

令和6年度入学試験問題

理 科

各科目 100点満点

《配点は、一般選抜学生募集要項に記載のとおり。》

物 理	(1～18 ページ)	化 学	(19～36 ページ)
生 物	(37～60 ページ)	地 学	(61～77 ページ)

(注 意)

1. 問題冊子および解答冊子は監督者の指示があるまで開かないこと。
2. 問題冊子は表紙のほかに 77 ページある。
3. 問題は物理 3 題，化学 4 題，生物 4 題，地学 4 題である。
4. 試験開始後，選択した科目の解答冊子の表紙所定欄に学部名・受験番号・氏名をはっきり記入すること。表紙には，これら以外のことを書いてはならない。
5. ◇総合人間学部(理系)・理学部・農学部受験者は，物理・化学・生物・地学のうちから 2 科目を選択すること。
◇教育学部(理系)受験者は，物理・化学・生物・地学のうちから 1 科目を選択すること。
◇医学部・薬学部受験者は，物理・化学・生物のうちから 2 科目を選択すること。
◇工学部受験者は，物理・化学の 2 科目を解答すること。
6. 解答は，すべて解答冊子の指定された箇所記入すること。
7. 解答に関係のないことを書いた答案は無効にすることがある。
8. 解答冊子は，どのページも切り離してはならない。
9. 問題冊子は持ち帰ってもよいが，選択した科目の解答冊子は持ち帰ってはならない。

化学問題 I

次の文章(a), (b)を読み, 問 1 ~ 問 6 に答えよ。解答はそれぞれ所定の解答欄に記入せよ。 $\sqrt{2} = 1.41$, $\sqrt{3} = 1.73$ とする。

(a) チタン Ti は水素 H を吸収する金属である。原子を球とみなし, Ti の結晶構造を最近接 Ti 原子どうしが接する完全な六方最密構造とする。H 原子の吸収量が少ないとき, Ti は六方最密構造を保ち, 吸収された H 原子は図 1 に示す 6 個の Ti 原子で囲まれた隙間(八面体隙間), もしくは 4 個の Ti 原子で囲まれた隙間(四面体隙間)に入る。Ti の原子半径を r とし, 隙間には周囲の Ti 原子と接する大きさまでの原子が入ることができるとする, 八面体隙間には半径 $\times r$, 四面体隙間には半径 $\times r$ までの原子が入ることができる。また, 六方最密構造では Ti 原子 1 個あたり 個の八面体隙間, 個の四面体隙間が存在する。

H 原子の吸収量が増加すると, 結晶中の Ti 原子の配列は六方最密構造から体心立方格子へと変化する。結晶構造が体心立方格子の場合も H 原子が入る位置として八面体隙間と四面体隙間が考えられる。体心立方格子中の最近接 Ti 原子どうしは接しているとする。

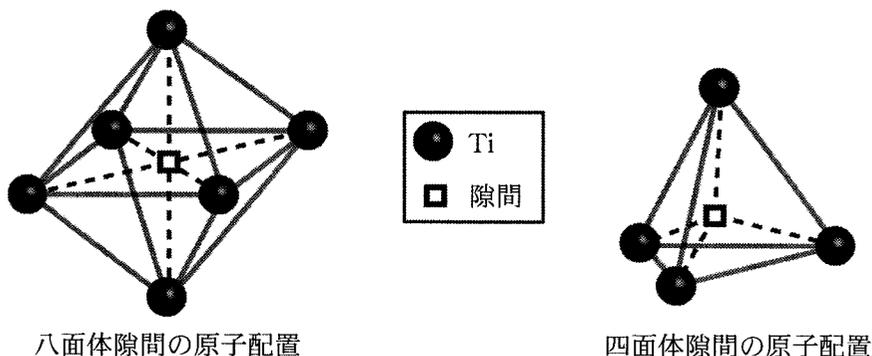


図 1

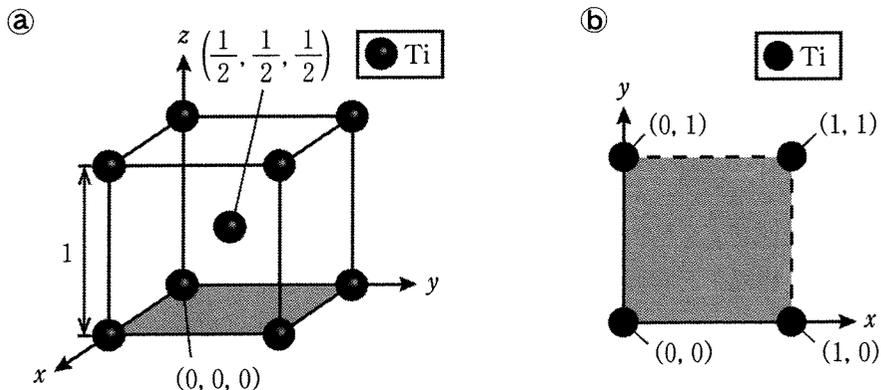


図 2

問 1 と にあてはまる数値を有効数字 2 けたで答えよ。

問 2 と にあてはまる整数または既約分数を答えよ。

問 3 図 2 ㉔のように体心立方格子の単位格子の一辺の長さを 1 とし、ある Ti 原子の中心を原点にとって xyz 座標を設定する。下線部に関して次の(i) ~ (iii)の問いに答えよ。

