

(2014年度)

## 3 数 学 問 題 (60分)

(この問題冊子は7ページ, 3問である。)

### 受験についての注意

1. 監督の指示があるまで, 問題冊子を開いてはならない。
  2. 試験開始前に, 監督から指示があったら, 解答用紙の右上の番号が自分の受験番号と一致することを確認し, 所定の欄に氏名を記入すること。次に, 解答用紙の右側のミシン目にそって, きれいに折り曲げてから, 受験番号と氏名が書かれた切片を切り離し, 机上に置くこと。
  3. 監督から試験開始の指示があったら, この問題冊子が, 上に記したページ数どおりそろっていることを確かめること。
  4. 筆記具は, HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。時計に組み込まれたアラーム機能, 計算機能, 辞書機能などを使用してはならない。
  5. 解答は解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで, そのマーク欄をぬりつぶすこと。その他の部分には何も書いてはならない。
  6. マークをするとき, マーク欄からはみ出したり, 白い部分を残したり, 文字や番号, ○や×をつけてはならない。
  7. 訂正する場合は, 消しゴムでていねいに消すこと。消しきずはきれいに取り除くこと。
  8. 解答用紙を折り曲げたり, 破ったりしてはならない。
  9. 試験時間中に退場してはならない。
  10. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
  11. 問題冊子, 計算用紙は必ず持ち帰ること。
- ◎ この問題冊子の余白を計算用紙として使用してよい。



## マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各位の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの位の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ-にマークせよ。(0または正数の場合は、符号欄にマークしない。)

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表すときは、分母を1とする。根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各位の欄ともZにマークせよ。(符号欄がもうけられている場合、-にはマークしない。)

〔解答記入例〕 ア に7, イ に -26 をマークする場合。

	符号	10 の 位										1 の 位											
ア	-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
イ	-	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Z
	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

〔解答表示例〕

$-\frac{3}{2}$  を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{-3}}{\boxed{2}}$  とする。

0 を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{0}}{\boxed{1}}$  とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$  を,  $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} \sqrt{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{-1}}{\boxed{2}} \sqrt{\boxed{3}}$  とする。

$-x^2+x$  を,  $\boxed{\phantom{00}}x^2+\boxed{\phantom{00}}x+\boxed{\phantom{00}}$  にあてはめる場合

$\boxed{-1}x^2+\boxed{1}x+\boxed{0}$  とする。

1 次の  あ  ~  お に当てはまるものを、下の選択肢から選べ。

(1)  $x = -\frac{2}{3}$  は  $3x^2 - 13x - 10 = 0$  であるための  あ

(2)  $n$  を自然数とする。 $n^2$  が 5 の倍数であることは、 $n$  が 5 の倍数であるための  い

(3)  $a, b$  を自然数とする。 $(a + b)^2$  が奇数であることは、 $ab$  が偶数であるための  う

(4) 平面上の異なる 2 つの円  $C, C'$  の半径をそれぞれ  $r, r'$  とし、中心間の距離を  $d$  とする。ただし、 $r < r'$  とする。このとき、 $C$  と  $C'$  が共有点をもたないことは、 $d > r + r'$  であるための  え

(5)  $AB = 8, BC = 5, CA = 7$  の  $\triangle ABC$  において、辺  $BC$  の延長上に  $CD = 4$  となる点  $D$  をとり、辺  $AC$  上に  $AE = 3$  となる点  $E$  をとる。このとき、辺  $AB$  上の点  $F$  に対して、 $AF = 3$  であることは、3 点  $D, E, F$  が一直線上にあるための  お

選択肢：

- ① 必要条件であるが十分条件ではない。
- ② 十分条件であるが必要条件ではない。
- ③ 必要十分条件である。
- ④ 必要条件でも十分条件でもない。

2 AB = 8, BC = 5,  $\angle B = 60^\circ$  の  $\triangle ABC$  がある。

(1)  $AC = \boxed{\text{ア}}$ ,  $\triangle ABC$  の面積は  $\boxed{\text{イ}} \sqrt{\boxed{\text{ウ}}}$ ,  $\triangle ABC$  の内接円の半径は  $\sqrt{\boxed{\text{エ}}}$  である。

(2)  $\triangle ABC$  の外接円の半径は  $\frac{\boxed{\text{オ}}}{\boxed{\text{カ}}} \sqrt{\boxed{\text{キ}}}$  である。

(3)  $\triangle ABC$  の外接円の点 B を含まない弧 AC 上に  $AD = 3$  となる点 D をとる。このとき,  $CD = \boxed{\text{ク}}$  である。

(4)  $\cos \angle BAD = \frac{\boxed{\text{ケ}}}{\boxed{\text{コ}}}$ ,  $BD = \frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シ}}}$  である。

(5) AC と BD の交点を E とするとき,  $\cos \angle AED = \frac{\boxed{\text{ス}}}{\boxed{\text{セ}}}$  である。

3  $a$  を  $-1$  でない実数とし、座標平面において、放物線

$$C : y = (x^2 - 2x + 1) + a(x^2 - 5x + 6)$$

を考える。

(1)  $C$  は、 $a$  の値によらず 2 点  $P(\square, \square)$ ,  $Q(\square, \square)$  を必ず通る。ただし、 $\square < \square$  とする。

(2) 点  $P$  における  $C$  の接線を  $l$ , 点  $Q$  における  $C$  の接線を  $l'$  とする。

$l$  と  $l'$  の交点の座標は  $(\frac{\square}{\square}, \frac{\square}{\square}a + \square)$  である。

(3)  $C$  の軸は  $x = \frac{1}{2} \left( \square + \frac{\square}{a + \square} \right)$  である。

(4)  $C$  が  $x$  軸と異なる 2 点で交わるのは

$$a < \square \text{ または } \square < a \text{ (ただし } a \neq -1)$$

のときである。

(5)  $a = \square$  のとき、 $C$  は点  $(\frac{\square}{\square}, 0)$  で  $x$  軸と接する。

(6)  $C$  が  $x$  軸と 2 点  $(\alpha, 0)$ ,  $(\beta, 0)$  (ただし  $\alpha < \beta$ ) で交わる時、

$$\beta - \alpha = \frac{2}{3}\sqrt{5} \text{ となるのは、 } a = \boxed{\text{マ}} \text{ または } a = \frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}} \text{ のとき}$$

である。ただし、 $\boxed{\text{マ}} < \frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}}$  とする。  $a = \boxed{\text{マ}}$  のとき、 $C$

と  $x$  軸で囲まれた図形の面積は  $\frac{\boxed{\text{メ}}}{\boxed{\text{モ}}} \sqrt{\boxed{\text{ヤ}}}$  である。

