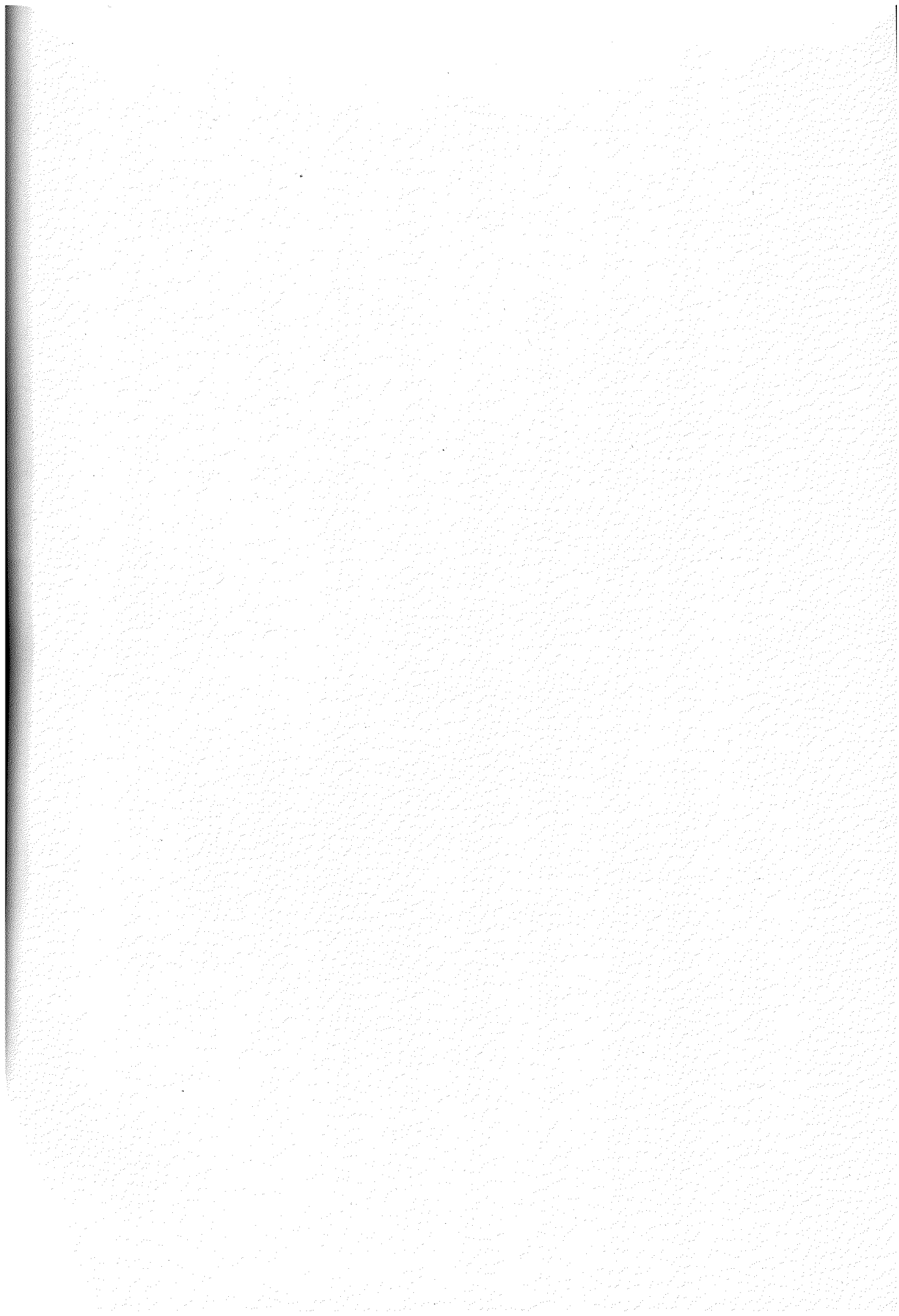


## 令和4(2022)年度入学者選抜個別(第2次)学力検査問題

# 理 科

### 注 意 事 項

1. 監督者の指示があるまで、この冊子を開いてはいけません。
2. この冊子は、全部で37ページあり、第1～3ページは下書用紙です。下書用紙は切り離してはいけません。
3. 解答用紙は、問題冊子と別に印刷されているので、誤らないように注意しなさい。
4. 解答は、必ず解答用紙の指定された欄内に記入しなさい。点線より右側には何も記入しないこと。
5. 入学志願票に選択を記載した2科目について解答しなさい。選択していない科目について解答しても無効です。
6. 各解答用紙には、受験番号欄が2か所ずつあります。それぞれ記入を忘れないこと。
7. 解答用紙は、記入の有無にかかわらず、机上に置き、持ち帰ってはいけません。この冊子は持ち帰りなさい。
8. 落丁または印刷の不鮮明な箇所があれば申し出なさい。



下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)



下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)



下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)

# 物 理

(注) 医学科の受験生は問1から問8までを、歯学科および保健衛生学科(検査技術学専攻)の受験生は問1から問6までを解答せよ。

