令和3年度(前期日程) 入学者選抜学力検査問題

数 学 3

(数学 I · 数学 II · 数学 II · 数学 A · 数学 B)

試験時間 120分

医学部(医学科)

問題 ページ 1 ~ 4 ············· 1~2

注 意 事 項

- 1. 試験開始の合図があるまで、この冊子を開いてはいけません。
- 2. 各解答紙の2箇所に受験番号を必ず記入しなさい。 なお、解答紙には、必要事項以外は記入してはいけません。
- 3. 解答は、必ず指定された解答紙に記入しなさい。また裏面は採点の対象としません。
- 4. 試験開始後、この冊子又は解答紙に落丁・乱丁及び印刷の不鮮明な箇所などがあれば、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 5. この冊子の白紙と余白部分は、適宜下書きに使用してもかまいません。
- 6. 試験終了後、解答紙は持ち帰ってはいけません。
- 7. 試験終了後,この冊子は持ち帰りなさい。
- ※この冊子の中に解答紙が挟み込んであります。





空間の点 O を通らない平面 α をとる。 α 上の 3 点 A, B, C は三角形をなすとし, $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{OB} = \overrightarrow{b}$, $\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{c}$ とおく。k を 1 より大きい定数とする。直線 ℓ は媒介変数 t を用いて

$$\frac{k}{3}(\vec{b}+2\vec{c})+\frac{tk}{3}(2\vec{a}-\vec{b}-\vec{c})$$

と表せるとする。 ℓ 上を点 X が動くとき、 2 点 O、 X を通る直線と平面 α の交点 Y の軌跡を m とする。

- (問 1) \triangle ABC の各辺と m との交点の個数をそれぞれ求めよ。また、交点がある場合、各交点 Z について、 \overrightarrow{OZ} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} を用いてそれぞれ表せ。
- (問 2) A, Bの中点を D とする。 ℓ を含み α に平行な平面を β とし、 O, D を通る直線と平面 β の交点を E とする。点 O と m 上の点 Y を通る直線は 2 点 E, C を通る直線と交点を も つとし、その交点を F とする。このとき、 \overrightarrow{OF} を \overrightarrow{a} , \overrightarrow{b} , \overrightarrow{c} および k を用いて表せ。
- $oxed{2}$ 複素数w は実部、虚部ともに正であるとする。相異なる複素数 α , β , γ は

$$\{(w+2)\alpha\}^2 + (w\beta)^2 - (2\gamma)^2 = 4(w+2)\alpha^2 + 2w^2\alpha\beta - 8\alpha\gamma$$

を満たすとする。 α , β , γ を表す複素数平面上の点をそれぞれ A, B, C とする。

- (問 1) $\frac{\gamma \alpha}{\beta \alpha}$ の偏角 θ ($0 \le \theta < 2\pi$) のとりうる範囲を求めよ。
- (問 2) $\triangle ABC$ が正三角形であるときのwの値を求めよ。
- (問 3) \triangle ABC が正三角形であるとする。 $w=\alpha$ かつ \triangle ABC の重心が点 $\frac{w^2}{2}$ であるとき、 β と γ の値を求めよ。



3 媒介変数 *t* を用いて表された曲線

$$C: x = \frac{1}{2} (e^{t} + e^{-t}), \ \ y = \frac{1}{2} (e^{t} - e^{-t})$$

を考える。

- (問 1) 点 M の座標を(0,1)とする。曲線 C上の点 P に対して、MP を最小にする t の値 t_0 を求めよ。
- (問 2) (問 1)の t_0 に対する曲線C上の点をQとする。QにおけるCの接線を ℓ とするとき、曲線Cと接線 ℓ およびx軸で囲まれた部分Dの面積を求めよ。
- (問 3) (問 2)のDをy軸の周りに1回転させてできる立体の体積を求めよ。
- 4 次の問いに答えよ。
 - (問 1) n を正の整数とするとき、定積分 $\int_0^{2\pi} |\sin nx \sin 2nx| dx$ を求めよ。
 - (問 2) c を正の数とするとき、 $\lim_{n\to\infty}\int_0^c |\sin nx \sin 2nx| dx$ を求めよ。