

2008年度

理 科

④④ 物理Ⅰ・Ⅱ(1～5ページ)

④⑤ 化学Ⅰ・Ⅱ(6～11ページ) 問 題 冊 子

④⑥ 生物Ⅰ・Ⅱ(12～23ページ)

注 意 事 項

- (1) 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見ないこと。
- (2) 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。
- (3) 解答は別に配布する解答用紙の該当欄に正しく記入すること。ただし、解答に係のない語句・記号・落書き等は解答用紙に書かないこと。
- (4) 解答用紙上部に印刷してある志望学部・学科コード、受験番号、氏名(カタカナ)を確認し、氏名欄に氏名(漢字)を記入すること。もし、印刷に間違いがあった場合は、手を挙げて監督者に申し出ること。

〔解答用紙記入例(選択式の場合)〕

例 1. [語群]が二桁で (11) 大阪 (12) 佐賀 (13) 長崎 (14) 東京 とある場合

問 X	A		B		C	
	16	17	18	19	20	21
	/	2	/	4	/	/

Aの解答が佐賀の場合 → (17)
 Bの解答が東京の場合 → (19)
 Cの解答が大阪の場合 → (21)

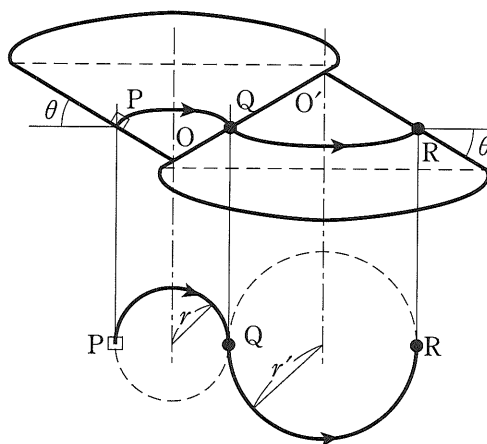
例 2. [語群]が一桁で (1) 大学 (2) 中学校 (3) 高校 (4) 小学校 とある場合

問 X	a	b	c
	51	52	53
	/	4	2

aの解答が大学の場合 → (51)
 bの解答が小学校の場合 → (52)
 cの解答が中学校の場合 → (53)

④ 物 理 I・II

〔I〕 内側と外側があらわい円錐面を持つ容器を中心軸に沿って2つに切断し、図のように、切断された一方の容器の頂点 O が下になる向きに、他方の頂点 O' が上になる向きにして、下向きの容器の内側の側面と上向きの容器の外側の側面がなめらかにつながるように接着した。できた工作物をその底面が水平になるように台に固定した。ある高さで工作物の水平な断面を考える



と、その断面は2つの半円周がなめらかにつながる曲線となる。図の下側に示すように、その曲線内に点 P , Q , R をとると、 PQ は半径 r の半円周、 QR は半径 r' の半円周であり、点 Q は2つの半円周の接点である。

いま、質量 m の模型自動車を、点 P から曲線に沿って一定の速さ v ですべることなく運動させる。自動車は、点 Q までは水平面と傾斜角 θ をなす側面の内側を、点 Q から点 R までは水平面と傾斜角 θ をなす側面の外側を運動する。この運動のあいだ、自動車には摩擦力がはたらき、その運動方向に垂直な成分があるために、自動車はすべり落ちもしないし、すべり上がりもしない。その成分の正の向きを、 PQ 間では O に向かう向き、 QR 間では O' に向かう向きとし、この運動が可能であるための条件を求めたい。内側と外側の側面の静止摩擦係数をそれぞれ μ と μ' 、重力加速度の大きさを g として、以下の文中の 内に入れるのに適当なものを解答群の中からひとつ選び、その番号を解答欄に記入せよ。

自動車にはたらく摩擦力の運動方向に垂直な成分を S 、垂直抗力を N とする。自動車が PQ を運動するとき、 S は (1) と等しく、 N は (2) と等しい。 $S > 0$ のとき、自動車がすべり上がらないためには、 S と N の関係は (3) でなければならない。これを満たす速さの上限は (4) である。また、 $S < 0$ のとき、自動車がすべり落ちないためには、 $-S$ は (5) でなければならない。これを満たす速さの下限は (6) である。

同様に、自動車がQRを運動するとき、 S は (7) と等しく、 N は (8) と等しい。自動車がすべり落ちないためには、 (9) でなければならない。これを満たす速さの上限は (10) である。ここで、 $v =$ (10) , $\mu = \frac{1}{2}$, $\mu' = \frac{3}{2}$, $\theta = 45^\circ$ とすると、点Pから点Rまで一定の速さで到達するためには、 r' と r の関係は (11) であることが必要である。

