

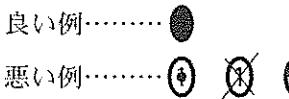
(K—53—M)

令和4年度入学試験問題

理 科

注 意 事 項

1. 指示があるまでこの冊子の中を見てはいけません。
2. 生物、物理、化学の中から2科目選択しなさい。
3. 1科目につき1枚の解答用紙を使用しなさい。
4. 解答用紙のマーク数字は、次の「良い例」のように、濃く正しく塗りつぶしなさい。正しく塗りつぶされていない場合、採点できないことがあります。



5. 各解答用紙には解答欄の他に次の記入欄があるので、正確に記入しなさい。
 - ① 氏名欄……………氏名を漢字とフリガナで記入しなさい。
 - ② 受験番号欄……………6桁の受験番号を算用数字で記入し、マーク欄の数字を正しく塗りつぶしなさい。
 - ③ 解答科目欄……………解答する科目名を記入し、該当科目のマークを塗りつぶしなさい。
6. 解答方法は、問題の解答に対応した解答欄の数字を塗りつぶしなさい。

例えば

- ・ [ア] と表示のある解答欄に対して②と解答する場合、解答用紙の解答欄 ア の②を塗りつぶしなさい。
- ・ [ア] と表示のある解答欄に対して③⑤⑦と解答する場合、解答用紙の解答欄 ア の③⑤⑦を塗りつぶしなさい。

7. この問題冊子の余白を下書きに用いて構いません。
8. 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れなどに気がついた場合は、手を上げて申し出なさい。
9. 試験中に質問がある場合は、手を上げて申し出なさい。
10. 試験終了後、この問題冊子は持ち帰りなさい。
11. 途中退場は認めません。
12. この冊子は、全部で31ページです。生物、物理、化学の順になっています。

目 次

生 物 1~13 ページ(問題 I ~ IV)

物 理 14~19 ページ(問題 I ~ IV)

化 学 20~31 ページ(問題 I ~ IV)

物 理

I [] にあてはまる最も適当な数字をマークすること。整数以外の数値で解答する問題には有効数字2桁で答えよ。分数で解答する問題には既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。

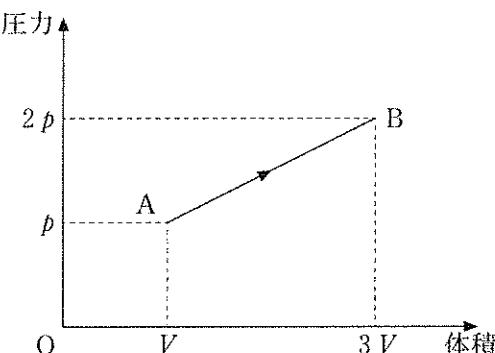
(1) 表面があらい板を水平面内で、板上の点Oのまわりで回転させるとする。点Oから30 cm離れた位置に質量20 gの小物体を置き、板の回転速度をしだいに大きくしていったところ、角速度 $\omega = 4.5 \text{ rad/s}$ を超えたとき、小物体がすべりだした。重力加速度の大きさを $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ として以下の問題に答えよ。

- (a) $\omega = 4.5 \text{ rad/s}$ のとき、小物体にはたらく摩擦力の大きさは [ア]. [イ] $\times 10^{-\square}$ Nである。
 (b) 小物体と板との間の静止摩擦係数は [エ]. [オ] $\times 10^{-\square}$ である。

(2) 単原子分子からなる理想気体が図のようなA → Bの状態変化をした。状態Aの体積と圧力はVとp、状態Bの体積と圧力は3Vと2pである。この状態変化で気体が外部にした仕事は

