

選択科目

(医学部)

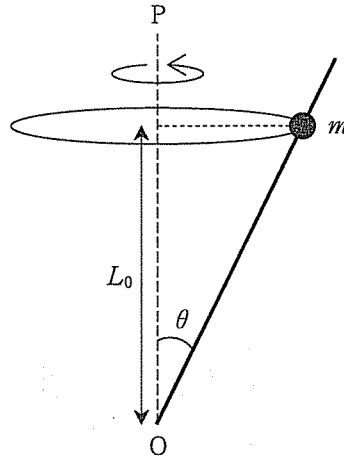
— 2月3日 —

物理 }
化学 } この中から1科目を選択して解答しなさい。
生物 }

科目	問題のページ
物理	1～6
化学	7～16
生物	17～30

選択した科目の解答用紙をビニール袋から取り出し、解答はすべて選択した科目の解答用紙に記入して提出しなさい。

1



図のように、質量が m で穴が貫かれている小物体が、細い棒に沿って動けるようになっている。棒は鉛直より角度 θ ($0^\circ < \theta \leq 90^\circ$) だけ傾いた状態で支点 O で支えられ、角度 θ を保ったまま鉛直軸 OP の周りを自由に回転できる。重力加速度の大きさを g とする。

はじめに棒がなめらかな場合を考える。ある角度 θ ($0^\circ < \theta < 90^\circ$) を保ったまま棒を鉛直軸 OP の周りに、ある角速度で回転させたところ、小物体は支点 O から高さ L_0 の水平面内で円運動をした。

- (1) 円運動の角速度を求めなさい。
- (2) このときの小物体の運動エネルギーを求めなさい。

次に、なめらかな棒を表面があらい棒に取り替える。

棒が回転していないとき、角度 $\theta = 90^\circ$ で小物体を静止させてからゆっくりと角度 θ を小さくしてゆく。ある角度 $\theta = \theta_0$ を過ぎたとき小物体は棒に沿って運動し始めた。

- (3) 小物体と棒との間の静止摩擦係数を求めなさい。

前問と同じ棒を角度 θ_0 より小さい角度 θ を保ったまま、鉛直軸 OP の周りに、ある角速度で回転させる。小物体は支点 O から高さ L の水平面内で円運動をした。

- (4) 前問で求めた静止摩擦係数を μ として、小物体が棒を滑り落ちない最小の角速度を求めなさい。

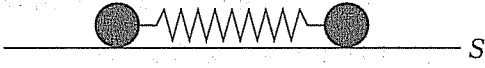
さらに表面があらい別の棒に取り替える。

ある角度 θ ($0^\circ < \theta < 90^\circ$) を保ったまま、前問と同様に小物体を支点 O からある高さの水平面内で円運動をさせる。

- (5) どんなに角速度を大きくしても、小物体が棒を登り上がらない静止摩擦係数の最小値を求めなさい。

2

図1のように同じ電気量をもつ2つの同種の小球を軽いばねでつなぎ、滑らかな水平面 S においた。ばねの自然長は ℓ [m] で、ばね定数は未知である。クーロンの法則の比例定数と小球1個の電気量の二乗との積を α [N・m²] で与える。ばねおよび水平面 S は絶縁体であり、それらの表面の誘導電荷の影響は無視できるものとする。以下の問いでは、静電気力による位置エネルギーは無窮遠でゼロ、弾性力による位置エネルギーは自然長でゼロとなる基準点をそれぞれ選ぶ。なお、系の重心は運動せず、ばねは回転しないものとする。



(1) 静電気力による位置エネルギーと弾性力による位置エネルギーの和をポテンシャルエネルギーと呼ぶ。ポテンシャルエネルギーと小球の間の距離との関係を最も適切に表すグラフを図2の中から一つ選び、図の記号(ア)～(オ)で答えなさい。ただし、破線はポテンシャルエネルギーが極小となる位置を示している。