1 大きさが無視できる人工衛星を地球の地表面近くで水平方向に速さ  $v_0$  で打ち出すと、地表すれすれで地球の半径  $R$  の円軌道を描いて周回する。この速度  $v_0$  を第一宇宙速度という。また第二宇宙速度  $v'$  を超えると、人工衛星は地球から無限遠方まで飛び去ることができる。地表での重力加速度の大きさを  $g$  とし、以下の問題に答えよ。ここで、地球を真球とし、地表の構造物や空気抵抗、地球の自転と公転の影響は無視できるとする。また、地球と人工衛星の間に働く万有引力のみを考え、万有引力による位置エネルギーの基準(位置エネルギー0)は無限遠とする。

問 1 第一宇宙速度  $v_0$  およびその周期  $T_0$  を、 $R$ 、 $g$  を用いて表せ。

問 2 第二宇宙速度  $v'$  を、 $R$ 、 $g$  を用いて表せ。



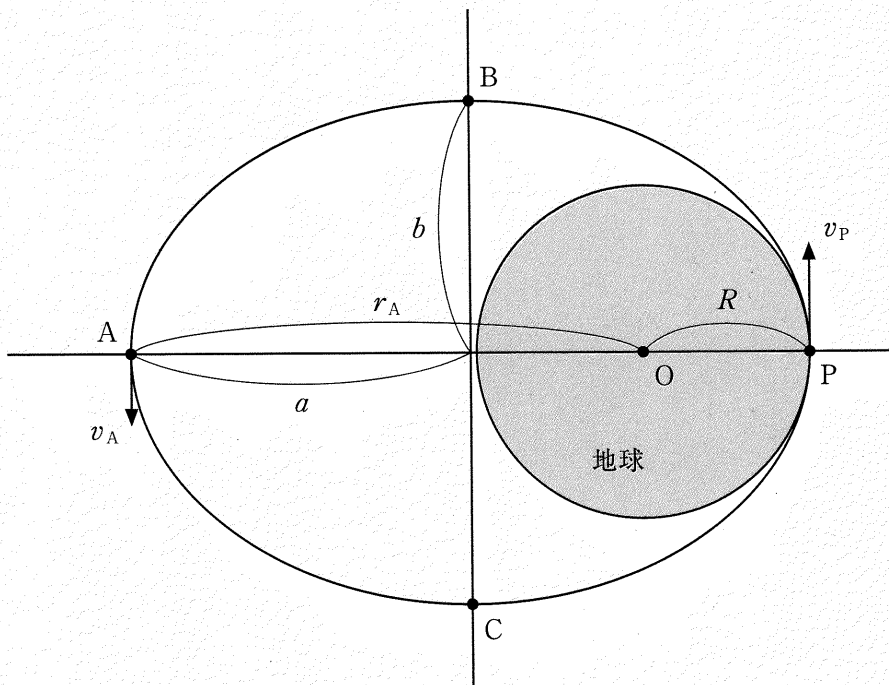


図 1

質量  $m + \Delta m$  の人工衛星が地表すれすれで反時計回りに半径  $R$  の円軌道を周回している。この人工衛星が図 1 の点  $P$  に来た時、人工衛星から質量  $\Delta m$  の物体を後方に放出した。放出直後、人工衛星の速度は  $v_P$  となり、質量  $\Delta m$  の物体の速度はゼロとなった。その後、人工衛星は、図 1 の長軸半径  $a$ 、短軸半径  $b$  の楕円軌道を周回した。この楕円軌道の焦点の一つは地球の中心  $O$  に一致している。点  $A$  は楕円軌道上で  $O$  から最も遠い点であり、線分  $\overline{OA} = r_A$ 、点  $A$  を通過するときの人工衛星の速さを  $v_A$  とすると、ケプラーの第 2 法則(面積速度一定の法則)から