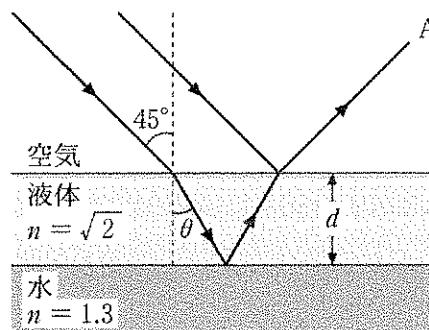
[キ] pV 、気体の内部エネルギーの変化は $\frac{\text{クケ}}{\text{コ}} pV$ 、気体が外部から吸収した熱量は

$\frac{\text{サシ}}{\text{ス}}$ pV である。



(3) 図のように空気に対する屈折率が1.3の水面に、空気に対する屈折率 $\sqrt{2}$ の液体で厚さdの薄い膜をつくり、液体膜の表面に入射角45°で光を当てた。以下の問題に答えよ。

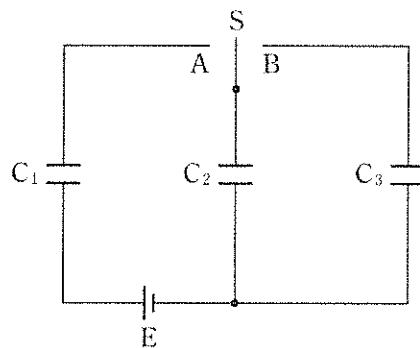
- (a) 空気と液体の境界での屈折角θは [セソ] °である。
 (b) Aから下向きに45°方向の水面を見たとき、空气中での波長が $6.0 \times 10^{-7} \text{ m}$ の光が明るく見えるような最も小さいdの値は [タ]. [チ] $\times 10^{-\square}$ mである。



II [] にあてはまる最も適当な数字をマークすること。整数以外の数値で解答する問題には有効数字2桁で答えよ。

(1) 図のように、電気容量 $C_1 = 2.0 \mu\text{F}$, $C_2 = 3.0 \mu\text{F}$, $C_3 = 4.0 \mu\text{F}$ の3つのコンデンサー C_1 , C_2 , C_3 , スイッチS, および起電力が50Vの電源Eを接続した回路がある。どのコンデンサーにも初めは電荷が蓄えられていないとして、以下の問題に答えよ。

- (a) スイッチをAに入れじゅうぶん時間が経ったとき、 C_1 に蓄えられる電気量は
[ア]. [イ] $\times 10^{-2}$ Cであり、 C_2 の両端の電位差は [エオ] Vとなる。
- (b) スイッチをAからBに切り替えじゅうぶん時間が経ったとき、 C_2 に蓄えられる電気量は
[カ]. [キ] $\times 10^{-2}$ Cであり、 C_3 の両端の電位差は [ケ]. [コ] Vとなる。



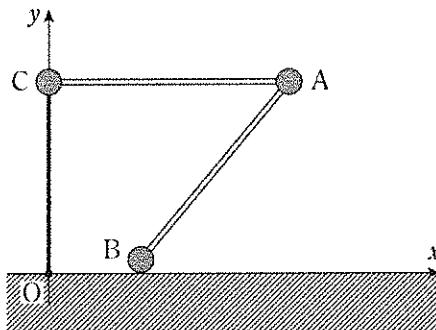
(2) 仕事関数が1.8eVの金属の表面に真空中での波長が $4.0 \times 10^{-7}\text{m}$ の光を当てる。真空中の光速を $3.0 \times 10^8\text{m/s}$ 、プランク定数を $6.6 \times 10^{-34}\text{J}\cdot\text{s}$ 、電気素量を $1.6 \times 10^{-19}\text{C}$ として以下の問題に答えよ。

- (a) この光の光子1個のエネルギーは [サ]. [シ] eVである。
- (b) 金属の表面から飛び出した光電子の最大の運動エネルギーは [ス]. [セ] eVである。

(3) $^{238}_{92}\text{U}$ は $^{218}_{86}\text{Rn}$ になるまでに α 崩壊を [ソ] 回、 β 崩壊を [タ] 回行う。