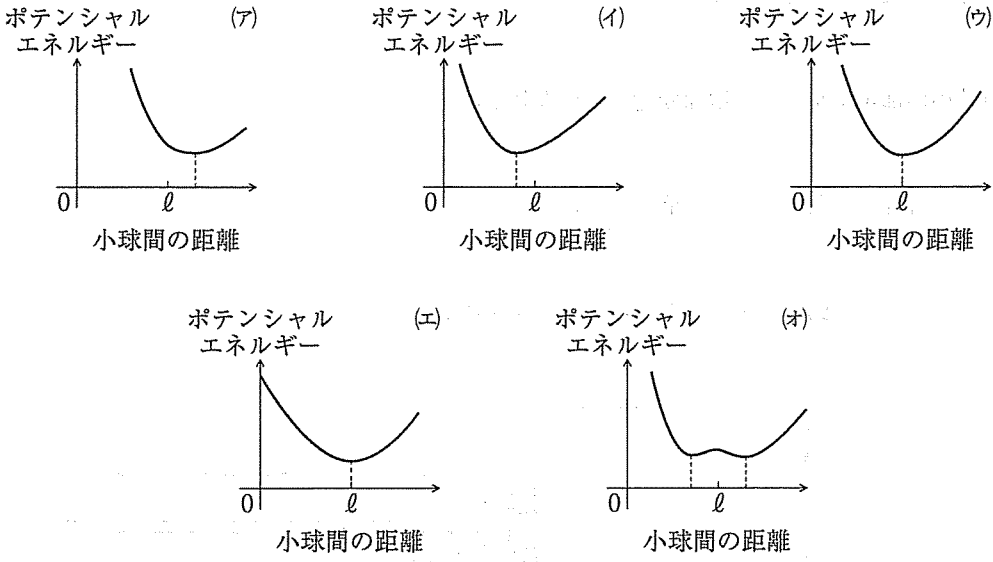


図 2

小球が静止しているとき、小球の間の距離は $\frac{3}{2}\ell$ であったとする。

- (2) ばね定数 [N/m] を求めなさい。
- (3) 小球が静止しているとき、静電気力による位置エネルギーは、弾性力による位置エネルギーの何倍かを求めなさい。

次に、図3のように小球を同じ大きさの力で左右へそれぞれ引き、小球の間の距離が 3ℓ になるようにばねを伸ばして静かに離すと小球は振動した。ここでは、小球間の電気力および弾性力のみを考えるとする。

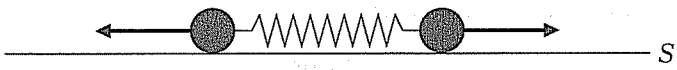


図 3

- (4) この系の最大の運動エネルギー [J] を求めなさい。
- (5) 小球間の最短距離 [m] を求めなさい。

3 単原子分子の理想気体で満たされた容器がシリンダーと連結している。シリンダー内のピストンは気密性が高く、なめらかに動くことができる。これらを構成する材料は熱を伝えず、連結部の体積は無視できるものとする。気体定数を R [$\text{J}/(\text{mol} \cdot \text{K})$] とする。このとき、次の各問いについて、それぞれの解答群の中から最も適切なものを一つ選び、解答欄の記号にマークしなさい。

(1) ピストンがシリンダー内の左端にあるとき(図1)、容器内の気体の圧力が p_0 [N/m^2]、体積が V_0 [m^3]、温度が T_0 [K] であった。容器内の気体のモル数 [mol] を求めなさい。

つぎに、ピストンをゆっくりとひくと、気体の圧力 p [N/m^2] と体積 V [m^3] が $pV^{\frac{5}{3}} = \text{一定}$ の関係を満たしながら、圧力が p_0 から p_1 へ変化した ($p_0 > p_1$) (図2)。

