

(2012年度)

# 1 数 学 問 題 (60分)

(この問題冊子は7ページ、3問である。)

## 受験についての注意

1. 監督の指示があるまで、問題冊子を開いてはならない。
  2. 携帯電話・P H S の電源は切ること。
  3. 試験開始前に、監督から指示があつたら、解答用紙の右上の番号が自分の受験番号かどうかを確認し、氏名を記入すること。次に、解答用紙の右側のミシン目にそって、きれいに折り曲げてから、受験番号と氏名が書かれた切片を切り離し、机上に置くこと。
  4. 監督から試験開始の合図があつたら、この問題冊子が、上に記したページ数どおりそろっているかどうか確かめること。
  5. 解答は解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで、そのマーク欄をぬりつぶすこと。その他の部分には何も書いてはならない。
  6. 筆記具は、HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。時計に組み込まれたアラーム機能、計算機能、辞書機能などを使用してはならない。
  7. マークをするとき、枠からはみ出したり、枠のなかに白い部分を残したり、文字や番号、枠などに○や×をつけたりしてはならない。
  8. 訂正する場合は、消しゴムでていねいに消すこと。消しきずはきれいに取り除くこと。
  9. 解答用紙を折り曲げたり、破ったりしてはならない。採点が不可能になる。
  10. 試験時間中に退場してはならない。
  11. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
  12. 問題冊子、計算用紙は必ず持ち帰ること。
- ◎ この問題冊子の余白を計算用紙として使用してよい。



### マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各位の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの位の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ-にマークせよ。  
(0 または正数の場合は、符号欄にマークしない。)

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表すときは、分母を1とする。

根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各位の欄とも□にマークせよ。(符号欄がもうけられている場合、-にはマークしない。)

[解答記入例 7]

[解答記入例 - 26]

符号	10 の 位	1 の 位
—	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z
●	○ ○ ● ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○	○ ○ ○ ○ ○ ○ ● ○ ○ ○

### 〔解答表示例〕

$-\frac{3}{2}$  を、 $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{\boxed{-3}}{\boxed{2}}$  とする。

0を、にあてはめる場合 とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$  を、 $\frac{\boxed{\phantom{00}}}{\boxed{\phantom{00}}} \sqrt{\boxed{\phantom{00}}}$  にあてはめる場合  $\frac{-1}{2} \sqrt{\boxed{\phantom{00}}}$  とする。

**1** (1) 5 個の数字 0, 1, 2, 3, 4 を重複なく使ってできる 5 桁の整数を  
小さい方から順に並べたとき, 70 番目の数を 100 で割った余り  
は  ア である。

(2)

$$16^{\log_2 3} = \boxed{\text{イ}}$$

である。

(3)  $m^n = 1024$  を満たす自然数の組  $(m, n)$  は  ウ 通りある。

その中で最小の  $m$  は  工, 最小の  $n$  は  オ である。

(4)  $x$  の式  $(1+x+ax^2)^6$  を展開したときの  $x^4$  の係数は,  $a = \boxed{\text{カ}}$   
のときに最小値  キ をとる。

2  $a$  を実数とする。座標平面において、放物線  $C_a$

$$C_a : y = -2x^2 + 4ax - 2a^2 + a + 1$$

および放物線  $C$

$$C : y = x^2 - 2x$$

を考える。

(1)  $C_a$  の頂点は常に直線  $y = \boxed{\text{ク}} x + \boxed{\text{ケ}}$  上にある。

(2)  $C_a$  と  $C$  が共有点をもつための必要十分条件は、

$$\frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} \leq a \leq \boxed{\text{シ}}$$

である。

(3)  $a = \frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}}$  のとき、 $C_a$  と  $C$  の共有点は  $P(\boxed{\text{ス}}, \boxed{\text{セ}})$  で  
ある。

(4)  $a = \boxed{\text{シ}}$  のとき、 $C_a$  と  $C$  の共有点は  $Q(\boxed{\text{ソ}}, \boxed{\text{タ}})$  で  
ある。

(5)  $C$  と直線  $PQ$  で囲まれる図形の面積は  $\frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツ}}}$  である。

(6)  $\frac{\boxed{\text{コ}}}{\boxed{\text{サ}}} < a < \boxed{\text{シ}}$  の場合、 $C_a$  と  $C$  で囲まれる図形の面積

は、 $a = \frac{\boxed{\text{テ}}}{\boxed{\text{ト}}}$  のとき最大値  $\frac{\boxed{\text{ナ}}}{\boxed{\text{ニ}}} \sqrt{\boxed{\text{ヌ}}}$  をとる。

**3** 10人ずつの男女に関する条件(A)~(E)を考える。

(A) 帽子をかぶっている人がいるならばその人は男性であり,  
かつ

帽子をかぶっていて腕時計をしていない人がいる。

(B) 帽子をかぶっている人がいるならばその人は男性であり,  
かつ

腕時計をしていて帽子をかぶっていない人がいる。

(C) 女性ならば帽子をかぶっておらず,  
かつ

腕時計をしている人がいるならばその人は帽子をかぶっている。

(D) 帽子をかぶっている男性がおり,  
かつ

腕時計をしている人がいるならばその人は帽子をかぶっている。

(E) 帽子をかぶっている女性がおり,  
かつ

帽子をかぶっている人がいるならばその人は腕時計をしている。

(1) 選択肢の中から(A)であるための必要条件を全てマークせよ。

例えは、「(A)  $\Rightarrow$  (a)」が真であるときは a をマークせよ。

ただし、必要条件が選択肢の中になければ z をマークせよ。

(2) 選択肢の中から(B)であるための必要条件を全てマークせよ。

ただし、必要条件が選択肢の中になければ z をマークせよ。

(3) 選択肢の中から(C)であるための必要条件を全てマークせよ。

ただし、必要条件が選択肢の中になければ z をマークせよ。

(4) 選択肢の中から(D)であるための必要条件を全てマークせよ。

ただし、必要条件が選択肢の中になければ z をマークせよ。

(5) 選択肢の中から(E)であるための必要条件を全てマークせよ。

ただし、必要条件が選択肢の中になければ z をマークせよ。

選択肢:

- (a) 腕時計をしている人がいるならばその人は男性である。
- (b) 腕時計をしている男性がいる。
- (c) 腕時計をしている人がいるならばその人は女性である。
- (d) 腕時計をしている女性がいる。
- (e) 腕時計をしていない男性がいる。
- (f) 腕時計をしていない女性がいる。

A  
K  
H  
O