

理 科

試験時間

1. 理学部、医学部(医学科・保健学科検査技術科学専攻)、薬学部、工学部は 120 分
2. 医学部(保健学科放射線技術科学専攻)は 60 分

問 題	ページ
物理 [1] ~ [3]	1 ~ 5
化学 [1] ~ [3]	6 ~ 11
生物 [1] ~ [3]	12 ~ 19
地学 [1] ~ [4]	20 ~ 27

注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この冊子を開いてはいけません。
2. あらかじめ届け出た科目の各解答紙の 2箇所に受験番号を必ず記入しなさい。
なお、解答紙には必要事項以外は記入してはいけません。
3. 解答は必ず解答紙の指定された場所に記入しなさい。
4. 試験開始後、この冊子又は解答紙に落丁・乱丁及び印刷の不鮮明な箇所があれば、手を挙げて監督者に知らせなさい。
5. この冊子の白紙と余白部分は、適宜下書きに使用してもかまいません。
6. 試験終了後、解答紙は持ち帰ってはいけません。
7. 試験終了後、この冊子は持ち帰りなさい。

※この冊子の中に解答紙が挟み込んであります。

物 理

1

図1のように、長さ L [m]の糸の先端に質量 M [kg]の物体Aがつるされて位置aに静止している。このAに、質量 m [kg]の物体Bが水平方向に速さ v [m/s]で衝突したところ、AとBが一つになって糸がたるむことなく最高点bまで到達した。このときの糸の鉛直方向に対する角度は θ [rad]であった ($0 < \theta < \frac{\pi}{2}$)。重力加速度の大きさを g [m/s²]とし、以下の問い合わせに答えよ。ただし A, B の大きさおよび糸の質量を無視する。

(問 1) 衝突直後のAおよびBの速さ V [m/s]を M, m, v を用いて表せ。

(問 2) 衝突によって失われた力学的エネルギーは、衝突前の力学的エネルギーの何倍になるかを、 M と m を用いて表せ。

(問 3) 衝突前のBの速さ v を、 M, m, L, θ, g を用いて表せ。

次に、図2のように、aの真上 r [m]の距離の位置cに釘を設け、上記と同様にBを衝突させた。すると一つになったAおよびBが、糸がたるむことなくcの真上の最高点dに達した。

(問 4) dにおけるAおよびBの速さ V' [m/s]と、このときの糸の張力の大きさ T [N]を M, m, v, g, r を用いて表せ。

(問 5) 糸がたるむことなくdに達するためには、rがある大きさ r_{\max} [m]以下である必要がある。 r_{\max} を M, m, v, g を用いて表せ。