$$Rv_P = r_A v_A$$

が成り立つ。

問 3  $v_P$  を  $m, \Delta m, v_0$  を用いて表せ。

問 4 人工衛星が質量  $\Delta m$  の物体を放出するときに使われたエネルギー  $\Delta E$  を、 $m, \Delta m, v_0$  を用いて表せ。

問 5 人工衛星が図 1 の楕円軌道上を周回するとき、

$$v_P = \sqrt{2gR} \times \boxed{\quad} \quad (1)$$

$$v_A = \sqrt{2gR} \times \boxed{\quad} \quad (2)$$

と書くことができる。空欄(1), (2)のそれぞれに入る式を、 $R, r_A$  を用いて表せ。

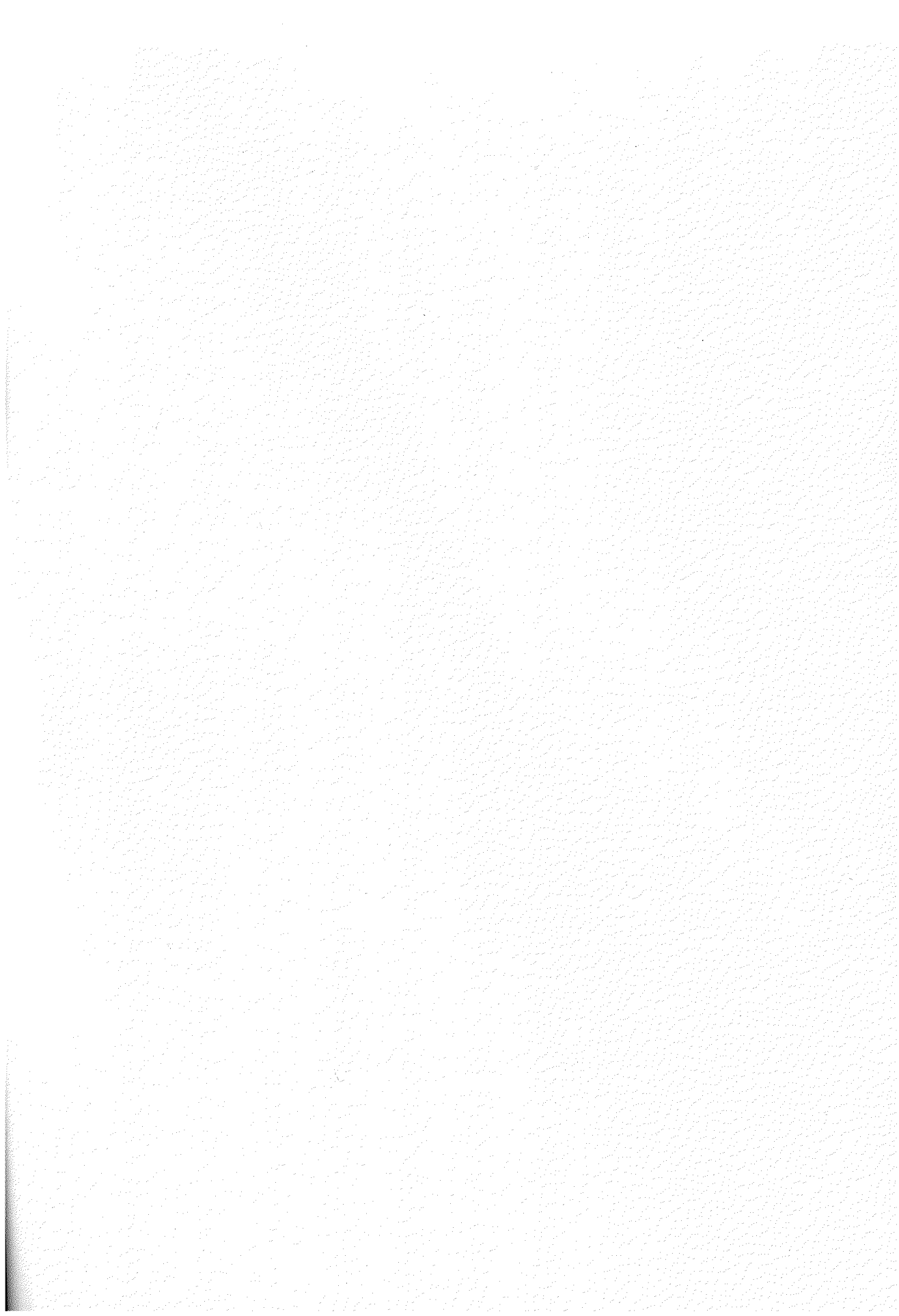
問 6 楕円軌道の周期を  $T$  とするとき、 $\frac{T}{T_0}$  を、 $R, r_A$  を用いて表せ。