解答群

$$[11] \quad \frac{mv^2}{r} - mg$$

$$[12] \quad \frac{mv^2}{r} \cos \theta - mg \sin \theta$$

$$[13] \quad \frac{mv^2}{r} - mg \sin \theta$$

$$[14] \quad \frac{mv^2}{r} \cos \theta - mg$$

$$[15] \quad \frac{mv^2}{r} \sin \theta + mg \cos \theta$$

$$[16] \quad \frac{mv^2}{r} + mg \cos \theta$$

$$[17] \quad \frac{mv^2}{r} \sin \theta + mg$$

$$[18] \quad \frac{mv^2}{r} + mg$$

$$[19] \quad S \leq \mu N \quad [20] \quad S \geq \mu N \quad [21] \quad -S \leq \mu N \quad [22] \quad -S \geq \mu N$$

$$[23] \quad \sqrt{rg \frac{\mu + \tan \theta}{1 + \mu \tan \theta}} \quad [24] \quad \sqrt{rg \frac{\mu - \tan \theta}{1 + \mu \tan \theta}} \quad [25] \quad \sqrt{rg \frac{\mu + \tan \theta}{1 - \mu \tan \theta}}$$

$$[26] \quad \sqrt{rg \frac{\mu - \tan \theta}{1 - \mu \tan \theta}} \quad [27] \quad \sqrt{rg \frac{\tan \theta - \mu}{1 + \mu \tan \theta}} \quad [28] \quad \sqrt{rg \frac{\tan \theta - \mu}{1 - \mu \tan \theta}}$$

$$[29] \quad \frac{mv^2}{r'} \cos \theta + mg \sin \theta$$

$$[30] \quad \frac{mv^2}{r'} + mg \sin \theta$$

$$[31] \quad \frac{mv^2}{r'} \cos \theta + mg$$

$$[32] \quad \frac{mv^2}{r'} + mg$$

$$[33] \quad -\frac{mv^2}{r'} + mg$$

$$[34] \quad -\frac{mv^2}{r'} + mg \cos \theta$$

$$[35] \quad -\frac{mv^2}{r'} \sin \theta + mg \cos \theta$$

$$[36] \quad -\frac{mv^2}{r'} \sin \theta + mg$$

$$[37] \quad S \leq \mu' N \quad [38] \quad S \geq \mu' N \quad [39] \quad -S \leq \mu' N \quad [40] \quad -S \geq \mu' N$$

$$[41] \quad \sqrt{r'g \frac{\mu' + \tan \theta}{1 + \mu' \tan \theta}}$$

$$[42] \quad \sqrt{r'g \frac{\mu' - \tan \theta}{1 + \mu' \tan \theta}}$$

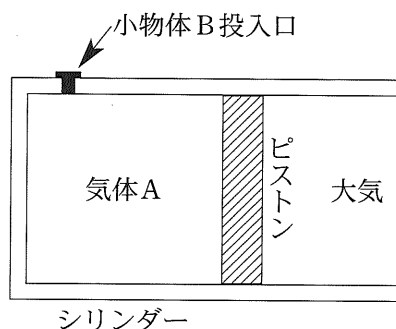
$$[43] \quad \sqrt{r'g \frac{\mu' + \tan \theta}{1 - \mu' \tan \theta}}$$

$$[44] \quad \sqrt{r'g \frac{\mu' - \tan \theta}{1 - \mu' \tan \theta}}$$

$$[45] \quad r' < r \quad [46] \quad r' = r \quad [47] \quad \frac{5}{3} r \leq r' \leq 15 r$$

$$[48] \quad \frac{50}{3} r \leq r' \leq 30 r$$

〔Ⅱ〕 図のように、温度 T_0 [K]、圧力 p_0 [Pa] の大気中に、なめらかに動くピストンで気体 A を封じ込めたシリンダーを水平に置く。A は定積モル比熱 C_V [J/(mol·K)]、定圧モル比熱 C_p [J/(mol·K)] の理想気体で、モル数は n [mol]、温度は T_0 [K]、圧力は p_0 [Pa]、体積は V_0 [m³] であるとする。



いま、シリンダーの左端近くの投入口から質量 m [g]、比熱 c [J/(g·K)] の小物体 B を投入して投入口を閉じた。投入する前の B の温度を T_B [K] ($T_B > T_0$) とする。B を投入する際の気体の出入りは無視できるものとし、シリンダーやピストンは断熱材でできていて、熱の移動は A と B の間でだけ生じるものとする。以下の文中の 内に入れるのに適当なものを解答群の中からひとつ選び、その番号を解答欄に記入せよ。

(i) ピストンが固定されている場合

B を投入した後しばらくして、A、B ともに温度が T_1 [K] になったとする。

- (1) A が得た熱量は、 T_0 を含む式で表すと (1) [J] である。
- (2) B が失った熱量は、 T_B を含む式で表すと (2) [J] である。
- (3) T_1 は (3) [K] である。
- (4) A の圧力は、 T_1 を含む式で表すと (4) $\times p_0$ [Pa] である。
- (5) A の内部エネルギーの増加は (5) $\times (T_B - T_0)$ [J] である。

