

理科

1. 3科目すべての解答用紙に受験番号、氏名を記入すること。
2. 物理・化学・生物の3科目のうち、2科目を選択すること。
3. 選択しない科目の解答用紙の中央に大きく×印を描くこと。
4. 選択しない科目の解答用紙は試験開始から30分後に回収される。

1. 試験時間は 90 分である。
2. 試験開始の指示があるまで、筆記用具を持つてはならない。
3. 試験開始後に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁等の不備、解答用紙の汚れ等を確認しなさい。
これらがある場合には手を高く挙げて監督者に知らせること。
4. 物理では、1～11 ページで、解答番号は

1

 ～

24

 である。
化学では、12～23 ページで、解答番号は

1

 ～

39

 である。
生物では、24～41 ページで、解答番号は

1

 ～

23

 である。
5. 解答は指示された解答番号に従って解答用紙の解答欄にマークすること。
6. 解答用紙に正しく記入・マークしていない場合には、正しく採点されないことがある。
7. 指定された以外の個数をマークした場合には誤りとなる。
8. 下書きや計算は問題冊子の余白を利用すること。
9. 質問等がある場合には手を高く挙げて監督者に知らせること。
10. 試験終了の指示があったら直ちに筆記用具を机の上に置くこと。
11. 試験終了の合図の後に受験番号、氏名の記入漏れに気づいた場合には、手を高く挙げて監督者の許可を得てから記入すること。許可なく筆記用具を持つと不正行為とみなされる。
12. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ること。

										
良い例	悪い例									

- ◇M4(018—39)

物 理

解答上の注意

1. 解答は、解答用紙の解答欄にマークすること。

例えば、

6

7

 と表示のある問題に対して、計算等から得られた値をマークする場合には、次の例に従う。

例：38 と答えたい場合には

解答 番号	解 答 欄									
6	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩
7	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩

2. 分数形で解答する場合には、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えること。
3. 答えの値は、枠に合わせて四捨五入すること。

1 次の文章を読み、下の問い(問1～6)に答えよ。重力加速度の大きさを g とする。

- (1) 図1に示すように、質量 M の台が、なめらかで水平な床の上に置かれている。質量 m の小物体が、台の上面と同じ高さのなめらかな水平面上を速さ v_0 で移動したあと、台の上面に乗り移った。台のあらい上面と小物体との間には動摩擦力が発生し、小物体が台の上面を動きだすと同時に、台も床の上を動きだし、やがて小物体と台は一体となって回転することなく速さ V で等速直線運動した。この間に、小物体は台の上面に対して距離 L だけ移動した(図2)。ただし、台の上面と小物体との間の動摩擦係数を μ とし、空気抵抗は無視できるものとする。