(i) 八面体隙間の中心位置に H 原子が入るとき、H 原子と周囲の 4 つの Ti 原子は同一平面上に存在し、H 原子の中心と周囲の各 Ti 原子の中心との間の距離 $d_{\text{Ti-H}}$ には異なる 2 つの値が存在する。2 つの $d_{\text{Ti-H}}$ の値を有効数字 2 けたで答えよ。

(ii) (i)で定めた八面体隙間の中心位置に H 原子が存在するとき、図 2 ㉕に示す xy 平面 ($z = 0$) における $0 \leq x \leq 1$ 、 $0 \leq y \leq 1$ の領域で、八面体隙間に入った H 原子中心の位置として考えられるものすべてを (x, y) 座標の形式で答えよ。 x および y の値はそれぞれ小数第 2 位まで答えよ。

(iii) 四面体隙間の中心位置に H 原子が入るとき、 $d_{\text{Ti-H}}$ には 1 つの値のみが存在する。(ii)と同じ xy 平面における $0 \leq x \leq 1$ 、 $0 \leq y \leq 1$ の領域で、四面体隙間の中心位置に H 原子が存在するとき、H 原子中心の位置として考えられるものすべてを (x, y) 座標の形式で答えよ。 x および y の値はそれぞれ小数第 2 位まで答えよ。

(b) パラジウム Pd も結晶内部に水素 H を吸収する金属である。図 3 の装置を用いて Pd に H を吸収させる実験を行った。容器 1 と容器 2 の間はバルブ A によって隔てられ、容器 1 にはバルブ B が接続されている。これらのバルブを介して容器 1 に気体を導入したり、容器 1 と容器 2 を排気して真空にしたりできる。容器の内壁は気体原子あるいは分子と反応しないものとする。実験中、装置全体の温度は一定に保たれており、容器 1 と容器 2 の容積は変化しない。接続配管内部およびバルブの内部の体積は無視できる。また、H の吸収による Pd の体積変化は無視できるものとする。気体はすべて理想気体とみなす。原子量は $H = 1.00$, $O = 16.0$, $Pd = 106$, 気体定数は $8.31 \times 10^3 \text{ Pa}\cdot\text{L}/(\text{K}\cdot\text{mol})$ とする。

実験は以下の操作 1 から操作 3 を行った。

操作 1

容器 2 に 79.5 g の Pd を入れた後に、バルブ A とバルブ B を開けて容器 1 と容器 2 を十分に排気して真空にした。その後、バルブ A を閉じて容器 1 のみにアルゴン Ar を導入してバルブ B を閉じたところ、容器 1 の圧力は $3.00 \times 10^5 \text{ Pa}$ となった。次にバルブ A を開けて、十分に時間が経過すると容器 1 と容器 2 の圧力は $2.00 \times 10^5 \text{ Pa}$ となった。Pd は Ar を吸収しないとす

操作 2

操作 1 の後、バルブ A とバルブ B を開けて Ar を十分に排気して容器 1 と容器 2 を真空にした。その後、バルブ A を閉じて容器 1 のみに水素分子 H_2 を導入してバルブ B を閉じたところ、容器 1 の圧力は $1.00 \times 10^5 \text{ Pa}$ となった。次にバルブ A を開けて、十分に時間が経過すると容器 1 と容器 2 の圧力は $5.00 \times 10^4 \text{ Pa}$ となり、平衡に達した。

操作 3

操作 2 の後、バルブ A を開けて、バルブ B を介して容器 1 のみに酸素分子 O_2 を追加して容器 1 に存在する H_2 と反応させたところ、 H_2 はすべて消費されて 10.0 g の水が生じた。