(ii) ピストンが自由に動ける場合

B を投入した後しばらくして、A、B ともに温度が T_2 [K] になったとする。

- (6) A が得た熱量は、 T_0 を含む式で表すと (6) [J] である。
- (7) B が失った熱量は、 T_B を含む式で表すと (7) [J] である。
- (8) T_2 は (8) [K] である。
- (9) A の体積は、 T_2 を含む式で表すと (9) $\times V_0$ [m³] である。
- (10) A がピストンにした仕事は (10) $\times (T_B - T_0)$ [J] である。
- (11) A の内部エネルギーの増加は (11) $\times (T_B - T_0)$ [J] である。

解答群

- [11] $mc(T_0 - T_1)$ [12] $mc(T_1 - T_0)$ [13] $mc(T_0 - T_2)$
 [14] $mc(T_B - T_1)$ [15] $mc(T_B - T_2)$ [16] $mc(T_2 - T_B)$
 [17] $nC_V(T_1 - T_0)$ [18] $nC_V(T_2 - T_0)$ [19] $nC_V(T_0 - T_2)$
 [20] $nC_p(T_1 - T_0)$ [21] $nC_p(T_0 - T_1)$ [22] $nC_p(T_2 - T_0)$
 [23] $\frac{nC_V T_0 + mcT_B}{nC_V + mc}$ [24] $\frac{nC_p T_0 + mcT_B}{nC_V + mc}$
 [25] $\frac{nC_V T_0 + mcT_B}{nC_p + mc}$ [26] $\frac{nC_p T_0 + mcT_B}{nC_p + mc}$
 [27] $\frac{T_1}{T_0}$ [28] $\frac{T_0}{T_1}$ [29] $\frac{T_2}{T_0}$ [30] $\frac{T_0}{T_2}$
 [31] $\frac{nC_V mc}{nC_V + mc}$ [32] $\frac{nC_p mc}{nC_V + mc}$
 [33] $\frac{nC_V mc}{nC_p + mc}$ [34] $\frac{nC_p mc}{nC_p + mc}$
 [35] $\frac{p_0 V_0}{T_0} \frac{mc}{nC_V + mc}$ [36] $\frac{p_0 V_0}{T_0} \frac{mc}{nC_p + mc}$
 [37] $\frac{p_0 V_0}{T_B} \frac{mc}{nC_V + mc}$ [38] $\frac{p_0 V_0}{T_B} \frac{mc}{nC_p + mc}$

〔Ⅲ〕 図の装置の①の部分には、荷電粒子が通り抜けることができる小孔の開いた平行平板電極 PQ があり、電圧 V がかけられている。②の部分の平行平板電極 $P'Q'$ 間には強さ E の電場が矢印の向きに与えられ、さらに、紙面の裏から表に向かう向きに磁束密度の大きさが B の一様な磁場が与えられている。また、③の部分には②の電極の間と同じ磁場が存在する。この装置が真空中に置かれているものとして、次の問いに答えよ。

いま、正の電荷 q をもつ質量 m の荷電粒子が①の電極板 PQ に垂直に速さ u_0 で入射した。

(1) 荷電粒子が電極 PQ 間で得るエネルギーはいくらか。

(2) 荷電粒子が電極 PQ 間を通り抜けたとき、その速さはいくらになっているか。

①を通り抜けた荷電粒子は、②の電極 $P'Q'$ 間に入ってまっすぐに進んだ。

(3) 荷電粒子は、電極 $P'Q'$ 間で電場からどの向きに力を受けるか。また、その力の大きさはいくらか。

(4) 荷電粒子は、電極 $P'Q'$ 間で磁場からどの向きに力を受けるか。また、その力の大きさはいくらか。力の大きさは荷電粒子の速さを u として答えよ。

(5) 荷電粒子の速さ u はいくらであったか。 E 、 B を用いて表せ。

(6) 荷電粒子の最初の速さ u_0 はいくらであったか。 m 、 q 、 V 、 E 、 B を用いて表せ。

速さ u で③に入った荷電粒子は、半円を描いて図の K 点に当たった。

(7) 磁束密度 B の一様な磁場中で、質量 m 、電荷 q の荷電粒子が速さ u で磁場に垂直な運動をしているときの半径方向の運動方程式を書け。ただし、荷電粒子の軌道半径は R とせよ。

(8) ③の入り口から荷電粒子が当たった K 点までの直線距離は L であった。荷電粒子の比電荷 $\frac{q}{m}$ はいくらか。 E 、 B 、 L を用いて答えよ。