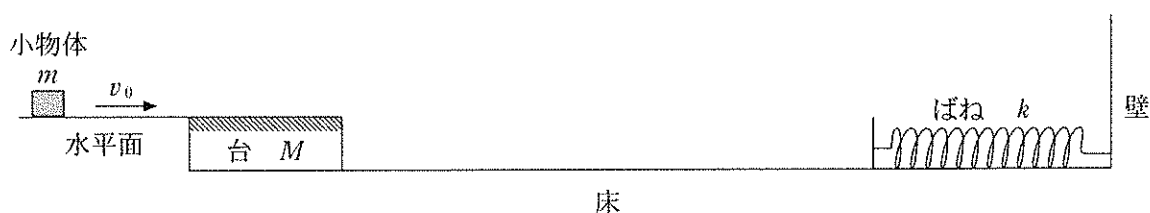


図1

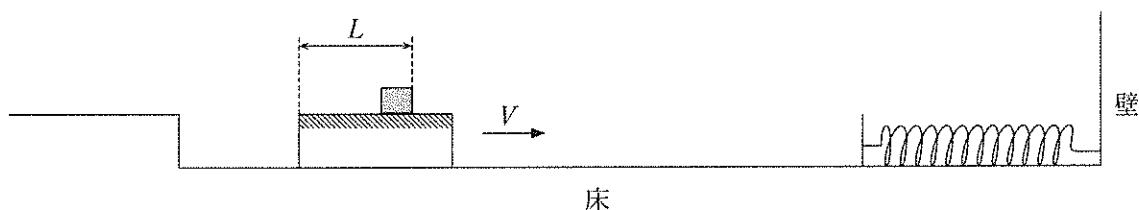


図2

問1 小物体と台が一体となったときの速さ V は、 $V =$ 1 である。

1 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | | |
|------------------------------|------------------------------|----------------------------|
| ① v_0 | ② $v_0 \sqrt{\frac{m}{M}}$ | ③ $v_0 \sqrt{\frac{M}{m}}$ |
| ④ $v_0 \sqrt{\frac{m}{M+m}}$ | ⑤ $v_0 \sqrt{\frac{M}{M+m}}$ | ⑥ $\frac{mv_0}{M}$ |
| ⑦ $\frac{Mv_0}{m}$ | ⑧ $\frac{mv_0}{M+m}$ | ⑨ $\frac{Mv_0}{M+m}$ |

問 2 距離 L は、 $L = \boxed{2}$ である。

$\boxed{2}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- | | | |
|-------------------------------|-------------------------------|--------------------------------|
| ① $\frac{m}{2\mu(M+m)g}v_0^2$ | ② $\frac{M}{2\mu(M+m)g}v_0^2$ | ③ $\frac{M+m}{2\mu mg}v_0^2$ |
| ④ $\frac{M+m}{2\mu Mg}v_0^2$ | ⑤ $\frac{m}{\mu(M+m)g}v_0^2$ | ⑥ $\frac{M}{\mu(M+m)g}v_0^2$ |
| ⑦ $\frac{M+m}{\mu mg}v_0^2$ | ⑧ $\frac{M+m}{\mu Mg}v_0^2$ | ⑨ $\frac{2(M+m)}{\mu mg}v_0^2$ |

図 1, 2 に示すように、台が運動する直線上には、一端が壁に固定されたばね定数 k の軽く長いばねがあり、台と衝突すると縮んで、台を減速させるようになっている。ただし、台の上面と小物体との間の静止摩擦係数を μ_0 とし、ばねの先端の板の質量は無視できるものとする。

問 3 台は速さ V でばねと衝突した。小物体は台の上ですべることなく、ばねが自然長から長さ d だけ縮んだ瞬間に、台の速さは 0 になった。ばねが縮んだ長さ d は、 $d = \boxed{3}$ である。

$\boxed{3}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- | | | |
|---------------------------------|--------------------------------|---------------------------------|
| ① $v_0\sqrt{\frac{M+m}{k}}$ | ② $\frac{(M+m)v_0}{\sqrt{km}}$ | ③ $\frac{mv_0}{2\sqrt{k(M+m)}}$ |
| ④ $\frac{Mv_0}{2\sqrt{k(M+m)}}$ | ⑤ $\frac{mv_0}{\sqrt{k(M+m)}}$ | ⑥ $\frac{Mv_0}{\sqrt{k(M+m)}}$ |
| ⑦ $\frac{(M+m)v_0}{2\sqrt{km}}$ | ⑧ $\frac{(M+m)v_0}{\sqrt{kM}}$ | ⑨ $\frac{(M+m)v_0}{2\sqrt{kM}}$ |

問 4 台の速さが 0 になったときに台上にいる観測者から見ると、小物体にはたらく慣性力の大きさ f は、 $f = \boxed{4}$ である。

$\boxed{4}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{m^2 v_0}{M} \sqrt{\frac{k}{M+m}}$ ② $\frac{M^2 v_0}{m} \sqrt{\frac{k}{M+m}}$ ③ $\frac{m^2 v_0}{M} \sqrt{\frac{2k}{M+m}}$
 ④ $\frac{M^2 v_0}{m} \sqrt{\frac{2k}{M+m}}$ ⑤ $m^2 v_0 \sqrt{\frac{k}{(M+m)^3}}$ ⑥ $Mm v_0 \sqrt{\frac{k}{(M+m)^3}}$
 ⑦ $M^2 v_0 \sqrt{\frac{k}{(M+m)^3}}$ ⑧ $m^2 v_0 \sqrt{\frac{2k}{(M+m)^3}}$ ⑨ 0