III [] にあてはまる最も適当な数字をマークすること。分数で解答する問題には既約分数(それ以上約分できない分数)で答えよ。ただし [力], [ケ], [コ], および [ス] ~ [ソ] については、最も適当なものを対応する解答群の中から一つずつ選べ。

図のように、質量 $2m$ の小球 A に、質量 $3m$ の小球 B、および質量 m の小球 C が軽くて変形しない棒で接続されており、これらの棒は $\angle BAC$ の大きさが変化しないように小球に固定されている。小球 B を水平な床の上に置き、床上の点 O に一端を固定した軽くて伸縮しない糸を小球 C に取り付けて、小球 C に対し鉛直下向きの糸の張力がかかるようにすると、小球 A と C が同じ高さで静止した。点 O を原点とし、水平方向を x 軸、鉛直上向きを y 軸の正の方向にとった座標系を考え、小球および棒は xy 平面内のみを動けるものとする。重力加速度の大きさを g 、小球 C に付けた糸の長さを h 、小球 AC 間の距離を ℓ 、小球 B の x 座標が $\frac{1}{3}\ell$ であるとして、問題に答えよ。



(a) 3つの小球とそれらを接続する棒からなる物体系の重心 G の座標は

$\left(\begin{array}{c} \text{ア} \\ \text{イ} \end{array}, \begin{array}{c} \text{ウ} \\ \text{エ} \end{array}, \begin{array}{c} \text{オ} \\ \text{カ} \end{array} \right) \ell, h \right)$ である。物体系において、各小球にはたらく重力の合力は、大きさ $F_G = \begin{array}{c} \text{オ} \end{array} mg$ の重力が 1 点 G にはたらくものとして扱うことができる。小球 B にはたらく床からの垂直抗力の大きさを N 、小球 C にはたらく糸の張力の大きさを T とすると、

[力] が成り立つ。糸の張力および重力による、小球 B が置かれた点のまわりの力のモーメントの大きさは、それぞれ $\begin{array}{c} \text{キ} \\ \text{ク} \end{array} \times \begin{array}{c} \text{ケ} \\ \text{コ} \end{array}$ である。これらの結果から、糸の張力と垂直抗力の大きさは、それぞれ $T = \begin{array}{c} \text{サ} \end{array} mg$, $N = \begin{array}{c} \text{シ} \end{array} mg$ と求められる。

[力] の解答群

- | | | | |
|-----------------|-----------------|--------------|-----------------|
| ① $N = F_G$ | ② $N = T$ | ③ $T = F_G$ | ④ $F_G = T + N$ |
| ⑤ $N = T + F_G$ | ⑥ $T = N + F_G$ | ⑦ $T = 2F_G$ | |

ケ , コ の解答群

- ① Nh ② $N\ell$ ③ Th ④ $T\ell$ ⑤ mgh ⑥ mgl ⑦ $F_G h$ ⑧ $F_G \ell$

- (b) 小球 AC を接続する棒の一点 P に少量の粘土を付着させると、小球 C にはたらく糸の張力は
ス 。また、小球 B が床から受ける垂直抗力は セ 。付着させた粘土を含めた物
体系の重心の y 座標は ソ 。

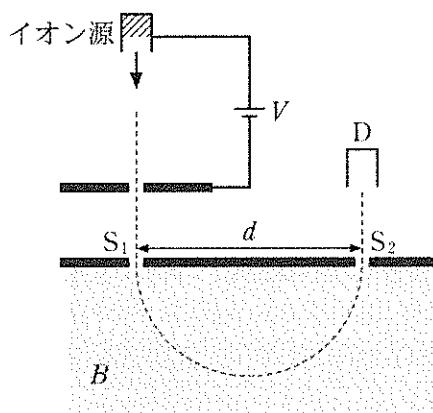
また、点 P に代えて小球 C に粘土を付着させる場合、付着させた粘土の総質量が
タ m を超えると、物体系は静止状態を保てず転倒する。ただし、付着させた粘土の大
きさはじゅうぶん小さく、質点として扱うものとする。