(2) 気体の温度 [K] を求めなさい。

(3) 気体の内部エネルギーの増加分 [J] を求めなさい。

(4) 気体が外部へした仕事 [J] を求めなさい。

(5) シリンダーへ移動した気体のモル数 [mol] を求めなさい。

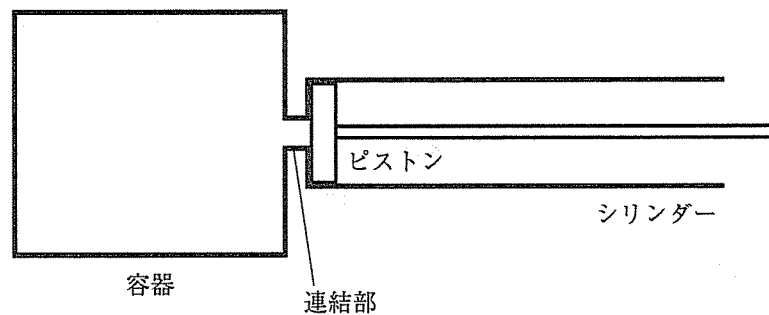


図1

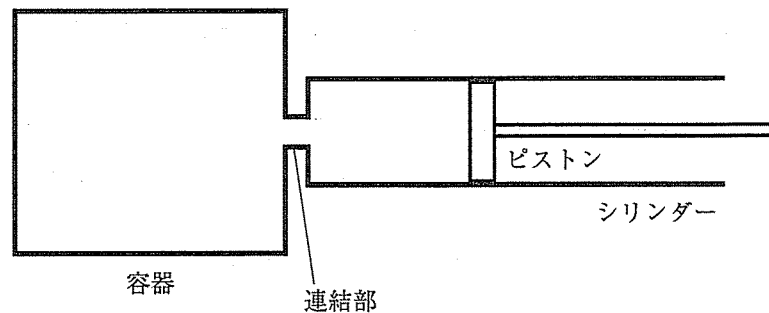


図2

[解答群]

(1) ア. $\frac{1}{2} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ イ. $\frac{1}{\sqrt{2}} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ ウ. $\frac{2}{3} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ エ. $\frac{p_0 V_0}{RT_0}$ オ. $\frac{3}{2} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$

カ. $\frac{\sqrt{2} p_0 V_0}{RT_0}$ キ. $\frac{2p_0 V_0}{RT_0}$

(2) ア. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{3}{5}} T_0$ イ. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{3}} T_0$ ウ. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{2}{5}} T_0$ エ. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{2}} T_0$

オ. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{7}} T_0$ カ. $\left(\frac{p_1}{p_0}\right) T_0$ キ. T_0

(3) ア. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{3}{5}} - 1 \right\} p_0 V_0$ イ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{3}} - 1 \right\} p_0 V_0$ ウ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{2}{5}} - 1 \right\} p_0 V_0$

エ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{2}} - 1 \right\} p_0 V_0$ オ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{7}} - 1 \right\} p_0 V_0$ カ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{7}{5}} - 1 \right\} p_0 V_0$

キ. $\frac{3}{2} \left\{ \left(\frac{p_1}{p_0}\right) - 1 \right\} p_0 V_0$

(4) ア. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{3}{5}} \right\} p_0 V_0$ イ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{3}} \right\} p_0 V_0$ ウ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{2}{5}} \right\} p_0 V_0$

エ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{2}} \right\} p_0 V_0$ オ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{7}} \right\} p_0 V_0$ カ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{7}{5}} \right\} p_0 V_0$

キ. $\frac{3}{2} \left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right) \right\} p_0 V_0$

(5) ア. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{3}{5}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ イ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{3}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ ウ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{2}{5}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$

エ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{2}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ オ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{5}{7}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$ カ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\frac{7}{5}} \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$

キ. $\left\{ 1 - \left(\frac{p_1}{p_0}\right) \right\} \frac{p_0 V_0}{RT_0}$

4 水素原子中の電子（電気量 $-e$ [C]，質量 m [kg]）は陽子（電気量 e [C]，質量 M [kg]）からクーロン力を受け、これを向心力として半径 r [m] の円軌道上を、等速円運動しているものとする。また、クーロン力による電子の位置エネルギーは無限遠を基準とする。ここで、円周率を π ，クーロンの法則の比例定数を k [$\text{N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$]，真空中の光の速さを c [m/s]，プランク定数を h [$\text{J} \cdot \text{s}$] とする。次の各問いについて、それぞれの解答群の中から最も適切なものを一つ選び、解答欄の記号にマークしなさい。

(1) 電子の力学的エネルギーを求めなさい。

(2) 電子の運動量と円軌道の円周の長さとの積が、プランク定数の n 倍（ただし、 n は正の整数）に等しいとするボーアの量子条件を用いて、電子の円軌道の半径を求めなさい。