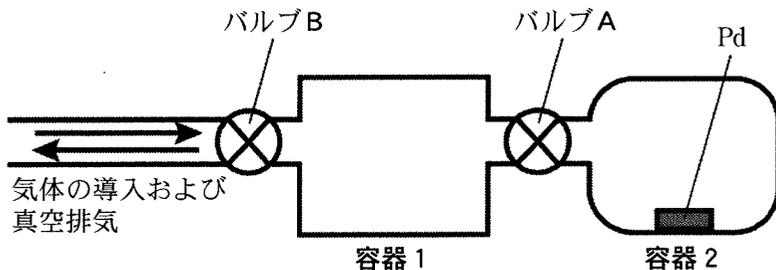


図 3

問 4 一連の実験結果から、操作 2 終了後に容器 1 と容器 2 に残った気体 H_2 の総物質質量は何 mol になるか求め、有効数字 2 けたで答えよ。

問 5 一連の実験結果から、操作 2 終了後に Pd に吸収された H 原子の個数が求まる。Pd 原子の個数を N_{Pd} 、吸収された H 原子の個数を N_H としたときの原子数の比 $\frac{N_H}{N_{Pd}}$ を有効数字 2 けたで答えよ。

問 6 H 原子を吸収した Pd を容器 2 から取り出して、吸収されたすべての H 原子を気体の H_2 として放出させたとき、温度 300 K、圧力 1.00×10^5 Pa において放出された H_2 がしめる体積 [L] を有効数字 2 けたで答えよ。

化学問題 II

次の文章を読み、問1～問6に答えよ。解答はそれぞれ所定の解答欄に記入せよ。
気体はすべて理想気体とみなし、気体定数は R [Pa·L/(K·mol)] とする。水のイオン積は 1.00×10^{-14} (mol/L)²、 $[X]$ は mol/L を単位とした物質 X の濃度とする。必要があれば、 $\log_{10} 2 = 0.30$ 、 $\log_{10} 3 = 0.48$ 、 $\log_{10} 5 = 0.70$ の値を用いよ。

気体 A を不純物として微量に含んだ気体混合物を、吸収液と接触させることで A を除去するガス吸収操作について考える。以下では、 A のみが吸収される液を用い、気体の圧力および液体中の濃度は常に一様と見なせるものとする。 A の濃度が希薄な条件下では、気体と液体を接触させ十分に時間が経過した後、 A の分圧 P_A [Pa] と液体に溶解した A の濃度 $[A]_{\max}$ [mol/L] の間には次のヘンリーの法則が成り立つ。

$$P_A = H[A]_{\max} \quad (1)$$

ここで、 H [Pa·L/mol] はヘンリー一定数とよばれる比例定数で温度に依存する。温度が高くなると、溶解している分子の **ア** が激しくなるため、ヘンリー一定数は多くの場合 **イ** {大きくなる・小さくなる・変化しない} 。

A が吸収される速さについて考えると、吸収液の単位表面積および単位時間あたりに吸収される A の物質量 v_A [mol/(m²·s)] は、 k を正の定数として次式で与えられる。

$$v_A = k([A]_{\max} - [A]) \quad (2)$$

式(2)からわかるように v_A は、ある時点の P_A に対して A が溶解できる最大の濃度 $[A]_{\max}$ とその時点での A の濃度 $[A]$ との差に比例する。 A の吸収にともなって P_A は変化するので、それに対応する $[A]_{\max}$ も時間とともに変化する。

ガス吸収の操作として、温度が T [K] で一定の条件下で、以下の操作1～3をそれぞれ行った。なお、使用前の吸収液に A は含まれず、蒸発や気体の吸収による吸収液の体積変化は考慮しない。

操作1 A を n_0 [mol] 含む気体混合物の入った密閉容器内において、 A と化学反応しない吸収液をスプレーで均一な直径をもつ球形の微細な液滴にして霧状に散布した。スプレーと吸収液を除く空間の体積は V [L] で、十分に時間が経過した後、

液滴の直径に変化はなく、A の分圧は P_1 [Pa] となった。これより、吸収液には ウ [mol] の A が吸収されたことがわかる。このとき、使用した吸収液の総体積は エ [L] である。操作開始時に、吸収液の総体積を変えずに液滴の直径を 2 倍にすると、最終的に吸収される A の物質量 [mol] は あ 倍に、ある P_A と [A] における液滴 1 個あたりの A の吸収速度 [mol/s] は い 倍に、吸収液全体での A の吸収速度 [mol/s] は う 倍になる。

操作 2 図 1 のように、A をモル分率 f_0 で含む気体混合物を容器下部右側から一定の流量 G [mol/s] で供給し、内部で吸収液と接触させたのち、容器上部から排出した。一方、吸収液を一定の流量 W [mol/s] で容器上部のスプレーから霧状の液滴として供給し、容器下部から A を含む液として排出した。A の濃度は希薄であるため、排出される気体混合物と吸収液の流量は、それぞれ G と W と見なしてよい。この操作を継続すると、排出される気体混合物中の A のモル分率 f_A と吸収液中の A のモル分率 g_A は一定となり変化しなくなった。