ス ~ ソ の解答群

- ① 大きくなる
- ② 小さくなる
- ③ 粘土付着前と変わらない
- ④ 点 P の位置に依って大きくなる場合も、小さくなる場合もある

IV [] にあてはまる最も適当な数字をマークすること。整数以外の数値で解答する問題には有効数字2桁で答えよ。 [ア] ~ [カ] および [ク] については、最も適当なものに対する解答群の中から一つずつ選べ。

真空中に置かれた図のような装置で、イオン源から初速0で放出された電気量 q 、質量 m の陽イオンを電位差 V で加速して、スリット S_1 からスリット面に垂直に入射させる。装置の着色部分には紙面に垂直な方向に一様な磁束密度 B の磁場(磁界)がかけられている。イオンは磁場中で半円の軌道を描いた後、スリット S_1 から距離 d 離れたスリット S_2 を通過して、検出器 D で検出された。以下では、重力を無視するものとする。



- (1) 電位差 V で加速された後のイオンの速さ v は [ア] である。イオンの軌道が図のようになるとき、磁場の向きは [イ] の方向である。磁場の中でイオンは半径 [ウ] の等速円運動をするので、イオンがスリット S_1 から入射してスリット S_2 から出るまでにかかる時間は [エ] × [オ] である。

[ア] の解答群

① $\sqrt{\frac{qV}{m}}$ ② $\sqrt{\frac{2qV}{m}}$ ③ $\sqrt{\frac{mV}{q}}$ ④ $\sqrt{\frac{2mV}{q}}$ ⑤ $\sqrt{\frac{mq}{V}}$ ⑥ $\sqrt{\frac{2mq}{V}}$

[イ] の解答群

- ① 紙面の表から裏 ② 紙面の裏から表

[ウ] , [オ] の解答群

① $\frac{mv}{qB}$ ② $\frac{qv}{mB}$ ③ $\frac{qB}{mv}$ ④ $\frac{mq}{vB}$ ⑤ $\frac{m}{qB}$ ⑥ $\frac{q}{mB}$ ⑦ $\frac{B}{qm}$

[エ] の解答群

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{\pi}{4}$ ⑥ $\frac{\pi}{2}$ ⑦ π ⑧ 2π

(2) 以下では、加速のための電位差 V と磁束密度の大きさ B を固定して測定を行うものとする。

(a) 電気量が等しく、質量が m_1, m_2 の 2 つのイオン源を用いて、スリット間の距離を測定する
とそれぞれ d_1, d_2 であった。陽イオンの質量比 $\frac{m_1}{m_2}$ は 力 である。

(b) 質量比が $m_1 : m_2 = 4 : 1$ で電気量が q_1, q_2 の 2 つのイオン源を用いて、スリット間の距
離を測定するとそれぞれ d_1, d_2 であった。電気量の比 $\frac{q_1}{q_2}$ は キ × ク とな
る。

力, ク の解答群

① $\frac{d_1}{d_2}$ ② $\left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2$ ③ $\sqrt{\frac{d_1}{d_2}}$ ④ $\frac{d_2}{d_1}$ ⑤ $\left(\frac{d_2}{d_1}\right)^2$ ⑥ $\sqrt{\frac{d_2}{d_1}}$

(3) あるイオンについて測定した結果、磁束密度の大きさ $B = 0.10 \text{ T}$ 、電気量
 $q = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ 、電位差 $V = 1000 \text{ V}$ 、スリット間の距離 $d = 1.0 \text{ m}$ であった。このイオンの
質量を統一原子質量単位 u で表すと、ケ、コ × $10^{\text{サ}}$ u である。ただし、
 $1 \text{ u} = 1.7 \times 10^{-27} \text{ kg}$ とする。