

(令 4 前)

理 科

	ページ
物 理	1～ 5
化 学	6～14
生 物	15～24
地 学	25～30

・ページ番号のついていない白紙は下書き用紙である。

注意 解答はすべて答案用紙の指定のところに記入しなさい。

物 理	75 点
化 学	75 点
生 物	75 点
地 学	75 点

物 理

I 図 1 のように、なめらかな水平面上で質量 m_A の小球 A と質量 m_B の小球 B が同じ速さ v_0 で x 軸からの角度 45° で進み、座標の原点で衝突した。衝突後、小球 A は角度 θ_A の向きに速さ v_A で進み、小球 B は角度 θ_B の向きに速さ v_B で進んだ。ただし、 θ_A は x 軸から反時計回りを正とし、 θ_B は x 軸から時計回りを正とする。また、小球 A と小球 B が衝突するとき互いに受ける力は y 軸方向であった。以下の問 1～4 に答えなさい。なお、問 3 と問 4 は、解答の導出過程も示しなさい。問題の解答に必要な物理量があれば、それらを表す記号は全て各自が定義して解答欄に明示しなさい。(配点 25 点)

問 1 衝突前の二つの小球の運動量の和の x 成分と y 成分を v_0 を含む式で答えなさい。また、衝突後の二つの小球の運動量の和の x 成分と y 成分を角度 θ_A , θ_B を含む式で答えなさい。

問 2 衝突後の二つの小球の運動量の和の x 成分と y 成分を v_0 を用いて答えなさい。

問 3 この衝突が完全弾性衝突である場合に、 $\tan \theta_A$ を m_A , m_B のみを含む式で表しなさい。

問 4 次に、小球 A と小球 B が完全非弾性衝突により一体となった場合を考える。この場合、小球 A と小球 B の運動エネルギーの和が、衝突の前後でどれだけ変化するか、 m_A , m_B , v_0 のみを含む式で表しなさい。

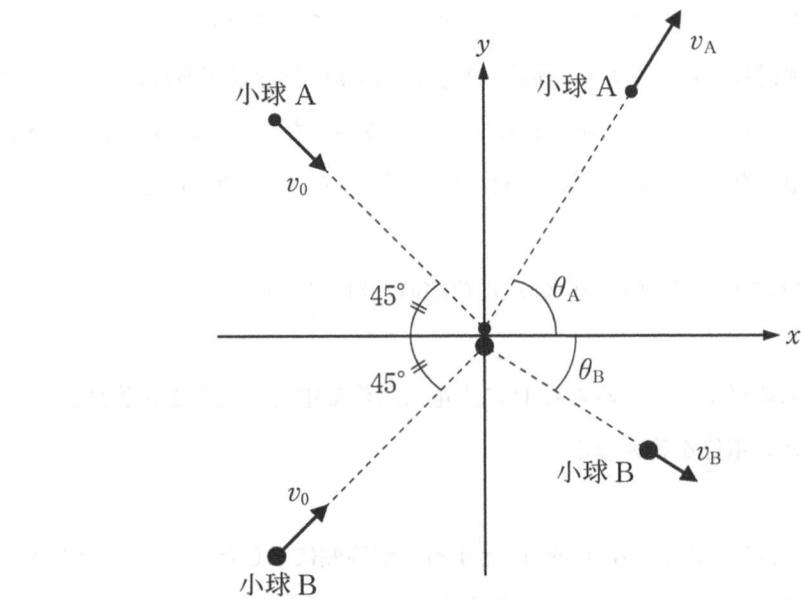


図 1

図 1 は、2 次元座標系 (x , y) 上で、2 つの球 (A, B) の運動を示す。球 A は原点に位置し、速度 v_A で運動している。球 B は位置ベクトル r_B から原点に位置し、速度 v_B で運動している。

球 A の初速 v_0 は、 x 軸と 45° の角度で、 y 軸と -45° の角度である。球 B の初速 v_0 は、 x 軸と 45° の角度で、 y 軸と -45° の角度である。球 A の運動軌道は、 θ_A と表される角度で示されている。球 B の運動軌道は、 θ_B と表される角度で示されている。

図 1 の運動は、2 次元空間の運動を示す。球 A の運動軌道は、 θ_A と表される角度で示されている。球 B の運動軌道は、 θ_B と表される角度で示されている。