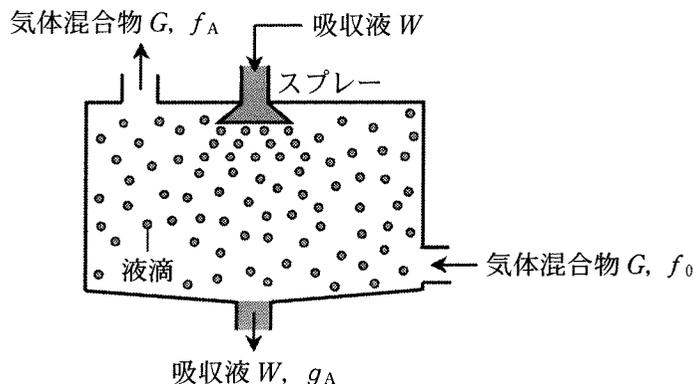


図 1

f_A と g_A の値は G や W 、容器体積などの条件によって変化するが、ヘンリーの法則が成り立つときには、 f_A と g_A の関係は h を定数として次式で表される。

$$f_A = h g_A \quad (3)$$

この操作では、容器内に単位時間あたりに供給される A と排出される A の物質量が等しいため、 W は G, f_0, f_A, g_A を用いて オ と表される。

操作 3 A は式(4)のように水と反応する。



ここで式(4)の電離定数 K_a は式(5)で表される。

$$K_a = \frac{[AH^+][OH^-]}{[A]} = 1.80 \times 10^{-7} \text{ mol/L} \quad (5)$$

ヘンリー定数は $H = 8.00 \times 10^2 \text{ Pa}\cdot\text{L/mol}$ である。pH = の塩酸 2.00 L を吸収液として用いて、操作 1 と同様に、霧状に散布したところ、十分に時間が経過した後、最終的な吸収液の pH は 7.00 に、A の分圧は 1.00 Pa になった。

問 1 に適切な用語を、 に{ } から適切な語句を選択し、記入せよ。 ~ に適切な数式を記入せよ。

問 2 ~ に入る適切な数値を以下の選択肢から 1 つずつ選び記入せよ。なお、選択する数値は重複してもよい。

選択肢						
$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	1
$\sqrt{2}$	2	$2\sqrt{2}$	4	8	16	32

問 3 操作 1 において、 x 軸、 y 軸の組み合わせをそれぞれ以下の(i), (ii)としたときに、その関係を表すグラフの概形として最も適切なものを図 2 の① ~ ⑥ からそれぞれ選べ。

(i) x 軸： $[A]$ ， y 軸： v_A

(ii) x 軸：時間， y 軸：吸収液内の A の物質量

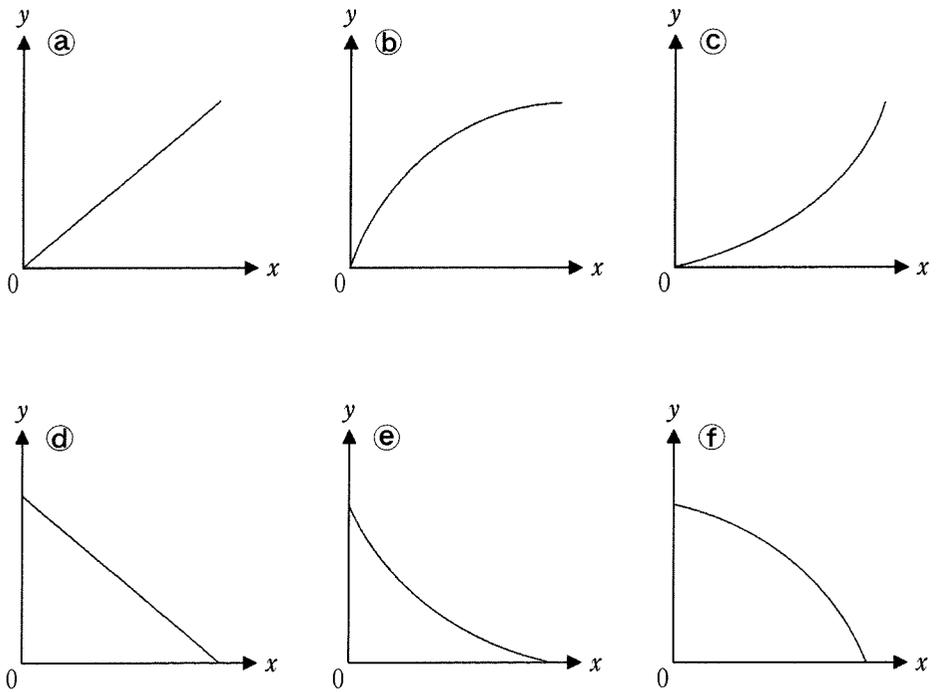


図 2

問 4 ガス吸収操作では、吸収液の量は少ない方が望ましい。操作 2 において、気体混合物中の A のモル分率を f_0 からある値 f_1 まで低下させるために必要な、吸収液と気体混合物の流量比 $\frac{W}{G}$ の最小値を、 f_0 、 f_1 、 h を用いて求めよ。

