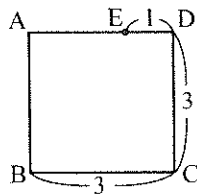


- 1 図のような、1辺の長さが3の正方形 ABCD がある。また、この正方形の辺上を動く点 P が A の位置にある。1個のさいころと1枚の硬貨を同時に1回投げる試行に対して、P は次の規則に従うものとする。

- ・硬貨の表が出るとき、さいころの目と同じ長さを時計回りに動く。
- ・硬貨の裏が出るとき、さいころの目と同じ長さを反時計回りに動く。



- (1) この試行を2回続けて行ったとき、P が C の位置にある確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ である。
- (2) この試行を2回続けて行ったとき、P が B の位置にある確率は $\frac{\text{エ}}{\text{オカ}}$ である。
- (3) この試行を3回続けて行ったとき、P が常に反時計回りに動いて、図の点 E の位置にある確率は $\frac{\text{キ}}{\text{クケ}}$ である。
- (4) この試行を3回続けて行ったとき、P が A の位置にある確率は $\frac{\text{コサ}}{\text{シスセ}}$ である。

- 2 a を正の定数とする。 x についての2つの2次不等式 $ax^2 + 2(a-1)x - 4 < 0 \dots\dots ①$, $3x^2 + (3a-1)x - a \geq 0 \dots\dots ②$ について、以下の問いに答えよ。

- (1) $a = 1$ のとき、①、②を同時に満たす整数 x は ソ 個存在する。
- (2) $2 < a < 6$ のとき、①、②を同時に満たす x の範囲は $\frac{\text{タ}}{\text{チ}} \leq x < \frac{\text{ツ}}{a}$ である。
- (3) $x = \frac{1}{2}$ が①、②を同時に満たすような a の値の範囲は $0 < a < \text{テ}$ である。
- (4) ①、②を同時に満たす整数 x がちょうど5個存在するような a の値の範囲は $\frac{\text{ト}}{\text{ナ}} \leq a < \frac{\text{ニ}}{\text{ヌ}}$ である。
- (5) ①、②を同時に満たす実数 x が存在しないような a の値の範囲は $a \geq \text{ネ}$ である。
- (6) ①、②を同時に満たす整数 x が存在しないような a の値の範囲は $a \geq \text{ノ}$ である。

3 点 $A_1(0, 1), B(1, 0), C(-1, 0)$ がある。 n を自然数とし、点 A_n に対し点 A_{n+1} を次の規則により定める。

- ・ n が奇数のとき、線分 A_nB を $1:2$ に内分する点を A_{n+1} とする。
- ・ n が偶数のとき、線分 A_nC を $1:2$ に内分する点を A_{n+1} とする。

$A_n(x_n, y_n)$ とするとき、以下の問いに答えよ。

(1) x_{n+1} と x_n の関係式および y_{n+1} と y_n の関係式は、それぞれ

$$x_{n+1} = \frac{\text{ハ}}{\text{ヒ}} x_n + \frac{(-1)^{n+1}}{\text{フ}}, \quad x_1 = 0, \quad y_{n+1} = \frac{\text{へ}}{\text{ホ}} y_n, \quad y_1 = 1 \text{ で表される。}$$

(2) $z_n = \frac{x_n}{(-1)^n}$ とおくと、 $z_{n+1} = -\frac{\text{マ}}{\text{ミ}} z_n + \frac{\text{ム}}{\text{メ}}$, $z_1 = 0$ であり、

$$x_n = \frac{\text{モ}}{\text{ヤ}} \left\{ (-1)^n + \left(\frac{\text{ユ}}{\text{ヨ}} \right)^{n-1} \right\} \text{ である。}$$

(3) x_n と y_n について、 $\text{ラ} x_n - y_n = (-1)^n$ の関係式が成り立つ。

(4) $\triangle A_{2n-1}A_{2n}A_{2n+1}$ の面積を S_n とするとき、 $S_1 = \frac{\text{リ}}{\text{ル}}$ であり、 $\sum_{n=1}^{\infty} S_n = \frac{\text{レ}}{\text{ロ}}$ である。

4 楕円 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{3} = 1$ ……① 上を動く点 P と、点 $(1, 0)$ の距離の最小値は $\frac{\sqrt{\text{ワヲ}}}{\text{あ}}$ で

あり、そのときの点 P の座標は $A\left(\frac{\text{い}}{\text{う}}, \frac{\text{え}}{\text{お}}\right)$, $B\left(\frac{\text{い}}{\text{う}}, -\frac{\text{え}}{\text{お}}\right)$ である。 A における①の接線 ℓ_1 と、 B における①の接線 m_1 の交点を T とするとき、 T の座標は $\left(\frac{\text{か}}{\text{き}}\right)$ である。また、 $\tan \angle ATB$ の値は $\frac{\text{く}}{\text{け}}$ である。

次に、 ℓ_1 に平行な①の接線を ℓ_2 とし、 m_1 に平行な①の接線を m_2 とする。4本の直線 ℓ_1, m_1, ℓ_2, m_2 で囲まれた平行四辺形の面積は こさ である。さらに、①と ℓ_2 の接点を C , ①と m_2 の接点を D とするとき、四角形 $ABCD$ の面積は し である。