

# 数学 ②

(数1～数11ページ)

※ 国語の問題は、本冊子の右開きのページにあります。

## 注意

- 試験開始の合図があるまで、問題用紙を開いてはいけません。
- この問題用紙には、次の2科目の問題が収められています。

**数学 ② (数1～数11ページ) 「数学I・数学II・数学III・数学A・数学B」**

**国 語 (国1～国15ページ)**

- 2科目の中から1科目を選択し、解答は解答用紙にマークしなさい。解答用紙は2科目共通です。解答用紙にはマーク式解答欄の番号が**1**～**75**までありますが、使用しない解答欄も含まれています。
- 解答用紙に受験番号・氏名・選択科目を記入しなさい。  
受験番号と選択科目は、下記の「受験番号欄記入例」「選択科目欄記入例」に従って正確にマークしなさい。
- 試験時間は**60分**です。
- 試験開始後、問題用紙に不備(ページのふぞろい・印刷不鮮明など)があったら申し出なさい。
- 問題の内容についての質問には、いっさい応じられません。
- 中途退出は認めません。試験終了後、この問題用紙は持ち帰りなさい。

### 受験番号欄記入例・選択科目欄記入例

受験番号欄				
H	5	7	0	9
(A)	0	0	●	0
(B)	1	1	1	1
(C)	2	2	2	2
(D)	3	3	3	3
(E)	4	4	4	4
(F)	●	5	5	5
(G)	6	6	6	6
(H)	7	●	7	7
(I)	8	8	8	8
(J)	9	9	9	●
(K)	○	○	○	○
(L)	○	○	○	○
(M)	○	○	○	○
(N)	○	○	○	○
(O)	○	○	○	○
(P)	○	○	○	○
(Q)	○	○	○	○

（アルファベットと数字の位置に注意してマークしない）

### 「数学②」を選択した場合

選択科目欄		
○	国語	
●	数学 ②	

↑  
解答する1科目に必ずマークしなさい

### マーク式解答欄記入上の注意

- 解答は、H Bの黒鉛筆を使用して丁寧にマークしなさい。  
《マーク例》  
良い例 ●  
悪い例 ○ ○ × ○ ○
- 訂正する場合は、プラスチック消しゴムで、きれいにマークを消し取りなさい。
- 所定の記入欄以外には、何も記入してはいけません。
- 解答用紙を汚したり、折り曲げたりしてはいけません。





# 数 学②

## 解答にあたっての注意

次の  ~  の 1 つ 1 つには、0 から 9 までの数字または負の符号 - のいずれかが入る。それらを解答用紙の  ~  にマークして答えなさい。ただし、分数はすべて既約分数で答え、負の分数のときは符号を分子につけなさい。また、根号の中の数は最も小さい自然数を用いて答えなさい。

### I

$$(1) \quad \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5}} - \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{\boxed{1} \boxed{2}}}{\boxed{3}} \text{ である。}$$

(2) 円  $x^2 + y^2 - 6x + 8y = 0$  と直線  $y = -x - 2$  の 2 つの交点を A, B とするとき、線分 AB の長さは   $\sqrt{\boxed{5}}$  である。

(3) 不等式  $3^{2x+1} - 28 \cdot 3^x + 9 < 0$  の解は   $x < \boxed{7} < \boxed{8}$  である。

(4)  $i$  を虚数単位とする。複素数平面において、 $|z + 3i| = \sqrt{2}|z + 2|$  を満たす点  $z$  の軌跡は半径  $\sqrt{\boxed{9} \boxed{10}}$  の円である。

計算用紙

II  $f(\theta) = 3 \sin\left(\theta + \frac{\pi}{3}\right) + 5 \cos\left(\theta - \frac{\pi}{6}\right)$  とする。

(1)  $f(\theta) = \boxed{11} \sin \theta + \boxed{12} \sqrt{\boxed{13}} \cos \theta$  と変形できる。

(2)  $0 \leq \theta \leq \frac{5}{6}\pi$  のとき, 方程式  $f(\theta) = 0$  の解は  $\theta = \frac{\boxed{14}}{\boxed{15}}\pi$  である。