問 5 式(4)のように吸収液と A が反応する場合でも、十分に時間が経過した後の吸収液中の A の濃度はヘンリーの法則に従うと考えてよい。操作 3 において、吸収液によって気体混合物から除去された A の物質量 [mol] を有効数字 2 けたで求めよ。

問 6

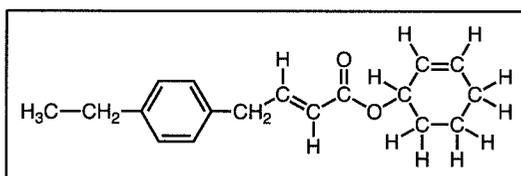
え

 に入る適切な数値を小数第 1 位まで求めよ。

化学問題 III

次の文章(a), (b)を読み, 問1～問7に答えよ。解答はそれぞれ所定の解答欄に記入せよ。ただし, 構造式は記入例にならい, シス-トランス異性体(幾何異性体)がわかるように記せ。原子量は $H = 1.00$, $C = 12.0$, $O = 16.0$ とする。

構造式の記入例:



(a) 図1に示すように, 2-メチルプロパンの4つの炭素原子のうち, ①の番号を付した3つは, いずれも3つの水素原子と1つのイソプロピル基 $(CH_3)_2CH-$ と結合している。つまり, ①の炭素原子3つは, いずれも結合している原子と原子団が同じであり, 化学的に等価とみなせる。一方, ②の番号を付した炭素原子は, 1つの水素原子と3つのメチル基 CH_3- と結合している。このことからわかるように, ①と②の炭素原子は結合している原子と原子団が異なり, 化学的に非等価である。すなわち, 2-メチルプロパンは2種類の非等価な炭素原子をもつ。同様の考え方は, 鎖状構造のみならず, 環状構造にも適用できる。例えば, シクロヘキセンの6つの炭素原子のうち, ③の番号を付した2つ, ④の番号を付した2つ, ⑤の番号を付した2つはそれぞれ等価とみなせる。すなわち, シクロヘキセンは3種類の非等価な炭素原子をもつ。有機化合物の構造決定において, 非等価な炭素原子の数は, 分子式や反応性とならび, 重要な情報である。

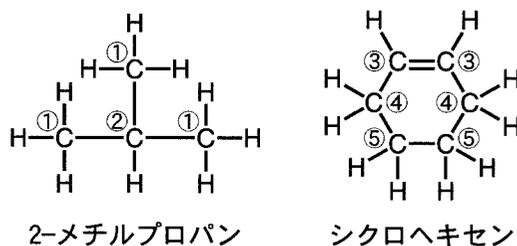


図1

5種類の有機化合物(あ)~(お)の構造決定について考えてみよう。これらの化合物はそれぞれ構造異性体の関係にあり、以下の情報が得られている。

化合物(あ)は、炭素、水素、酸素の3種類の原子から構成されており、分子量は86.0であった。25.8 mgの化合物(あ)を完全燃焼させると、27.0 mgの水と66.0 mgの二酸化炭素が生成した。

化合物(あ)と(い)は不斉炭素原子をもたないカルボニル化合物であった。化合物(あ)と(い)をそれぞれ還元し、脱水させたのちに水素分子 H_2 を付加させたところ、同一の飽和炭化水素を与えた。化合物(あ)をアンモニア性硝酸銀水溶液中で熱したところ、銀が析出した。一方、化合物(い)にヨウ素と水酸化ナトリウム水溶液を反応させたところ、黄色沈殿が生じた。

化合物(う)は炭素原子間の二重結合を1つもち、この二重結合を構成する炭素原子に酸素原子は結合していなかった。化合物(う)に水素を付加させたところ、非等価な炭素原子の種類が1つ減少した。この水素付加後の生成物を酸化したところ、化合物(い)が生成した。

化合物(え)と(お)は3種類の非等価な炭素原子をもっていた。化合物(え)は二重結合とメチル基をもたず、ナトリウムとは反応しなかった。一方、化合物(お)はナトリウムと反応して水素分子を発生した。また、化合物(お)を脱水させたのちに水素分子を付加させたところ、化合物(か)が生成した。化合物(か)のすべての炭素原子は等価であった。

問 1 化合物(あ)の分子式を求めよ。

問 2 化合物(あ)~(お)の構造式を記せ。なお、ここでは鏡像異性体は考慮しない。

(b) 有機化合物の立体的な配置(立体配置)は、医薬品や機能性材料としての性能に大きく影響を及ぼすことが知られている。有機化合物の立体配置を的確に捉え、その3次元構造を知ることは、有機化学の理解を深めるために重要である。