問 5 台の速さが 0 になったとき、小物体が台の上ですべらないために v_0 が満たす条件は、 $v_0 \leq \boxed{5}$ である。

$\boxed{5}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{\mu_0 M g}{m} \sqrt{\frac{M+m}{2k}}$ ② $\frac{\mu_0 m^2 g}{M^2} \sqrt{\frac{M+m}{2k}}$ ③ $\frac{\mu_0 M g}{m} \sqrt{\frac{M+m}{k}}$
 ④ $\frac{\mu_0 m^2 g}{M^2} \sqrt{\frac{M+m}{k}}$ ⑤ $\frac{\mu_0 g}{m} \sqrt{\frac{(M+m)^3}{2k}}$ ⑥ $\frac{\mu_0 m g}{M^2} \sqrt{\frac{(M+m)^3}{2k}}$
 ⑦ $\frac{\mu_0 g}{M} \sqrt{\frac{(M+m)^3}{k}}$ ⑧ $\frac{\mu_0 g}{m} \sqrt{\frac{(M+m)^3}{k}}$ ⑨ $\frac{\mu_0 m g}{M^2} \sqrt{\frac{(M+m)^3}{k}}$

- 〔2〕 一辺の長さ $2L$ 、質量 m の一様な正方形の薄い板 ABCD がある。図 3 に示すように、C に質量 $2m$ のおもりを固定し、A には糸を取りつけ、天井からつるした。次に、糸と板を含む鉛直面に沿って、D を作用点として、鉛直線となす角度 θ ($0^\circ \leq \theta < 90^\circ$) の向きに、静かに力を加えた。力の大きさが F になったとき、板は AD を水平にして静止した。このとき、糸と鉛直線のなす角度は 45° であった。

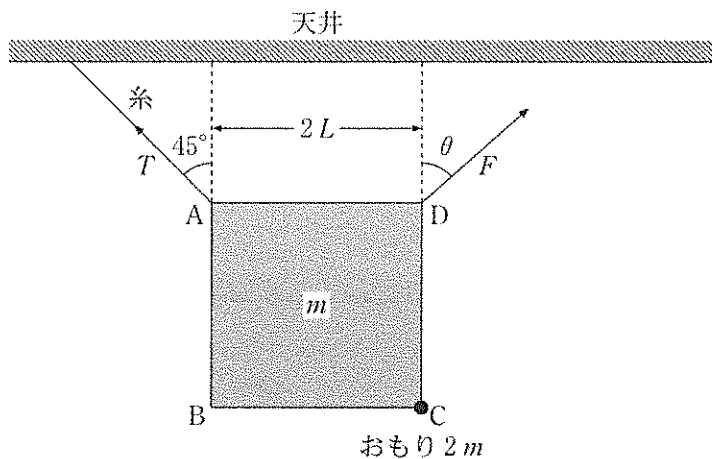


図 3

問 6 このときの糸の張力を T とすると、 $T = \boxed{6} mg$ であり、 $F = \boxed{7} mg$ である。また、 $\tan \theta = \boxed{8}$ である。

(1) $\boxed{6}$ に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ② $\sqrt{2}$ ③ $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ ④ $2\sqrt{2}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{2}$
 ⑥ $3\sqrt{2}$ ⑦ $\frac{7\sqrt{2}}{2}$ ⑧ $4\sqrt{2}$ ⑨ $\frac{9\sqrt{2}}{2}$

(2) $\boxed{7}$ に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{\sqrt{10}}{5}$ ② $\frac{\sqrt{13}}{5}$ ③ 1 ④ $\sqrt{2}$ ⑤ $\frac{\sqrt{10}}{2}$
 ⑥ $\frac{\sqrt{65}}{5}$ ⑦ $\frac{\sqrt{13}}{2}$ ⑧ $\sqrt{5}$ ⑨ $\frac{\sqrt{26}}{2}$

(3) $\boxed{8}$ に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 1
 ⑥ 2 ⑦ 3 ⑧ 4 ⑨ 5