計算用紙

III 四面体 OABC において,  $\angle AOB = 45^\circ$ ,  $\angle BOC = 30^\circ$ ,  $\angle COA = 60^\circ$ ,  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = 12$ ,  $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} = 9$ ,  $\overrightarrow{OC} \cdot \overrightarrow{OA} = 3\sqrt{6}$  であるとする。

(1)  $OA = \boxed{16} \sqrt{\boxed{17}}$ ,  $OB = \boxed{18} \sqrt{\boxed{19}}$ ,  $OC = \boxed{20}$  である。

(2) 辺 OA, OB, OC 上にそれぞれ点 P, Q, R を  $OP = OQ = OR = 2$  となるようにとる。

$\triangle PQR$  の重心を G とするとき,  $OG^2 = \frac{\boxed{21}}{\boxed{22}} (\boxed{23} + \sqrt{\boxed{24}} + \sqrt{\boxed{25}})$  である。

ただし,  $\boxed{24} < \boxed{25}$  とする。

計算用紙

IV 赤球3個と白球7個の合計10個の球が袋に入っている。1回目はAが袋から球を1個取り出し、袋には戻さない。2回目はBが袋から球を1個取り出し、袋には戻さない。このように、袋からAとBが交互に1個ずつ、Aから順に球を取り出していくゲームを行う。ただし、取り出した球はもとに戻さないものとする。このとき、袋の中に最後に残っている赤球を取り出した方を勝ちとし、そこでゲームを終了する。

(1) 3回目に球を取り出したときにAが勝つ確率は  $\frac{26}{\boxed{27} \quad \boxed{28} \quad \boxed{29}}$  であり、5回目に球

を取り出したときにAが勝つ確率は  $\frac{30}{\boxed{31} \quad \boxed{32}}$  である。

(2) このゲームでAが勝つ確率は  $\frac{33}{\boxed{34} \quad \boxed{35}}$  である。

(3) Bが勝つという条件の下で、6回目に球を取り出したときにゲームが終了するという

条件付き確率は  $\frac{36}{\boxed{37}}$  である。

計算用紙

V 数列  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$  を以下のように定義する。

$$a_n = 3^n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

であり,  $a_n$  を 5 で割ったときの余りを  $b_n$  とする。

(1)  $b_1 + b_2 + b_3 + b_4 + b_5 = \boxed{38} \boxed{39}$  である。

(2)  $\sum_{k=1}^{4n+1} b_k = \boxed{40} \boxed{41} n + \boxed{42}$  である。

(3)  $S_n = \left( \sum_{k=1}^n a_k \right) \left( \sum_{k=1}^n b_k \right)$  とする。このとき,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n a_{4n+1}}{S_{4n+1}} = \frac{\boxed{43}}{\boxed{44} \boxed{45}}$  である。

計算用紙

VI 関数  $f(x) = xe^{-\frac{x}{2}}$  について、曲線  $y = f(x)$  を  $C$  とし、直線  $y = ax$  を  $l$  とする。  
ただし、 $e$  は自然対数の底、 $a$  は定数とする。

(1)  $f(x)$  は  $x = \boxed{46}$  で極大値  $\frac{\boxed{47}}{e}$  をとり、曲線  $C$  の変曲点 A の座標は  
 $\left( \boxed{48}, \frac{\boxed{49}}{e^2} \right)$  である。

(2) 曲線  $C$  と直線  $l$  が、 $0 < x < \boxed{48}$  で共有点をもつような  $a$  の値の範囲は、  
 $\frac{\boxed{50}}{e^2} < a < \boxed{51} \cdots \cdots \textcircled{1}$  である。

点 A を通り  $x$  軸に垂直な直線を  $m$  とする。

①のとき、曲線  $C$  と直線  $l$  で囲まれた部分の面積を  $S_1$ 、曲線  $C$  と 2 直線  $l$ 、 $m$  で囲まれた部分の面積を  $S_2$  とする。

$S_1 = S_2$  となるときの  $a$  の値は、 $a = \frac{\boxed{52}}{\boxed{53}} - \frac{\boxed{54}}{\boxed{55} e^2}$  である。

数学の問題はここまでです

計算用紙