

令和4年度・個別学力検査

数 学 (医)

注 意 事 項

- 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 試験開始後、すべての解答用紙に氏名(カタカナ)及び受験番号を記入しなさい。
受験番号が正しく記入されていない場合は、採点できないことがあります。また、氏名(カタカナ)及び受験番号以外の文字、数字などは、絶対に記入してはいけません。
- 答案は解答用紙の各問題番号の欄に記入しなさい。
- 解答用紙の裏面には何も書いてはいけません。
- 試験終了後、問題冊子および下書き用紙は持ち帰りなさい。

すべての問題について、答案では求める手順をわかりやすく説明しなさい。

令和4年度個別学力検査

医学部 育成期日程
数学 問題

名古屋市立大学 学生課入試係 052-853-80201

許可なしに転載、複製
することを禁じます。

1. $x > 0$ の範囲で定義された関数 $f(x) = \frac{\log x}{x}$ について、次の問い合わせに答えよ。

- (1) 関数 $f(x)$ の増減と極値、曲線 $y = f(x)$ の凹凸と変曲点を調べ、その曲線の概形をかけ。ただし、 $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 0$ は証明なく用いてよい。
- (2) $m < n$ である自然数 m, n の組で

$$m^n = n^m$$

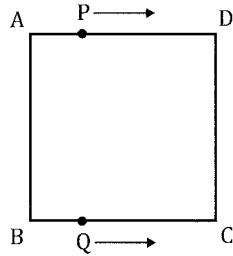
を満たすものすべて求めよ。

- (3) 曲線 $y = f(x)$ と直線 $y = \frac{\log 2}{2}$ で囲まれた図形の面積を求めよ。

2. 三角形OABにおいて、辺OA, OB, ABの長さをそれぞれ a , b , c とする。三角形OAB の内接円Cの中心をIとし、辺OAの中点をL、辺OBの中点をM、辺ABの中点をNとする。また、直線INと直線LMの交点をPとし、円Cと辺ABの接点をQとする。次の問い合わせに答えよ。

- (1) ベクトル \vec{OI} を a , b , c , \vec{OA} , \vec{OB} を用いて表せ。
- (2) ベクトル \vec{OP} を a , b , c , \vec{OA} , \vec{OB} を用いて表し、点O, P, Qが同一直線上にあることを示せ。

3. 下図のように 1 辺の長さが 1 の正方形 ABCD がある。また、硬貨を投げて、表ならば 2 だけ、裏ならば 1 だけ、この正方形の辺上を動く点 P, Q を考える。点 P は、頂点 A を出発点とし、時計回りに動く。点 Q は、頂点 B を出発点とし、反時計回りに動く。はじめに硬貨を 10 回投げて点 P のみを動かしたあと、さらに硬貨を 10 回投げて点 Q のみを動かすとき、次の問い合わせに答えよ。



- (1) 点 P を動かし終わったあとに、点 P が頂点 A, B, C, D にある確率をそれぞれ求めよ。
(2) 点 P, Q を動かし終わったあとに、点 P と点 Q が異なる頂点にある確率を求めよ。

4. 群に分けられた数列 $\{a_n\}$

$$1, 1 \left| \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2} \right| \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4} \left| \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8}, \frac{1}{8} \right| \frac{1}{16}, \dots$$

に対し、次の問いに答えよ。ただし、第 k 群について各項は 2^{-k+1} であり項数は $k + 2^{k-1}$ である。

(1) a_{500} を求めよ。

(2) 第 k 群の項の総和を S_k とする。 S_k を k で表し、 $\sum_{i=1}^k S_i$ を求めよ。

(3) a_1 から a_{2022} までの和を求めよ。