

(2011年度)

3 数学問題 (60分)

(この問題冊子は6ページ, 3問である。)

受験についての注意

1. 監督の指示があるまで, 問題冊子を開いてはならない。
 2. 携帯電話・PHSの電源は切ること。
 3. 試験開始前に, 監督から指示があったら, 解答用紙の右上の番号が自分の受験番号かどうかを確認し, 氏名を記入すること。次に, 解答用紙の右側のミシン目にそって, きれいに折り曲げてから, 受験番号と氏名が書かれた切片を切り離し, 机上に置くこと。
 4. 監督から試験開始の合図があったら, この問題冊子が, 上に記したページ数どおりそろっているかどうか確かめること。
 5. 解答は解答用紙の各問の選択肢の中から正解と思うものを選んで, そのマーク欄をぬりつぶすこと。その他の部分には何も書いてはならない。
 6. 筆記具は, HかFかHBの黒鉛筆またはシャープペンシルに限る。万年筆・ボールペンなどを使用してはならない。時計に組み込まれたアラーム機能, 計算機能, 辞書機能などを使用してはならない。
 7. マークをするとき, 枠からはみ出したり, 枠のなかに白い部分を残したり, 文字や番号, 枠などに○や×をつけたりしてはならない。
 8. 訂正する場合は, 消しゴムでていねいに消すこと。消しきずはきれいに取り除くこと。
 9. 解答用紙を折り曲げたり, 破ったりしてはならない。採点が不可能になる。
 10. 試験時間中に退場してはならない。
 11. 解答用紙を持ち帰ってはならない。
 12. 問題冊子, 計算用紙は必ず持ち帰ること。
- ◎ この問題冊子の余白を計算用紙として使用してよい。

マークによる数値解答欄についての注意

解答欄の各位の該当する数値の欄にマークせよ。その際、はじめの位の数が0のときも、必ずマークすること。

符号欄がもうけられている場合には、解答が負数の場合のみ-にマークせよ。(0または正数の場合は、符号欄にマークしない。)

分数は、既約分数で表し、分母は必ず正とする。また、整数を分数のかたちに表すときは、分母を1とする。

根号の内は、正の整数であって、2以上の整数の平方でわりきれないものとする。

解答が所定欄で表すことができない場合、あるいは二つ以上の答が得られる場合には、各位の欄ともZにマークせよ。(符号欄がもうけられている場合、-にはマークしない。)

[解答記入例 7]

符号	10 の 位	1 の 位
-	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z
○	● ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○	○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ● ○ ○ ○ ○

[解答記入例 -26]

符号	10 の 位	1 の 位
-	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Z
●	○ ○ ● ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○ ○	○ ○ ○ ○ ○ ○ ● ○ ○ ○ ○ ○

[解答表示例]

$-\frac{3}{2}$ を、 $\frac{\square}{\square}$ にあてはめる場合 $\frac{\square{-3}}{\square{2}}$ とする。

0 を、 $\frac{\square}{\square}$ にあてはめる場合 $\frac{\square{0}}{\square{1}}$ とする。

$-\frac{\sqrt{3}}{2}$ を、 $\frac{\square}{\square}\sqrt{\square}$ にあてはめる場合 $\frac{\square{-1}}{\square{2}}\sqrt{\square{3}}$ とする。

以下余白

次頁へ続く

1

(1) X大学には5つの学部があり、全ての学部で入学試験を行っている。次の7つの命題(A)~(G)の中で、お互いに否定命題となっている全ての組を以下の選択肢から選べ。もし、否定命題となっている組で選択肢にないものが存在するときは、zもマークせよ。

- (A) X大学のある学部の入学試験科目には、数学がある。
- (B) X大学の学部の中で、入学試験科目に数学があるのはただ一つである。
- (C) X大学の全ての学部の入学試験科目には、数学がある。
- (D) X大学には、入学試験科目に数学がない学部がある。
- (E) X大学の全ての学部の入学試験科目には、数学がない。
- (F) X大学の学部の中で、入学試験科目に数学がないのはただ一つである。
- (G) X大学には、入学試験科目に数学がある学部とない学部の両方がある。