アルケンの付加反応を例に、有機化合物の立体配置について考えてみよう。アルケンは二重結合を形成する炭素原子と、それに直結した原子がすべて同一平面(アルケン平面)上に存在する。アルケンと臭素分子 Br_2 の反応は、2つの臭素原子がアルケン平面をはさんで互いに反対側から付加する。例えば、図2の化合物(き)への付加反応では、化合物(く)とその鏡像異性体の2種類が得られる。なお、 $\text{R}^1 \sim \text{R}^4$ はたがいに異なる炭化水素基、太線(\blacktriangleright)は紙面の手前側に出ている結合、破線(\cdots)は紙面の奥側に出ている結合である。一方、白金触媒によるアルケンと水素分子の反応は、2つの水素原子がアルケン平面の同じ側から付加する。例えば、化合物(き)への付加反応では、生成物(け)とその鏡像異性体の2種類が得られる。化合物(く)や(け)は炭素原子を中心とした四面体が連結したような構造をしており、炭素原子間の単結合は、それを軸として回転できる。図2の枠内には、炭素原子間の単結合を 180° 回転させた場合の例を示した。

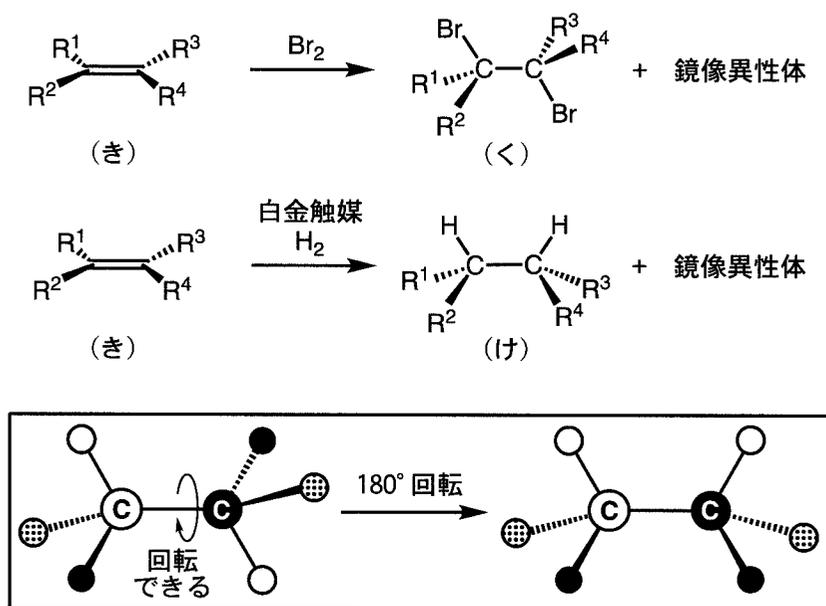


図 2

図2のアルケンの付加反応における立体的な特徴を考慮すると、原料アルケンのシス-トランス異性体の違いから、付加反応で得られる化合物の立体配置を予想することができる。例えば、図3のシス形アルケン(こ)に臭素分子が付加すると化合物(さ)とその鏡像異性体の2種類が得られるのに対し、トランス形アルケン(し)に臭素分子が付加すると化合物(す)とその鏡像異性体の2種類が得られる。

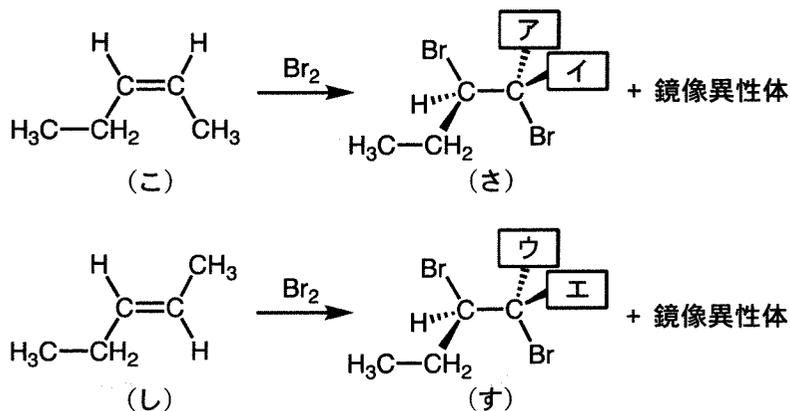


図3

この問題は、次のページに続いている。

付加反応で得られる化合物の立体配置がわかっている場合には、原料アルケンの構造やシス-トランス異性体を予想することもできる。図4の化合物(せ)とその鏡像異性体の2種類がアルケンへの臭素分子の付加で得られる場合について、原料アルケンの構造を以下の手順で考えてみよう。炭素原子間の単結合が回転できることを考慮すると、図4の破線の枠内に示した化合物(せ)の、太矢印(↓)で指し示した単結合を180°回転させることで、2つの臭素原子が付加した直後の立体配置を的確に示した(そ)の配置へと描き直すことができる。(そ)の立体配置からアルケン(た)が原料だと予想できる。