2 次の文章を読み、下の問い(問1～5)に答えよ。

ごく短時間だけ振動板を振動させ、パルス状の音波を発生する音源 S と、そのパルス波を反射する物体 P がある。P は速さ v で等速直線運動をしている。S は点 O で静止したまま 1 つ目のパルス波(パルス波 1)を発射し、時間 t_0 後に 2 つ目のパルス波(パルス波 2)を発射した。P がパルス波 1 を反射する点を A、パルス波 2 を反射する点を B とする。音速を c とし、 $c > v$ とする。

〔1〕はじめに図 1 のように、B が O、A を通る直線 l 上にあり、P が O から遠ざかっている場合を考える。



図 1

問 1 P に届いた 2 つのパルス波の時間間隔 t_1 を、 t_0 、 c 、 v を使って表すと、

$t_1 =$ 9 t_0 である。

9 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{c-v}{c}$ ② $\frac{c-v}{v}$ ③ $\frac{c+v}{c}$ ④ $\frac{c+v}{v}$ ⑤ $\frac{c}{c-v}$
 ⑥ $\frac{c}{c+v}$ ⑦ $\frac{c+v}{c-v}$ ⑧ $\frac{c-v}{c+v}$ ⑨ 1

問 2 P にあたって反射したパルス波が O で観測された。O に届いた 2 つの反射波の時間間隔 t_2 を、 t_1 、 c 、 v を使って表すと、 $t_2 =$ 10 t_1 である。

10 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{c-v}{c}$ ② $\frac{c-v}{v}$ ③ $\frac{c+v}{c}$ ④ $\frac{c+v}{v}$ ⑤ $\frac{c}{c-v}$
 ⑥ $\frac{c}{c+v}$ ⑦ $\frac{c+v}{c-v}$ ⑧ $\frac{c-v}{c+v}$ ⑨ 1

問 3 P の速さ v を、 t_0 、 t_2 、 c を使って表すと、 $v =$ 11 c である。

11 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{t_2 - t_0}{2t_0}$ ② $\frac{t_2 - t_0}{2t_2}$ ③ $\frac{t_2 - t_0}{2(t_2 + t_0)}$
 ④ $\frac{t_2 - t_0}{t_0}$ ⑤ $\frac{t_2 - t_0}{t_2}$ ⑥ $\frac{t_2 - t_0}{t_2 + t_0}$
 ⑦ $2\frac{t_2 - t_0}{t_0}$ ⑧ $2\frac{t_2 - t_0}{t_2}$ ⑨ $2\frac{t_2 - t_0}{t_2 + t_0}$

問 4 パルス波 1 が S を出てから、その反射波が O に戻ってくるまでの時間は T であった。パルス波 1 の反射波が O で観測されたとき、O から P までの距離は 12 cT である。

12 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{t_2}{2t_0}$ ③ $\frac{t_0}{2t_2}$ ④ $\frac{t_2 + t_0}{4t_0}$ ⑤ $\frac{t_2 + t_0}{4t_2}$
 ⑥ $\frac{t_2}{t_0}$ ⑦ $\frac{t_0}{t_2}$ ⑧ $\frac{t_0}{t_2 + t_0}$ ⑨ $\frac{t_2}{t_2 + t_0}$

〔2〕 次に、図 2 のように O、A を通る直線 l と線分 AB のなす角度が θ の場合を考える。距離 OA は距離 AB に比べて十分に大きく、距離 OB について、近似式 $OB \simeq OA + AB \cos \theta$ が成り立つものとする。

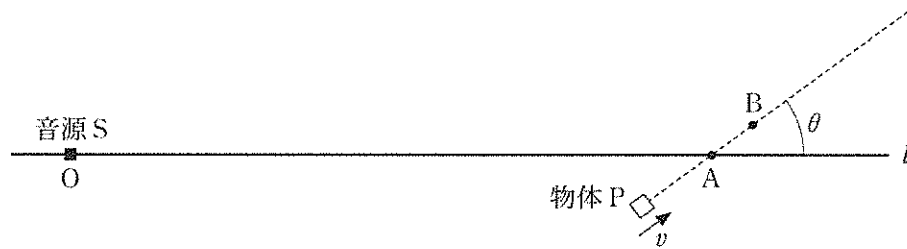


図 2

問 5 このとき O に届いた 2 つの反射波の時間間隔は $t_2' = 10.2 \text{ ms}$ であった。
 $c = 340 \text{ m/s}$, $t_0 = 10.0 \text{ ms}$, $\cos \theta = 0.900$ とすると、 $v =$ 13 m/s である。また、パルス波 1 が S を出てから、その反射波が O に戻ってくるまでの時間は $T' = 120 \text{ ms}$ であった。パルス波 1 の反射波が O で観測されたとき、O から P までの距離は 14 m である。