水素原子の電子の持つエネルギーは、とびとびの値しか許されず、 n 番目の軌道にいる電子のエネルギーは次式で表される。

$$E_n = -\frac{hcR}{n^2}$$

ここで、 R [1/m] はリュードベリ定数である。

(3) リュードベリ定数を求めなさい。

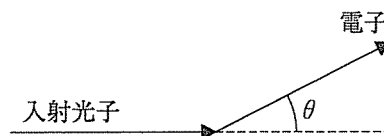
$n = 1$ の基底状態にある静止した水素原子に、速さ w で電子を衝突させたところ、入射した電子はエネルギーを一部失って飛び去り、水素原子は $n = l$ ($l \geq 2$) の励起状態に移った。ただし、衝突によって動き出す水素原子の運動エネルギーは無視できるものとする。

(4) 飛び去った電子の速さを求めなさい。

(5) 励起状態の水素原子は、光子を一つ放出して基底状態に戻った。光子の波長を求めなさい。

次に、静止した水素原子に、振動数 ν の光子を衝突させたところ、光子は吸収され、水素原子から電子が飛び出した。電子は図のように入射光子の進行方向から測って θ の方向に速さ U で飛び去り、陽子もある方向に飛び去った。

(6) 飛び去った陽子の速さを求めなさい。



〔解答群〕

(1) ア. $-\frac{\pi ke^2}{r}$ イ. $-\frac{2ke^2}{r}$ ウ. $-\frac{\pi ke^2}{2r}$ エ. $-\frac{ke^2}{r}$ オ. $-\frac{2ke^2}{\pi r}$ カ. $-\frac{ke^2}{2r}$

(2) ア. $\frac{n^2 h^2}{8\pi^2 mke^2}$ イ. $\frac{n^2 h^2}{4\pi^2 mke^2}$ ウ. $\frac{n^2 h^2}{\pi^3 mke^2}$ エ. $\frac{n^2 h^2}{2\pi^2 mke^2}$ オ. $\frac{n^2 h^2}{\pi^2 mke^2}$

カ. $\frac{2n^2 h^2}{\pi^2 mke^2}$

(3) ア. $\frac{\pi mk^2 e^4}{ch^3}$ イ. $\frac{\pi^2 mk^2 e^4}{2ch^3}$ ウ. $\frac{\pi^2 mk^2 e^4}{ch^3}$ エ. $\frac{2\pi^2 mk^2 e^4}{ch^3}$ オ. $\frac{\pi^3 mk^2 e^4}{ch^3}$

カ. $\frac{4\pi^2 mk^2 e^4}{ch^3}$

(4) ア. $\sqrt{w^2 - \frac{2chR}{m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$ イ. $\sqrt{w^2 - \frac{\pi chR}{2m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$ ウ. $\sqrt{w^2 - \frac{chR}{m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$

エ. $\sqrt{w^2 - \frac{2chR}{\pi m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$ オ. $\sqrt{w^2 - \frac{chR}{2m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$ カ. $\sqrt{w^2 - \frac{chR}{\pi m} \left(1 - \frac{1}{l^2}\right)}$

(5) ア. $\frac{l^2}{4R(l^2-1)}$ イ. $\frac{l^2}{\pi R(l^2-1)}$ ウ. $\frac{l^2}{2R(l^2-1)}$ エ. $\frac{2l^2}{\pi R(l^2-1)}$ オ. $\frac{l^2}{R(l^2-1)}$

カ. $\frac{\pi l^2}{2R(l^2-1)}$

(6) ア. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{2h\nu}{c}\right)^2 - \frac{4h\nu}{c} mU \cos \theta + (mU)^2}$ イ. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{h\nu}{c}\right)^2 - \frac{h\nu}{c} mU \cos \theta + (mU)^2}$

ウ. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{h\nu}{c}\right)^2 - \frac{2h\nu}{c} mU \cos \theta + (mU)^2}$ エ. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{2h\nu}{c}\right)^2 - \frac{4h\nu}{c} mU \sin \theta + (mU)^2}$

オ. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{h\nu}{c}\right)^2 - \frac{h\nu}{c} mU \sin \theta + (mU)^2}$ カ. $\frac{1}{M} \sqrt{\left(\frac{h\nu}{c}\right)^2 - \frac{2h\nu}{c} mU \sin \theta + (mU)^2}$