一方、炭素原子間の単結合が回転できることを考慮することで、白金を触媒として水素分子を付加させると化合物(ち)とその鏡像異性体の2種類が得られる場合、その原料はアルケン(つ)だと予想できる。

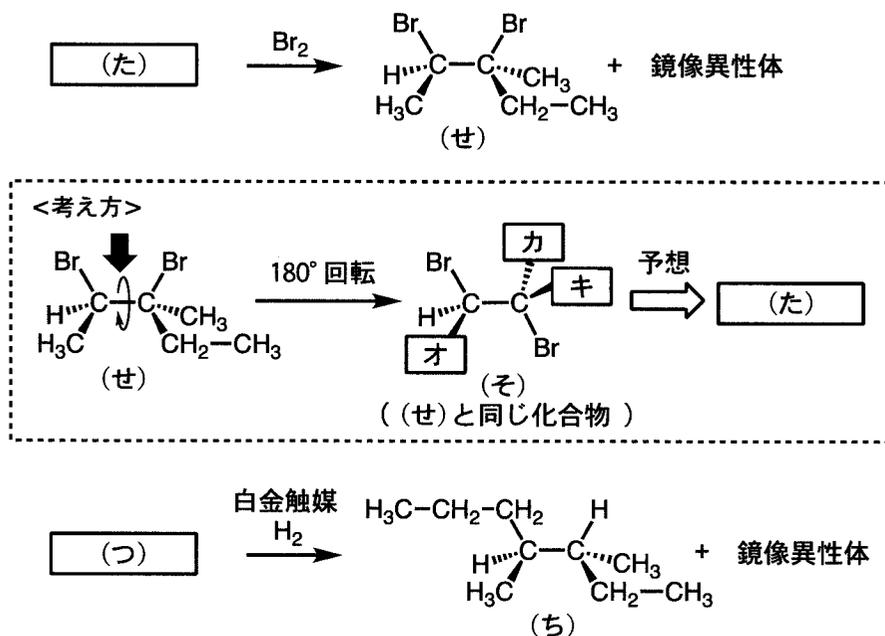


図4

問 3 図 5 のアルケン (て) ~ (ぬ) に臭素分子が付加した際に、不斉炭素原子を 2 つ含む化合物を与えるものをすべて選び、記号を記せ。

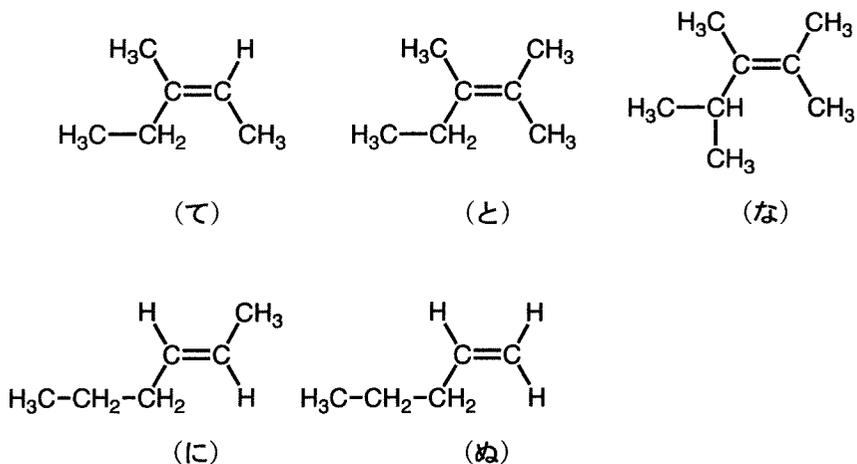


図 5

問 4 図 5 のアルケン (て) ~ (ぬ) に白金を触媒として水素分子を付加させた際に、不斉炭素原子を含む化合物を与えるものをすべて選び、記号を記せ。

問 5 図 3 の化合物 (さ), (ず) の構造式について, ア ~ エ にあてはまる原子または原子団を化学式で答えよ。

問 6 図 4 の化合物 (そ) の構造式について, オ ~ キ にあてはまる原子または原子団を化学式で答えよ。

問 7 図 4 の化合物 (た) および (つ) の構造式をシス-トランス異性体がわかるように記せ。

化学問題 IV

次の文章(a), (b)を読み, 問1～問7に答えよ。解答はそれぞれ所定の解答欄に記入せよ。原子量は $H = 1.00$, $C = 12.0$, $N = 14.0$, $O = 16.0$ とする。