(1) 13 に入る数値として最も近いものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① 2.11 ② 2.48 ③ 2.81 ④ 3.25 ⑤ 3.74
 ⑥ 4.20 ⑦ 4.67 ⑧ 5.09 ⑨ 5.43

(2) 14 に入る数値として最も近いものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① 9.80 ② 11.2 ③ 13.7 ④ 15.3 ⑤ 17.1
 ⑥ 18.9 ⑦ 20.6 ⑧ 22.0 ⑨ 24.6

3 次の文章を読み、下の問い(問1～7)に答えよ。電池の内部抵抗は無視できるものとする。

(1) 図1に示すような、起電力 E [V] の電池と抵抗 $R_1 \sim R_4$ (抵抗値はすべて r [Ω]) からなる回路がある。

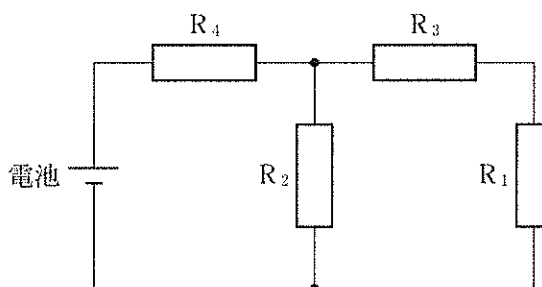


図1

問1 このとき、抵抗 R_1 に流れる電流は 15 $\frac{E}{r}$ [A] であり、電池に流れる電流は 16 $\frac{E}{r}$ [A] である。

15 , 16 に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから1つずつ選べ。同じものを繰り返し選んでもよい。

- | | | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② $\frac{1}{3}$ | ③ $\frac{2}{3}$ | ④ $\frac{1}{4}$ | ⑤ $\frac{3}{4}$ |
| ⑥ $\frac{1}{5}$ | ⑦ $\frac{2}{5}$ | ⑧ $\frac{3}{5}$ | ⑨ $\frac{4}{5}$ | ⑩ $\frac{1}{6}$ |

(2) 次に、図2に示すように、抵抗 R_1 を豆電球と取り換えた。豆電球の電流電圧特性(豆電球にかかる電圧 V [V] と流れる電流 I [A] の関係)は

$$V = \alpha I^2 \quad (\text{i})$$

で与えられるものとする。また、 α は正の比例定数、 $V > 0$, $I > 0$ とする。式(i)を縦軸 I , 横軸 V として表したものが図3である。

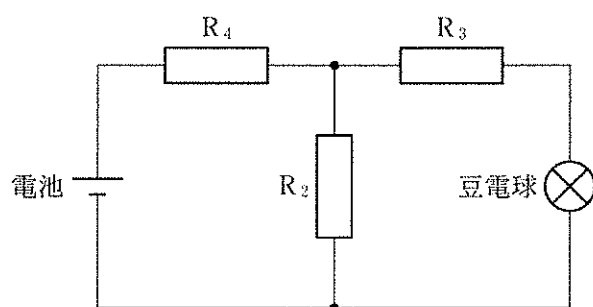


図2

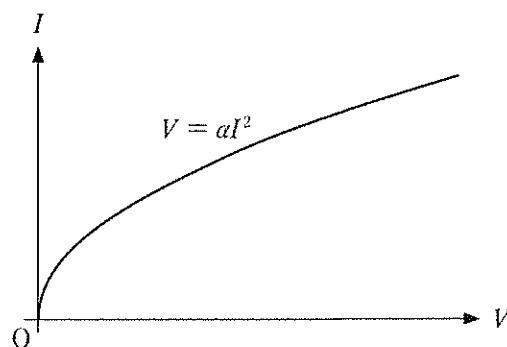


図3

問 2 図 2 の豆電球として、 $\alpha = \frac{9r^2}{E} [\Omega^2/V]$ である豆電球 M_0 を接続した。このとき M_0 にかかる電圧は 17 $E[V]$ であり、 M_0 を流れる電流は 18 $\frac{E}{r} [A]$ である。