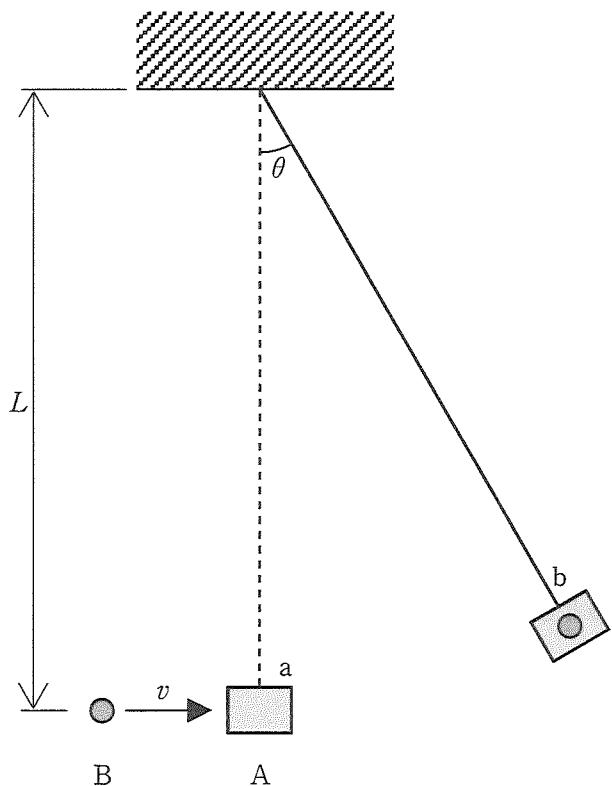


図 1

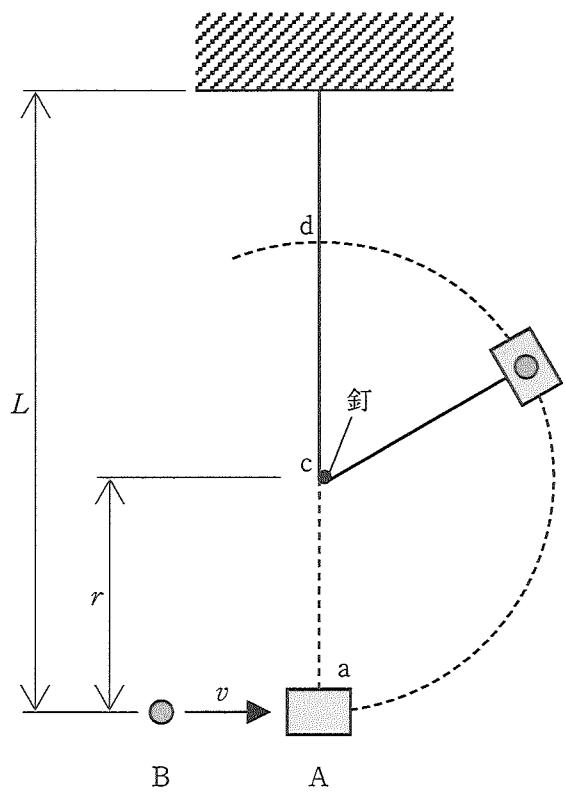


図 2

2

図のように直線導体を間隔 L [m]で平行に並べたレールをつくり、水平面に対して傾斜角 θ [rad]で設置した ($0 \leq \theta < \frac{\pi}{2}$)。レールの上端には抵抗値 R [Ω]の抵抗と内部抵抗が無視できる起電力 E [V]の電池がつないである。一様な磁束密度 B [T]の磁場を鉛直上向きにかけた状態で、図のように質量 m [kg]の導体棒 PQ をレールに対して垂直に置いた。レールは十分に長く、導体棒とレールは常に垂直であり、 PQ は常にレールに接しているとする。レールと導体棒との摩擦、電気抵抗、導体棒の太さは無視できるものとする。重力加速度の大きさを g [m/s²]とし、以下の問い合わせに答えよ。

(問 1) $\theta = 0$ のとき、導体棒に対してレールに沿った力 F [N]を外から加えることで静止状態に保った。加えた力の大きさを、 E , R , B , L を用いて表せ。

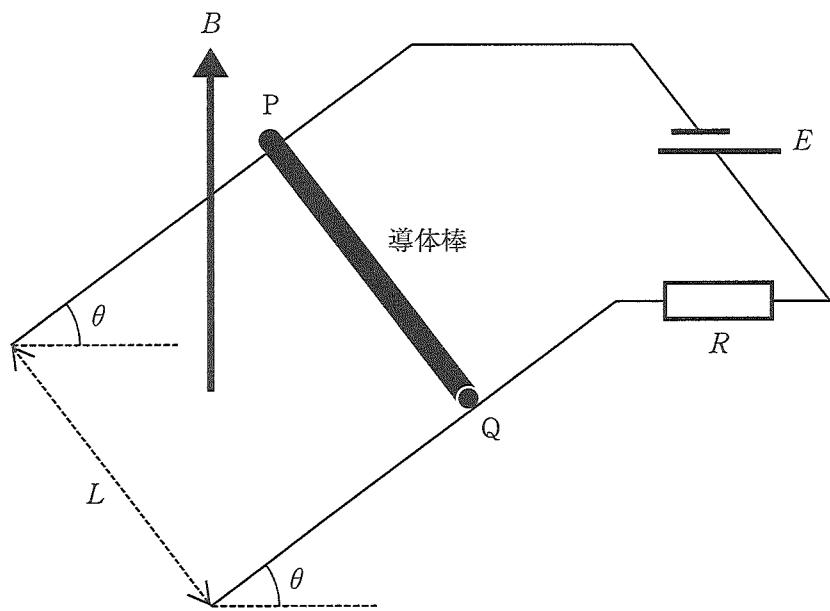
(問 2) $\theta = \theta_1$ のとき、導体棒は外から力を加えることなく静止した。このときの起電力 E を、 R , B , L , m , g , θ_1 を用いて表せ。

次に、 $\theta = \theta_2$ ($< \theta_1$) にしたとき、導体棒はレールに沿って上向きに運動し始めた。

(問 3) 導体棒の速さが v [m/s]となった瞬間の、導体棒に生じる誘導起電力の大きさ V [V]、および抵抗に流れる電流の大きさ I [A]を、 E , v , R , B , L , θ_2 のうち必要なものを用いて表せ。

(問 4) このときの導体棒の加速度 a [m/s²]を、 E , v , R , B , L , m , g , θ_2 を用いて表せ。ただし、レールに沿って上向きを正とする。

(問 5) 時間が十分に経過した後の導体棒の速さ v' [m/s]を、 E , R , B , L , m , g , θ_2 を用いて表せ。



図

3

半減期が T_A の放射性元素 A と半減期 T_B ($T_B < T_A$) を持つ放射性元素 B の原子を、時刻 0 で共に N_0 個準備した。このとき、以下の問い合わせよ。

(問 1) A の時刻 t での個数を求めよ。

(問 2) A の個数が $\frac{N_0}{8}$ になる時刻を求めよ。

(問 3) B の個数が A の $\frac{1}{8}$ になる時刻 t' を、 T_A 、 T_B を用いて表せ。

遺伝情報を含む DNA がタンパク質を作り出す能力を評価するために、放射性物質を利用した測定が行われることがある。特に DNAにおいてはリン(原子番号 15)が重要な構成要素であるため、放射性元素である ^{32}P と ^{33}P を用いて測定が行われることが多い。この ^{32}P と ^{33}P は、それぞれ半減期 14 日と 25 日で原子核が崩壊して、それぞれ安定な硫黄(原子番号 16) ^{32}S と ^{33}S に変わる。時刻 0 で、 ^{32}P と ^{33}P のどちらも 1 mol であったとし、以下の問い合わせよ。

(問 4) この崩壊の種類を答えよ。

(問 5) ^{32}P の原子数が、 ^{33}P の原子数の $\frac{1}{8}$ になる時間 D [日]を、有理数で求めよ。

(問 6) D までに放射性崩壊によって発生した S の全質量 m [g]を有効数字 2 術で求めよ。ただし、計算過程において、 $2^{\frac{2}{11}} \approx 1.13$ を用いよ。

