

1 3個のさいころ A, B, C を同時に投げるとき, さいころの出る目をそれぞれ a, b, c とする。これらの値に対して, 式 $p = \frac{3^a - 2^b}{5^c}$ を考える。

(1) p の値が負になる確率は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ である。

(2) p の値が最大の整数になるとき, $p = \text{エオカ}$ であり, p の値が最小の整数になるとき, $p = -\text{キク}$ である。

(3) p の値が正の整数になる確率は $\frac{\text{ケ}}{\text{コサ}}$ である。

(4) $p < 9$ になる確率は $\frac{\text{シ}}{\text{ス}}$ である。

2 a, b を定数とする。曲線 $y = -x^3 + 6x^2 + ax + b \dots\dots ①$ 上の点 $P(1, -1)$ における接線が $x - y - 2 = 0 \dots\dots ②$ であるとき, $a = -\text{セ}$, $b = \text{ソ}$ である。①と②の P 以外の共有点は $Q(\text{タ}, \text{チ})$ であり, また, ①と②で囲まれた部分の面積は $\frac{\text{ツテ}}{\text{ト}}$ である。さらに, ①の Q における接線と①で囲まれた部分の面積は ナニヌ である。次に, ②に平行で, P とは異なる①上の点 R における接線の方程式は $x - y + \text{ネ} = 0 \dots\dots ③$ であり, ①と③の共有点は $R(\text{ノ}, \text{ハ})$ と $S(\text{ヒ}, \text{フ})$ である。このとき, 四角形 $PQRS$ の面積は ヘホ である。

- 3 空間の3点 $A(-1, -2, 1)$, $B(-3, -1, 1)$, $C(-3, -2, 3)$ で定まる平面を α とし, 点 $D(-3, -2, 1)$ から平面 α に垂線 DH を下ろす。

(1) $\overrightarrow{DH} = \frac{\overrightarrow{DA} + \boxed{\text{マ}} \overrightarrow{DB} + \overrightarrow{DC}}{\boxed{\text{ミ}}}$ である。

(2) 点 H の座標は $\left(-\frac{\boxed{\text{ム}}}{\boxed{\text{メ}}}, -\frac{\boxed{\text{モ}}}{\boxed{\text{ヤ}}}, \frac{\boxed{\text{ユ}}}{\boxed{\text{ヨ}}} \right)$ である。

(3) 垂線 DH の長さは $\frac{\sqrt{\boxed{\text{ラ}}}}{\boxed{\text{リ}}}$ である。

- (4) 四面体 $DABC$ の体積を V_1 とする。また, 直線 AH と直線 BC の交点を P とし, 四面体

$DCHP$ の体積を V_2 とする。このとき, $\frac{V_1}{V_2} = \frac{\boxed{\text{ルレ}}}{\boxed{\text{ロ}}}$ である。

- 4 t を正の定数とする。2つの放物線 $y = 2x^2 \dots\dots$ ① と $y^2 = 4t^3x \dots\dots$ ② の交点のうち, 原点と異なる点を P とする。 P における ① の接線を l , P における ② の接線を m とし, l と m のなす角を θ ($0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$) とする。 l の方程式は t を用いて $y = \boxed{\text{ワ}}tx - \boxed{\text{ヲ}}t^{\boxed{\text{ア}}}$

と表せる。また, $\tan \theta$ は t を用いて $\tan \theta = \frac{\boxed{\text{イ}}t}{1 + \boxed{\text{ウ}}t^2}$ と表せる。 $\tan \theta$ は $t = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}}$

のとき, 最大値 $\frac{\boxed{\text{カ}}}{\boxed{\text{キ}}}$ をとる。次に, $t = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オ}}}$ のとき, ① と ② で囲まれた部分を

D とする。 D の面積は $\frac{\boxed{\text{ク}}}{\boxed{\text{ケコ}}}$ であり, D を x 軸の周りに1回転させてできる立体の体積は

$\frac{\boxed{\text{サ}}}{\boxed{\text{シス}}}\pi$ である。