17、18 に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つずつ選べ。同じものを繰り返し選んでもよい。

- | | | | | |
|-----------------|-----------------|-----------------|------------------|------------------|
| ① $\frac{1}{2}$ | ② $\frac{1}{3}$ | ③ $\frac{2}{3}$ | ④ $\frac{1}{4}$ | ⑤ $\frac{3}{4}$ |
| ⑥ $\frac{1}{5}$ | ⑦ $\frac{1}{6}$ | ⑧ $\frac{1}{8}$ | ⑨ $\frac{1}{12}$ | ⑩ $\frac{1}{24}$ |

〔3〕 次に、図 2 の豆電球を図 4 に示すようにダイオードと取り換えた。ダイオードの電流電圧特性は、電圧 $V_0[V]$ を境にして

$$I = \begin{cases} 0 & (0 < V < V_0) \\ \beta V^2 - I_0 & (V_0 \leq V) \end{cases} \quad (\text{ii})$$

で与えられるものとする。また、 $\beta > 0$ 、 $I_0 > 0$ とする(図 5)。

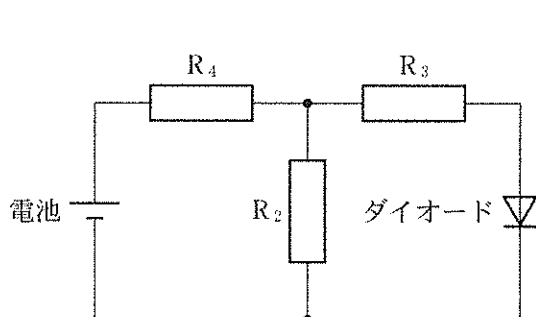


図 4

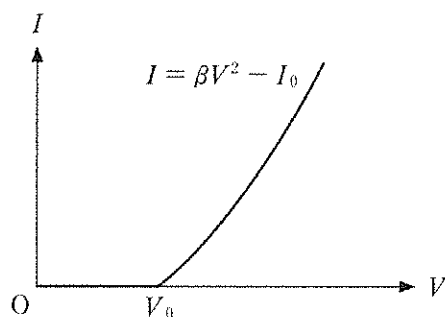


図 5

問 3 図 4 のダイオードとして $\beta = \frac{8}{rE} [1/(\Omega \cdot V)]$ 、 $I_0 = \frac{E}{3r} [A]$ であるダイオード D_0 を接続した。このとき、 $V_0 =$ 19 $E[V]$ である。

19 に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つ選べ。

- | | | | | |
|------------------|------------------------|------------------------|------------------------|-------------------------|
| ① $\frac{9}{4}$ | ② $\frac{3}{2}$ | ③ $\frac{8}{9}$ | ④ $\frac{3}{4}$ | ⑤ $\frac{3}{8}$ |
| ⑥ $\frac{1}{24}$ | ⑦ $\sqrt{\frac{2}{3}}$ | ⑧ $\sqrt{\frac{1}{2}}$ | ⑨ $\sqrt{\frac{3}{8}}$ | ⑩ $\sqrt{\frac{1}{24}}$ |

問 4 問 3 の条件のとき、 D_0 にかかる電圧は $\boxed{20} E$ [V] であり、 D_0 を流れる電流は $\boxed{21} \frac{E}{r}$ [A] である。

$\boxed{20}$, $\boxed{21}$ に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つずつ選べ。同じものを繰り返し選んでもよい。

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{3}{4}$
 ⑥ $\frac{1}{5}$ ⑦ $\frac{1}{6}$ ⑧ $\frac{1}{8}$ ⑨ $\frac{1}{12}$ ⑩ $\frac{1}{24}$

