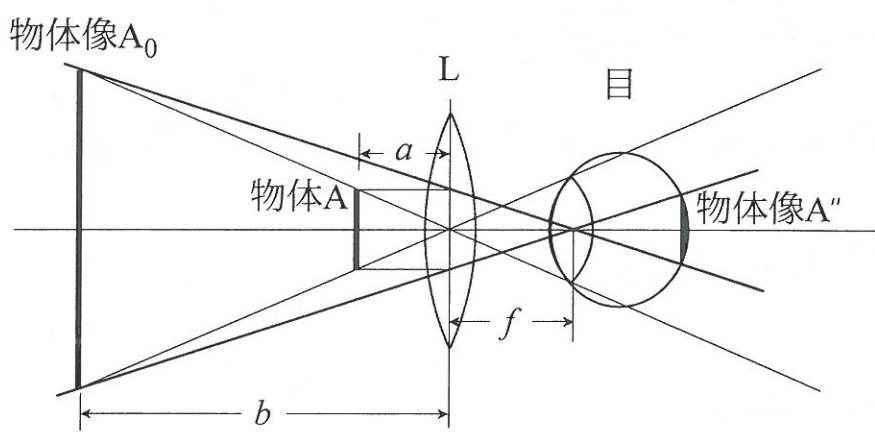


図2

[ 1 ] の選択肢

- |                             |                             |                                 |                               |
|-----------------------------|-----------------------------|---------------------------------|-------------------------------|
| a) $\frac{l(l-f_0)}{f_0}$   | b) $\frac{l(l+f_0)}{f_0}$   | c) $\frac{f_0(l-f_0)}{l}$       | d) $\frac{f_0(l+f_0)}{l}$     |
| e) $\frac{lf_0}{l-f_0}$     | f) $\frac{lf_0}{l+f_0}$     | g) $\frac{(l+f_0)(l-f_0)}{f_0}$ | h) $\frac{(l+f_0)(l-f_0)}{l}$ |
| i) $\frac{l(l+f_0)}{l-f_0}$ | j) $\frac{l(l-f_0)}{l+f_0}$ | k) $\frac{f_0(l+f_0)}{l-f_0}$   | l) $\frac{f_0(l-f_0)}{l+f_0}$ |

[ 2 ], [ 5 ]の選択肢

- a) 正立の実像    b) 正立の虚像    c) 倒立の実像  
d) 倒立の虚像

[ 3 ]の選択肢

- a) 1    b)  $\frac{1}{2}$     c)  $\frac{D}{l}$     d)  $\frac{D}{2l}$     e)  $\frac{l}{D}$   
f)  $\frac{l}{2D}$     g)  $\frac{D+l}{l}$     h)  $\frac{D+l}{2l}$     i)  $\frac{D-l}{l}$     j)  $\frac{D-l}{2l}$   
k)  $\frac{D+l}{D}$     l)  $\frac{D+l}{2D}$     m)  $\frac{D-l}{D}$     n)  $\frac{D-l}{2D}$     o)  $\frac{l}{D+l}$   
p)  $\frac{l}{2(D+l)}$     q)  $\frac{l}{D-l}$     r)  $\frac{l}{2(D-l)}$     s)  $\frac{D}{D+l}$     t)  $\frac{D}{2(D+l)}$   
u)  $\frac{D}{D-l}$     v)  $\frac{D}{2(D-l)}$

[ 4 ]の選択肢

- a)  $\frac{a(f-a)}{f}$     b)  $\frac{a(f+a)}{f}$     c)  $\frac{f(f-a)}{a}$     d)  $\frac{f(f+a)}{a}$   
e)  $\frac{af}{f-a}$     f)  $\frac{af}{f+a}$     g)  $\frac{a(f-a)}{f+a}$     h)  $\frac{a(f+a)}{f-a}$   
i)  $\frac{f(f-a)}{f+a}$     j)  $\frac{f(f+a)}{f-a}$     k)  $\frac{(f+a)(f-a)}{a}$     l)  $\frac{(f+a)(f-a)}{f}$



[ 6 ], [ 7 ]の選択肢

- a) 1    b)  $\frac{f}{l}$     c)  $\frac{D}{l}$     d)  $\frac{l}{f}$     e)  $\frac{D}{f}$
- f)  $\frac{l}{D}$     g)  $\frac{f}{D}$     h)  $\frac{f}{D+l}$     i)  $\frac{D}{l+f}$     j)  $\frac{l}{D+f}$
- k)  $\frac{D+l}{f}$     l)  $\frac{l+f}{D}$     m)  $\frac{D+f}{l}$     n)  $\frac{f}{D-l}$     o)  $\frac{l}{D-f}$
- p)  $\frac{D-l}{f}$     q)  $\frac{D-f}{l}$

[ 8 ]の選択肢

- a)  $f$     b)  $D$     c)  $D-f$
- d)  $D+f$     e)  $\frac{D^2}{f}$     f)  $\frac{f^2}{D}$
- g)  $\frac{D^2}{D-f}$     h)  $\frac{D^2}{D+f}$     i)  $\frac{f^2}{D-f}$
- j)  $\frac{f^2}{D+f}$     k)  $\frac{f(D-f)}{D}$     l)  $\frac{f(D+f)}{D}$
- m)  $\frac{D(D-f)}{f}$     n)  $\frac{D(D+f)}{f}$     o)  $\frac{D(D-f)}{D+f}$
- p)  $\frac{D(D+f)}{D-f}$     q)  $\frac{f(D-f)}{D+f}$     r)  $\frac{f(D+f)}{D-f}$
- s)  $\frac{(D+f)(D-f)}{f}$     t)  $\frac{(D+f)(D-f)}{D}$