選択肢：

- 1. (A)と(C) 2. (A)と(D) 3. (A)と(E)
- 4. (A)と(G) 5. (B)と(F) 6. (B)と(G)
- 7. (C)と(D) 8. (C)と(E) 9. (C)と(G)
- 10. (D)と(E) 11. (D)と(G) 12. (E)と(F)

(2) $f(0) = 1, g(0) = 2$ を満たす2つの整式 $f(x), g(x)$ に対して $p(x) = f(x) + g(x), q(x) = f(x)g(x)$ とおく。 $\frac{d}{dx}p(x) = 3, \frac{d}{dx}q(x) = 4x + k$ であるとき、 $k = \boxed{\text{ア}}$ または $\boxed{\text{イ}}$ である。ただし $\boxed{\text{ア}} < \boxed{\text{イ}}$ である。

(3) 方程式 $4^{x+1} + 3 \cdot 2^x - 1 = 0$ の解は $x = \boxed{\text{ウ}}$ である。

2 座標平面において、円 A

$$A: (x - 4)^2 + (y + 1)^2 = 9$$

および放物線 B

$$B: y = \frac{1}{4}x^2 + 1$$

を考える。

(1) m を実数とすると、直線 $l: y = mx + m - 1$ は m の値によらずに点 $(\text{エ}, \text{オ})$ を通る。

(2) l と円 A との共有点の個数を n_a 、 l と放物線 B との共有点の個数を n_b とする。 $n_a + n_b = 2$ となるのは、 $m < \text{カ}$ または

$$\frac{\text{キ}}{\text{ク}} < m < \frac{\text{ケ}}{\text{コ}} \text{ または } \text{サ} < m \text{ のときである。}$$

(3) $m = \text{カ}$ のとき l と B とのただ一つの共有点は

$P(\text{シ}, \text{ス})$ であり、 $m = \text{サ}$ のとき l と B とのただ一つの共有点は $Q(\text{セ}, \text{ソ})$ である。

(4) 2点 P, Q を通る直線の方程式は $y = \frac{\text{タ}}{\text{チ}}x + \text{ツ}$ であり、

直線 PQ と放物線 B とで囲まれた図形の面積は テ である。

3

袋の中に赤玉3個、白玉2個、青玉1個が入っている。

(1) 袋から玉を1個取り出して、色を調べてからもとに戻すことを2回繰り返す。その結果、赤玉が a 回、白玉が b 回、青玉が c 回出たとする。このとき、この結果を (a, b, c) と書く。

(i) この結果として得られる (a, b, c) は 通りある。

(ii) $(a, b, c) = (2, 0, 0)$ となる確率は $\frac{\text{ナ}}{\text{ニ}}$,

$(a, b, c) = (1, 0, 1)$ となる確率は $\frac{\text{ヌ}}{\text{ネ}}$ である。

(iii) (a, b, c) という結果に対し、得点 $a + 2b + 3c$ を与えること

にすると、得点の期待値は $\frac{\text{ノ}}{\text{ハ}}$ である。

(2) 袋から玉を2個取り出したとき、赤玉が α 個、白玉が β 個、青玉が γ 個出たとする。このとき、この結果を (α, β, γ) と書く。

(i) この結果として得られる (α, β, γ) は 通りある。

(ii) $(\alpha, \beta, \gamma) = (2, 0, 0)$ となる確率は $\frac{\text{フ}}{\text{ヘ}}$,

$(\alpha, \beta, \gamma) = (1, 0, 1)$ となる確率は $\frac{\text{ホ}}{\text{マ}}$ である。

(iii) (α, β, γ) という結果に対し、得点 $\alpha + 2\beta + 3\gamma$ を与えるこ

とにすると、得点の期待値は $\frac{\text{ミ}}{\text{ム}}$ である。