II 点電荷が作る電場と電位について、以下の問1～5に答えなさい。なお、問3～5は、解答の導出過程も示しなさい。問題の解答に必要な物理量があれば、それらを表す記号は全て各自が定義して解答欄に明示しなさい。ただし、電位の基準を無限遠とし、真空中のクーロンの法則の比例定数を k とする。(配点 25 点)

真空中の点 O に大きさ $q (q > 0)$ の点電荷が置かれている。

問 1 点 O から距離 r だけ離れた点 P に点電荷が作る電場の大きさを答えなさい。

また、点 P の電位を答えなさい。

問 2 問1において、点 P の電位を V とする。解答欄に示した、点 O と点 P を含む図中に電位が V , $2V$, $3V$ の等電位線をそれぞれ描きなさい。また、図中に電場の向きがわかるように電気力線を描きなさい。

問 3 問1において、大きさ $Q (Q > 0)$ の電荷をもつ質量 m の小球を無限遠からゆっくり点 P まで動かした。小球に外力がする仕事を求めなさい。次に、小球を点 P で静かに放したら動き始めた。小球が無限遠に達したときの速さを求めなさい。ただし、小球を放したのちクーロン力以外の力は、はたらかないものとする。

次に、図1のように大きさ $q (q > 0)$ と大きさ $q' (q' > 0)$ の点電荷がそれぞれ原点から a だけ離れた x 軸上の点 A と B に固定されている場合を考える。原点から a だけ離れた y 軸上の点 C での電場の向きは、 y 軸から 15° 傾いていた。

問 4 q と q' の比を求めなさい。

問 5 大きさ $Q (Q > 0)$ の電荷をもつ質量 m の小球を点 C に置き、静かに放した。このとき小球の加速度を求めなさい。小球が無限遠に達したときの速さを求めなさい。

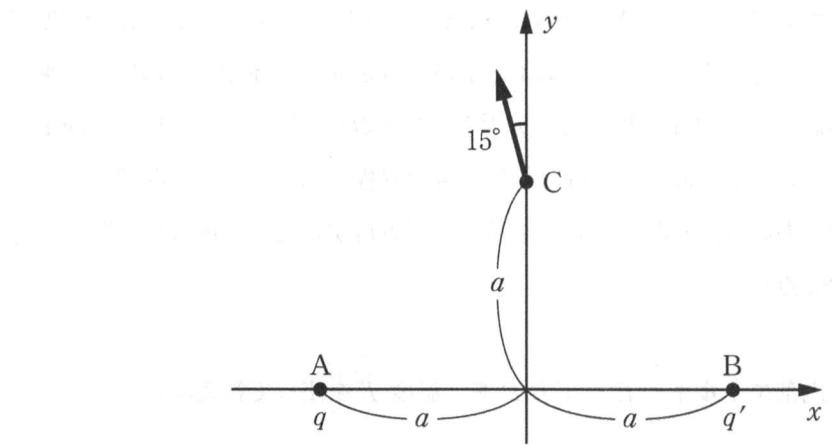


図 1

III 一辺の長さが L である立方体の容器に, n モルの单原子分子からなる絶対温度 T の理想気体が閉じ込められている。気体分子の質量を m , 気体分子の速さを 2 乗したもののがんばり値を $\overline{v^2}$, 気体定数を R , アボガドロ定数を N_A で表す。以下の問 1 ~ 5 に答えなさい。なお, 問 2 ~ 4 は, 解答の導出過程も示しなさい。問題の解答に必要な物理量があれば, それらを表す記号は全て各自が定義して解答欄に明示しなさい。(配点 25 点)

問 1 気体の内部エネルギー E と圧力 P を, 温度 T を使って答えなさい。

問 2 気体の内部エネルギー E と圧力 P を, $\overline{v^2}$ を使って表しなさい。

問 3 $\overline{v^2}$ を, 温度 T を使って表しなさい。

問 4 気体分子の質量が $6.6 \times 10^{-27} \text{ kg}$ である場合, 温度 600 K での 2 乗平均速度 $\sqrt{\overline{v^2}}$ の値を有効数字 1 桁で求めなさい。ただし気体定数は $8.3 \text{ J}/(\text{mol}\cdot\text{K})$, アボガドロ定数は $6.0 \times 10^{23} / \text{mol}$ とする。

問 5 容器の壁が圧力を受ける理由を, 気体分子の運動から説明しなさい。解答欄内に記号や数式を使わず, 50 字以内で答えなさい。ただし, 句読点も字数に含める。