問 7 人工衛星の力学的エネルギーを、 $R, g, m, r_A$  を用いて表せ。

問 8 ケプラーの第 2 法則からわかるように、楕円軌道では点 P に近いほど人工衛星が速く運動し、点 A に近いほど遅く運動する。図 1 のように、楕円の短軸と楕円軌道の交差する点を点 B, 点 C とすると、人工衛星が点 B から点 C に達するまでの時間  $T_1$  と点 C から点 B に達するまでの時間  $T_2$  は異なる。

$$T_1 = 2T_2$$

となる楕円軌道の短軸半径  $b$  を、 $a$  を用いて表せ。ただし楕円の性質から、線分  $\overline{OB} = \overline{OC} = a$  である。また必要であれば、図 1 の楕円の面積は  $\pi ab$  と表されることを用いよ。



(注) 医学科の受験生は問1から問2(6)までを、歯学科および保健衛生学科(検査技術学専攻)の受験生は問1から問2(4)までを解答せよ。

2

問1 図1のように、電場と磁場中を運動する質量  $m$ 、電荷  $q (> 0)$  の荷電粒子を考える。荷電粒子は真空中を運動し、その大きさと重力の影響は無視できるとする。紙面( $xy$ 平面)に垂直で裏から表に向かう磁束密度の大きさが一定で  $B_0$  の一様な磁場がかかった領域 I ( $y > 0$ ) と、 $+y$  方向に向いた強さが一定で  $E$  の一様な電場がかかった領域 II ( $y < 0$ ) がある。座標  $(0, -d)$  の点  $Q_1$  に静止していた荷電粒子を静かに放すと、 $y$  軸上を加速しながら進み、原点  $O$  から領域 I に入射した。以下の問題に答えよ。

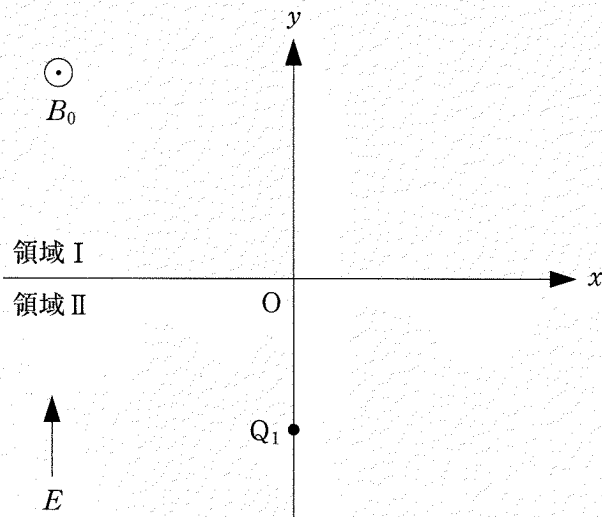


図1

- (1) 荷電粒子が原点  $O$  に到達した時の速さを  $E, d, m, q$  のうち必要なものを用いて表せ。
- (2) その後、領域 I 内で円運動し点  $Q_2$  より再び領域 II に入射した。点  $Q_2$  の座標を  $B_0, E, d, m, q$  のうち必要なものを用いて表せ。