[4] 図 6 に示すように、起電力 E [V] の電池、可変抵抗 R (抵抗値は kr [Ω], $k \geq 0$), 豆電球 M , ダイオード D を用いて回路を組んだ。また、 M と D の電流電圧特性はそれぞれ式(i)と(ii)で与えられるものとする(ただし、 α , β の値は M_0 , D_0 のものとは異なる)。

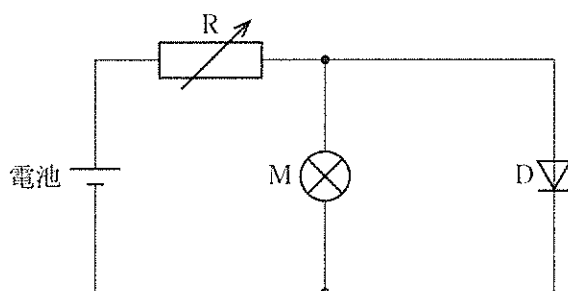


図 6

$k = 0$ のとき、 M と D の両方に電流が流れていた。 k を徐々に増加させて R の抵抗値を大きくしていったとき、あるところで D に電流が流れなくなった。この現象を考察する。

問 5 電池を流れる電流を I [A] とし、 M にかかる電圧を V_M [V] とすると、 $V_M = \boxed{22}$ [V] である。

$\boxed{22}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つ選べ。

- ① $E - rI$ ② $E + rI$ ③ $E - \alpha I^2$ ④ $E - \alpha I^2 + V_0$
 ⑤ $E - \alpha I^2 - V_0$ ⑥ $E - krI$ ⑦ $E + krI$ ⑧ $E - k\alpha I^2$
 ⑨ $E - k^2\alpha I^2$ ⑩ $E - k^2\alpha I^2 + V_0$

問 6 電流は M にしか流れていないことを利用すると、M に流れる電流 I_M [A] は、

$I_M = \boxed{23}$ [A] と計算できる。

$\boxed{23}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つ選べ。

① $\frac{-kr + \sqrt{k^2 r^2 + 4aE}}{2a}$

② $\frac{-kr - \sqrt{k^2 r^2 + 4aE}}{2a}$

③ $\frac{-kr + \sqrt{k^2 r^2 + aE}}{2a}$

④ $\frac{-kr - \sqrt{k^2 r^2 + aE}}{2a}$

⑤ $\frac{kr + \sqrt{k^2 r^2 + aE}}{2a}$

⑥ $\frac{-kr + \sqrt{k^2 r^2 + 4aE}}{a}$

⑦ $\frac{-kr - \sqrt{k^2 r^2 + 4aE}}{a}$

⑧ $\frac{kr + \sqrt{k^2 r^2 + 4aE}}{a}$

⑨ $\frac{-kr + \sqrt{k^2 r^2 + aE}}{a}$

⑩ $\frac{-kr - \sqrt{k^2 r^2 + aE}}{a}$

問 7 D に電流が流れていないため、 $\boxed{22} \leq V_0$ である。この不等式と問 6 の結果を用いると、D に電流が流れないために k が満たすべき条件式は $\boxed{24}$ となる。

$\boxed{24}$ に入る式として最も適切なものを、次の①～⑩のうちから 1 つ選べ。ただし、 $V_0 < E$ とする。

① $k \geq \frac{E - V_0}{r} \sqrt{\frac{2a}{V_0}}$

② $k \leq \frac{E - V_0}{r} \sqrt{\frac{2a}{V_0}}$

③ $k \geq \frac{E - V_0}{r} \sqrt{\frac{a}{V_0}}$

④ $k \leq \frac{E - V_0}{r} \sqrt{\frac{a}{V_0}}$

⑤ $k \geq \frac{\alpha(E - V_0)^2}{r^2 V_0}$

⑥ $k \leq \frac{\alpha(E - V_0)^2}{r^2 V_0}$

⑦ $k \geq \frac{4\alpha(E - V_0)^2}{r^2 V_0}$

⑧ $k \leq \frac{4\alpha(E - V_0)^2}{r^2 V_0}$

⑨ $k \geq \frac{\alpha(E - V_0)^2}{4r^2 V_0}$

⑩ $k \leq \frac{\alpha(E - V_0)^2}{4r^2 V_0}$