

(2018年度)

2 数 学 問 題 (60分)

(この問題冊子は5ページ, 3問である。)

受験についての注意

1. 試験監督者の指示があるまで, 問題冊子を開いてはならない。
2. 試験開始前に, 試験監督者から指示があったら, 解答用紙の右上の番号が自分の受験番号と一致することを確認し, 所定の欄に氏名を記入すること。次に, 解答用紙の右側のミシン目にそって, きれいに折り曲げてから, 受験番号と氏名が書かれた切片を切り離し, 机上に置くこと。
3. 試験監督者から試験開始の指示があったら, この問題冊子が, 上に記したページ数どおりそろっていることを確かめること。
4. 筆記具は, HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。時計に組み込まれたアラーム機能, 計算機能, 辞書機能やスマートウォッチなどのウェアラブル端末を使用してはならない。
5. 解答は, 解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで, そのマーク欄をぬりつぶすこと。
6. マークをするとき, マーク欄からはみ出したり, 白い部分を残したり, 文字や番号, ○や×をつけたりしてはならない。また, マーク箇所以外の部分には何も書いてはならない。
7. 訂正する場合は, 消しゴムでていねいに消すこと。消しきらずはきれいに取り除くこと。
8. 解答用紙を折り曲げたり, 破ったりしてはならない。
9. 試験監督者の許可なく試験時間中に退場してはならない。
10. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
11. 問題冊子, 計算用紙は必ず持ち帰ること。
12. この問題冊子の余白を計算用紙として使用してよい。

マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各位の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの位の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ $-$ にマークせよ。(0または正数の場合は、符号欄にマークしない。)

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表すときは、分母を1とする。根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各位の欄とも Z にマークせよ。(符号欄がもうけられている場合、 $-$ にはマークしない。)

[解答記入例] ア に 7, イ に -26 をマークする場合。

	符号	10 の 位										1 の 位											
ア	$-$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
イ	$-$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

[解答表示例]

$-\frac{3}{2}$ を, $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{-3}}{\boxed{2}}$ とする。

0 を, $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{0}}{\boxed{1}}$ とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$ を, $\frac{\boxed{}}{\boxed{}} \sqrt{\boxed{}}$ にあてはめる場合 $\frac{\boxed{-1}}{\boxed{2}} \sqrt{\boxed{3}}$ とする。

$-x^2 + x$ を, $\boxed{}x^2 + \boxed{}x + \boxed{}$ にあてはめる場合

$\boxed{-1}x^2 + \boxed{1}x + \boxed{0}$ とする。

1 (1) 等式

$$\sin 3\theta = \boxed{\text{ア}} \sin^3 \theta + \boxed{\text{イ}} \sin \theta$$

が成り立つ。

(2) $\sin 10^\circ$ は 3 次方程式

$$\boxed{\text{ウ}} x^3 + \boxed{\text{エ}} x + 1 = 0 \quad \left(\text{ただし, } \boxed{\text{ウ}}, \boxed{\text{エ}} \text{ は整数とする} \right)$$

の解の 1 つであり, 残りの解は

$$\sin \boxed{\text{オ}}^\circ, \quad \sin \boxed{\text{カ}}^\circ$$

である。ただし, $-90 \leq \boxed{\text{オ}} < \boxed{\text{カ}} \leq 90$ とする。

(3)

$$f(x) = \boxed{\text{ウ}} x^3 + \boxed{\text{エ}} x + 1$$

とする。 $y = f(x)$ は $x = \frac{\boxed{\text{キ}}}{\boxed{\text{ク}}}$ で極大値 $\boxed{\text{ケ}}$ をとり,

$x = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$ で極小値 $\boxed{\text{シ}}$ をとる。

(4) 点 $(-1, f(-1))$ における曲線 $C: y = f(x)$ の接線と C とが囲む図形の面積は $\boxed{\text{ス}}$ である。

2

(1) $A = \{2^n \mid n = 1, 2, 3, \dots\}$, $B = \{5^n \mid n = 1, 2, 3, \dots\}$ とする。 $A \cup B$ の要素のうち、小さい方から数えて 100 番目の要素を c とするとき、 A の要素で c 以下のものは 個ある。また、 $\log_{10} c$ の整数部分は である。ただし、 $\log_{10} 2$ の近似値 0.301 を用いてよい。

(2) 受験者数が 100 人の試験が実施され、この試験を受験した智子さんの得点は 84 (点) であった。また、この試験の得点の平均値は 60 (点) であった。

なお、得点の平均値が m (点)、標準偏差が s (点) である試験において、得点が x (点) である受験者の偏差値は

$$50 + \frac{10(x - m)}{s}$$

となることを用いてよい。

(i) 智子さんの偏差値は 62 であった。したがって、100 人の受験者の得点の標準偏差は (点) である。

(ii) この試験において、得点が x (点) である受験者の偏差値が 65 以上であるための必要十分条件は $x \geq$ である。

(iii) 後日、この試験を新たに 50 人が受験し、受験者数は合計で 150 人となった。その結果、試験の得点の平均値が 62 (点) となり、智子さんの偏差値は 60 となった。したがって、150 人の受験者の得点の標準偏差は (点) である。また、新たに受験した 50 人の受験者の得点について、平均値は (点)

であり、標準偏差は $\sqrt{\text{ナ}}$ (点) である。

3

0から3までの番号をつけた4枚のカードが入っている箱から1枚のカードを取り出し、取り出したカードの番号を調べてもとに戻す。この試行を4回続けて行う。

1回目に取り出したカードの番号を p , 2回目に取り出したカードの番号を q , 3回目に取り出したカードの番号を r , 4回目に取り出したカードの番号を s とする。点 $O(0,0)$ を原点とする座標平面上に4点 $P(p,0)$, $Q(4,q)$, $R(4-r,4)$, $S(0,4-s)$ をとり、これらを頂点とする四角形 $PQRS$ を考える。

(1) 四角形 $PQRS$ が正方形となる確率は $\frac{\boxed{\text{ニ}}}{\boxed{\text{ヌ}}}$ である。

(2) 四角形 $PQRS$ が平行四辺形となる確率は $\frac{\boxed{\text{ネ}}}{\boxed{\text{ノ}}}$ である。

(3) P が O と一致し、かつ $PQ \parallel SR$ となる確率は $\frac{\boxed{\text{ハ}}}{\boxed{\text{ヒ}}}$ である。

(4) P が O と一致することがわかっているとき、 $PQ \parallel SR$ となる確率は $\frac{\boxed{\text{フ}}}{\boxed{\text{ヘ}}}$ である。

(5) $PQ \parallel SR$ となる確率は $\frac{\boxed{\text{ホ}}}{\boxed{\text{マ}}}$ である。

(6) 四角形 $PQRS$ が台形となる確率は $\frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}}$ である。