- (3) 荷電粒子が点  $Q_1$  から点  $Q_2$  に到達するまでにかかる時間を,  $B_0, E, d, m, q$  のうち必要なものを用いて表せ。
- (4) 荷電粒子が点  $Q_1$  から点  $Q_2$  に到達するまでに電場と磁場が荷電粒子にする仕事の合計を,  $B_0, E, d, m, q$  のうち必要なものを用いて表せ。
- (5)  $\alpha$  粒子( $\alpha$ 線の粒子)と  $\beta$  粒子( $\beta$ 線の粒子)を考える。まず  $\alpha$  粒子を原点  $O$  より  $+y$  方向に速さ  $v_\alpha$  で領域 I へ入射したところ, 領域 I で半径  $r_\alpha$  の円運動となった。次に  $\beta$  粒子を原点  $O$  より  $+y$  方向に速さ  $v_\beta$  で領域 I へ入射したところ, 領域 I で半径  $r_\beta$  の円運動となった。 $\alpha$  粒子の質量  $m_\alpha$  と  $\beta$  粒子の質量  $m_\beta$  の比  $m_\alpha/m_\beta$  を,  $B_0, e, r_\alpha, r_\beta, v_\alpha, v_\beta$  のうち必要なものを用いて表せ。なお, 電気素量を  $e$  とし,  $\alpha$  粒子と  $\beta$  粒子の大きさは無視できるとする。

次に図2のように, 質量  $m$ , 電荷  $q (> 0)$  の荷電粒子が, 原点  $O$  より  $x$  軸の負の向きから角度  $\theta (0 < \theta < \frac{\pi}{2})$  の方向に速さ  $v_0$  で領域 I へ入射した。その後, 領域 I 内で円運動し点  $Q_3$  より再び領域 II に入射した。

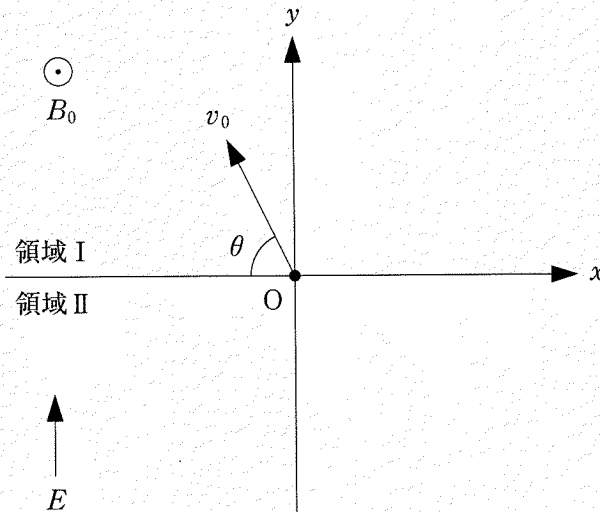


図2

- (6) 原点  $O$  から点  $Q_3$  までの荷電粒子の軌跡を図示せよ。また、円運動の中心と点  $Q_3$  の座標を、 $B_0, m, q, v_0, \theta$  のうち必要なものを用いて表せ。
- (7) 荷電粒子が原点  $O$  から点  $Q_3$  に到達にするまでの時間を、 $B_0, m, q, v_0, \theta$  のうち必要なものを用いて表せ。

問 2 図3のように、電場と磁場中を運動する質量  $m$ 、電荷  $q (> 0)$  の荷電粒子を考える。荷電粒子は真空中を運動し、その大きさと重力の影響は無視できるとする。紙面 ( $xy$  平面) に垂直な方向に磁束密度の大きさが一定で  $B = B_0$  の一様な磁場がかかった領域 1 ( $y > d$ )、領域 2 ( $y < 0$ ) と、 $y$  軸に平行で強さが  $E$  で一定の一様な電場がかかっている領域 3 ( $0 < y < d$ ) がある。原点  $O$  で静止していた荷電粒子を静かに放すと、領域 3 の  $+y$  方向に向いた電場によって加速され、点  $P_1$  から領域 1 に入射した。荷電粒子は領域 1 で円運動した後、点  $P_1'$  より領域 3 に入射し、強さが  $E$  のまま向きが逆転した一様な電場により  $-y$  方向に加速され、点  $P_2$  から領域 2 に入射した。以後、粒子は円運動(領域 2)、加速(領域 3)、円運動(領域 1)、加速(領域 3)…を繰り返し、円運動の半径は徐々に大きくなっていく。以下の問題に答えよ。

