



下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)

1 0から9までの相異なる整数が1つずつ書かれた10個の球が、袋の中に入っている。この袋から球を無作為に1個取り出してはもとにもどす操作を3回くり返したとき、取り出した球に書かれている数を順に $a_1, a_2, a_3$ とする。また $b_1 = 10 + a_1, b_2 = 20 + a_2, b_3 = 30 + a_3$ とおき、 $b_1, b_2, b_3, b_1 + b_2 + b_3$ の1の位を四捨五入してえられる数をそれぞれ $c_1, c_2, c_3, c_4$ とする。このとき以下の各問いに答えよ。

- (1)  $b_1 + b_2 + b_3 = 70$  となる確率を求めよ。
- (2)  $c_4 = 90$  となる確率を求めよ。
- (3)  $c_1 = 20$  かつ  $c_1 + c_2 + c_3 > c_4$  となる確率を求めよ。

2  $a, h$  を正の実数とし,  $xyz$  空間の5点  $A(a, a, 0)$ ,  $B(-a, a, 0)$ ,  $C(-a, -a, 0)$ ,  $D(a, -a, 0)$ ,  $E(0, 0, h)$  を頂点とする四角錐を  $P$  とする。 $P$  の  $yz$  平面による断面の周の長さが1であるとき, 以下の各問いに答えよ。

- (1)  $h$  を  $a$  の式で表せ。また,  $a$  が取り得る値の範囲を求めよ。
- (2) 球  $S$  は  $P$  のすべての面に接しているとする。 $a$  が(1)で求めた範囲を動くとき,  $S$  の体積が最大となる  $a$  の値を求めよ。
- (3) 直方体  $Q$  は1つの面が  $xy$  平面上にあり, すべての頂点が  $P$  の边上または面上にあるとする。 $a$  を固定したとき,  $Q$  の体積が取り得る値の最大値を  $V(a)$  とおく。 $a$  が(1)で求めた範囲を動くとき,  $V(a)$  の最大値を求めよ。

**3**  $a, b$  を正の実数とし、曲線  $C: y = b\sqrt{1 + \frac{x^2}{a^2}}$  を考える。このとき以下の各問いに答えよ。

- (1)  $u$  を実数とし、 $C$  上の点  $\left(u, b\sqrt{1 + \frac{u^2}{a^2}}\right)$  における接線の方程式を、 $a, b, u$  を用いて表せ。
- (2)  $C$  上の異なる 2 点における接線の交点の全体からなる領域を図示せよ。
- (3) (2) の領域にある点  $(p, q)$  について、点  $(p, q)$  を通る  $C$  の接線の接点をすべて通る直線の方程式を、 $a, b, p, q$  を用いて表せ。

下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)

下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)

下 書 用 紙 (切り取ってはいけない)