- (a) 環状ペプチドは, ペプチド結合などを介して環化したポリペプチドである。ここで, 5つのアミノ酸から形成されるポリペプチド(ペプタペプチド)の鎖状構造と環状構造を比較してみよう。例えば, グリシン, アラニンそれぞれ2つとセリン1つから形成される鎖状のペプタペプチドの構造を図1のように記した場合, 左端の破線で囲まれた部分をN末端残基, 右端の破線で囲まれた部分をC末端残基とよぶ。図1の鎖状のペプタペプチドのN末端残基とC末端残基が同一分子内でペプチド結合によりつながった場合, 図2のような環状のペプタペプチドとなる。このように形成された環状ペプチドには, N末端残基とC末端残基が存在しないことがわかる。この構造はヒトがもつ消化酵素では分解されにくく, 医薬品にも応用されている。

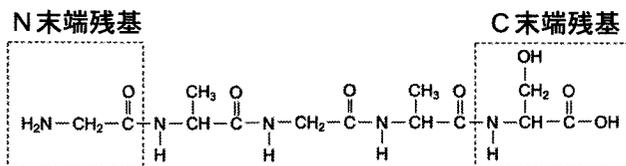


図1

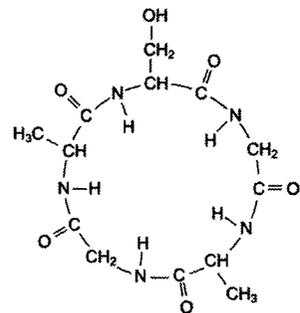


図2

環状ペプチドであるグラミシジンSは抗生物質として知られる。この化合物は, 10個のアミノ酸がすべてペプチド結合により連結したポリペプチドであり, 5つの異なるアミノ酸A1, A2, A3, A4およびA5それぞれ1つずつからなるペプタペプチドと, 同じ配列のペプタペプチドが結合した環状構造をもつ。グラミシジンSのアミノ酸配列は, A1～A5を用いて図3のように表すことができる。

実験 2 228 mg のグラミシジン S に含まれる窒素をすべてアンモニアに変え、生成したアンモニアを 0.20 mol/L の希硫酸 7.0 mL にすべて吸収させた。この溶液を 0.10 mol/L の水酸化ナトリウム水溶液で中和するのに 4.0 mL 要した。

実験 3 グラミシジン S にニンヒドリン溶液を加えて加熱すると、紫色に発色した。

問 1 文章中の下線部の条件を満たすアミノ酸配列の組み合わせは何通り存在するか答えよ。ただし、側鎖はペプチド中のアミノ酸の連結に関与しないものとする。なお、アミノ酸の鏡像異性体は考慮しない。

問 2 実験 1 で消費される水の質量は何 mg か、有効数字 3 けたで答えよ。

問 3 グラミシジン S の分子量を整数で答えよ。

問 4 アミノ酸 X の分子量を整数で答えよ。

問 5 1 分子のアミノ酸 X に含まれる窒素原子の数を答えよ。

問 6 図 5 の構造をもつアミノ酸 X において、破線の枠内の側鎖 R は水素、炭素、窒素の 3 種類の原子から構成される。アミノ酸 X の構造を図 4 にならって記せ。ただし、側鎖 R にメチル基および不斉炭素原子は含まれないものとする。

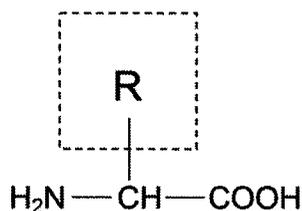


図 5

- (b) グラミシジンSを構成するアミノ酸A1～A5を用いて、3つの鎖状のトリペプチドを合成した。図6は各トリペプチドのアミノ酸配列を示しており、左端はN末端残基、右端はC末端残基を指す。そして、分子量が大きい順にペプチドP1、ペプチドP2、ペプチドP3とした。

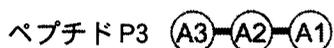
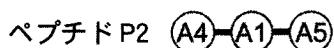


図6 各トリペプチドのアミノ酸配列(太い実線はペプチド結合を示す)

これらペプチドP1～P3に対し、実験4と実験5をそれぞれ行った。

実験4 各ペプチドにニンヒドリン溶液を加えて加熱した。するとP2とP3のみ紫色に発色した。

実験5 各ペプチドに濃硝酸を加えて十分に加熱し、アンモニア水をさらに加えた。するとP1とP2は橙黄色に発色し、P3は無色のままであった。

問7 A1～A5に該当するアミノ酸は、バリン、ロイシン、フェニルアラニン、プロリンおよびアミノ酸Xのいずれであるかそれぞれ答えよ。

化学問題は、このページで終わりである。