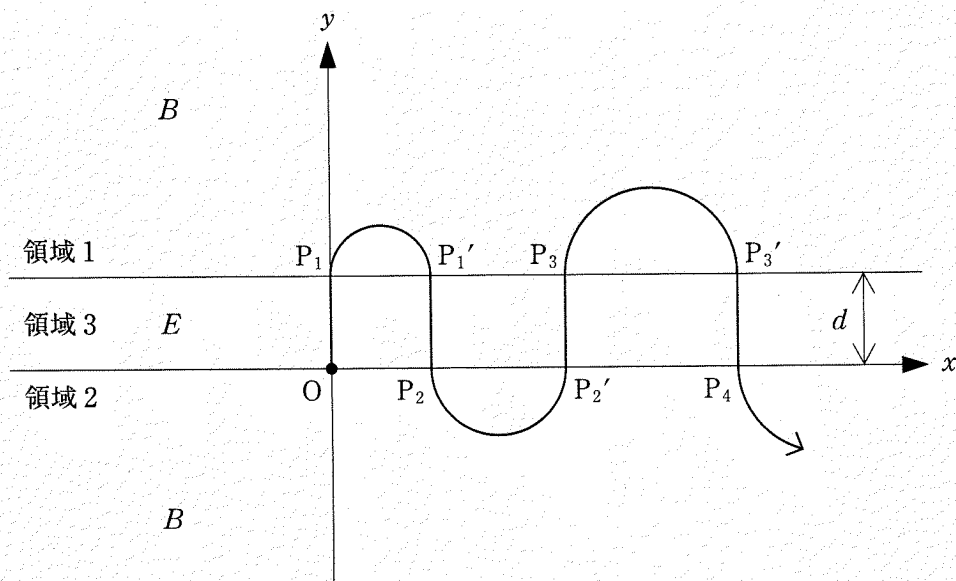


図 3

- (1) 領域 1 および領域 2 の磁場の向きは、それぞれ紙面の「表から裏」、「裏から表」のいずれか答えよ。

- (2) 荷電粒子が原点・ $O$  から  $P_3'$  に到達するまでの間、運動エネルギーはどう変化するか。グラフの横軸を原点  $O$  から荷電粒子が運動した軌跡の長さとして図示せよ。なお、解答用紙のグラフの横軸にはあらかじめ点  $P_1, P_1', P_2, P_2', P_3, P_3'$  が記入してある。

荷電粒子は領域 3 を  $n$  回目 ( $n = 1, 2, \dots$ ) に通過直後、領域 1 または領域 2 に入射して円運動する。この円運動の半径を  $r_n$ 、円運動している時間を  $t_n$  とする。

- (3)  $r_n$  を、 $B_0, E, d, m, n, q$  のうち必要なものを用いて表せ。

- (4)  $t_n$  を、 $B_0, E, d, m, n, q$  のうち必要なものを用いて表せ。

荷電粒子が領域 3 を  $n$  回通過した後、円運動の半径がいつも  $r_n$  から変わらないようにしたい。そのためには荷電粒子が領域 3 を  $n + N$  回目 ( $N = 1, 2, \dots$ ) に通過直後、入射した領域 1 あるいは領域 2 の磁束密度の大きさを  $B_{n,N}$  としなければならない。この時、 $n + N$  回目の円運動をする時間は  $t_{n,N}$  となる。

- (5)  $B_{n,N}$  を、 $B_0, N, n$  を用いて表せ。

- (6)  $\frac{t_{n,N}}{t_n}$  を、 $N, n$  を用いて表せ。



