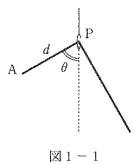


物 理 (全2の1)

物理量はSI国際単位系で表現している。解答欄に[]がある所はその単位をSI国際単位系による簡潔な形で記入せよ。円周率を π とする。

- 1** 長さが L 、質量が m の一様な細い棒がある。この棒の一端を点A、他端を点Bとし、端Aから距離 $d(0 < d < L)$ の点Pで棒を直角に折り曲げ、図1-1のように点Pを上にして点Pで支える。このL字の棒はこれ以上変形することはなく、点Pは動かないものとする。三角形APBは地面に鉛直面内にあり、この鉛直面内で三角形APBは、点Pをとおる回転軸のまわりを回転できるものとする。PAが鉛直線となす角度を $\theta(0 < \theta < \frac{\pi}{2})$ とし、力のモーメントは、図1-1で θ の減る方向(反時計回り)を正とする。PAあるいはPBにはたらく重力によって生じる点Pのまわりの力のモーメントは、それぞれの重心に質量が集まっているとして考えることができる。重力加速度の大きさを g とし、空気抵抗や摩擦は無視できるものとする。



I. L字の棒が静止している状態を考える。

- 棒のPAの部分だけを考えたとき、点PからPAの重心までの長さはいくらか。
- 棒のPAの部分だけを考えたとき、PAにはたらく重力の大きさはいくらか。
- PAによって生じる点Pのまわりの力のモーメントはいくらか。
- PBによって生じる点Pのまわりの力のモーメントはいくらか。
- $\tan \theta$ はいくらか。 θ を用いて答えよ。
- $\tan \theta = 4$ であったならば、PAの長さはPBの長さの何倍か。

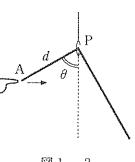


図1-2

- II. 角度 θ が $\frac{\pi}{4}$ より大きい角度で棒が静止している状態から、図1-2のように点Aに水平方向右向きに力をゆっくりと加える。

(7) $\tan \theta = 5$ するために必要な力は $\frac{mg}{2}$ であった。このときの d はいくらか。

- 2** 図2のように、媒質1、2、3が密着している。媒質2は一定の厚さ d の薄膜である。それぞれの媒質は透明で一様であり、媒質1と媒質2の境界面を境界面a、媒質2と媒質3の境界面を境界面bとする。単色光の平行光線を媒質1から薄膜に入射角 $\theta(\theta > 0)$ で入射させる。光線1は点Aを通り、境界面aの点Bで薄膜に入り、境界面bの点Cで反射して、境界面aの点Eで再び媒質1に出る。光線2は点Dを通り、境界面aの点Eで反射する。点Eを出た光線1と光線2は干涉しながら点Fに向かうものとする。ADは光の進行方向に垂直で、光線1と光線2は点A、点Dで同位相となっている。真空中における光の波長を λ とする。なお、図において光線の進む向きは模式的に示してある。

- 媒質1、2、3の絶対屈折率がそれぞれ、 1 、 n 、 $2n$ ($1 < n < \frac{5}{3}$)の場合を考える。
- 媒質2での光の波長はいくらか。
- 光線1の点Bでの屈折角を ϕ としたとき、 $\sin \phi$ はいくらか。
- $\sin \theta = \frac{3\pi}{5}$ のとき、光線1の点Aから点Fまでの光路長と光線2の点Dから点Fまでの光路長の差はいくらか。 θ を用いて答えよ。
- 光線1が点Cで反射するとき、および光線2が点Eで反射するときの位相の変化はそれぞれいくらか。
- 点Eから点Fに向かう光線1と光線2が弱め合うのは、2つの光線の光路差がいくらか。波長 λ および整数 $m(m=0, 1, 2, \dots)$ を用いて答えよ。
- 入射光が赤い光のときと青い光のときを比べた場合、点Eから点Fに向かう2つの光線を弱めあうための薄膜の最小の厚さがより小さいのは、どちらの光のときか。光の波長による絶対屈折率の違いは無視できるものとする。

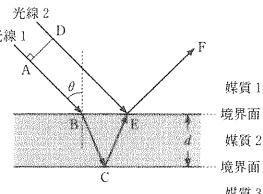


図2

物 理 (全2の2)

II. 媒質1、2、3の絶対屈折率がそれぞれ、 2 、 $\frac{3}{2}$ 、 1 の場合を考える。

- 光線1が媒質1から媒質2の中に進むことができ、かつ境界面bでは全反射するときに $\sin \theta$ が満たす条件を表す式を記せ。
- 光線1の点Bでの屈折角を ϕ としたとき、点Eから点Fに向かう光線1と光線2が弱めあうのは、 $\cos \phi$ がいくらのときか。整数 $m(m=0, 1, 2, \dots)$ として θ を用いて答えよ。
- 光線1の点Bでの屈折角を ϕ としたとき、点Eから点Fに向かう光線1と光線2を弱めあうための薄膜の最小の厚さはいくらか。 θ を用いて答えよ。

- 3** 2枚の広い極板A、Bを向い合せた平行板コンデンサーが真空中に置かれている。図3のようにコンデンサーの極板の間には、厚さ d の金属板が極板と平行に置かれている。金属板と極板の面は同じ大きさ同じ形で、コンデンサーの極板間の間隔は十分に小さく、極板と金属板の間の電界は一様とみなせる。金属板の表面のうち、極板Aに近いほうを面 M_A 、極板Bに近いほうを面 M_B とし、極板Aと面 M_A の間隔を d とする。起電力 V の電池とスイッチ S_1 をつないで図3のように回路をつくった。電池の内部抵抗や導線の抵抗は無視することができる。はじめ、スイッチ S_1 は開いた状態で、極板、金属板とともに帯電しておらず、極板Aと極板Bの間隔を $5d$ 、極板Bと面 M_B の間隔を $3d$ とする。

- I. スイッチ S_1 を開じて十分に時間が経った。
- 真空の誘電率を ϵ_0 、各極板の面積を S としたとき、極板Aと面 M_A の間の電気容量はどのように表されるか。
 - 真空の誘電率を ϵ_0 、各極板の面積を S としたとき、極板Aと極板Bの間の電気容量はどのように表されるか。
 - 極板Aと面 M_A の間の電界の強さはいくらか。
 - 面 M_B と極板Bの間の電界の強さはいくらか。
 - 極板Aと面 M_A の間の電気容量を C としたとき、面 M_B に蓄えられている電気量はいくらか。
- II. スイッチ S_1 を開じて十分に時間が経ったときに、平行板コンデンサーに静電エネルギー W が蓄えられた。次に、スイッチ S_1 を閉じたまま、極板Bを動かして極板Bと面 M_B の間隔を減らして d とし、また十分に時間が経過した。
- 平行板コンデンサーが蓄えている静電エネルギーは、間隔を減らしたことにより増加したか減少したか答えよ。
 - 間隔を減らしたことによる静電エネルギーの変化量の大きさはいくらか。
 - スイッチ S_1 を開けて、金属板を取り去ったところ、極板Aと極板Bの間には一様な電界が生じた。この電界の強さはいくらか。
 - スイッチ S_1 を開けて金属板を取り去ったのち、極板Aと極板Bの間隔を $5d$ に戻した。このとき、平行板コンデンサーに蓄えられている静電エネルギーはいくらか。

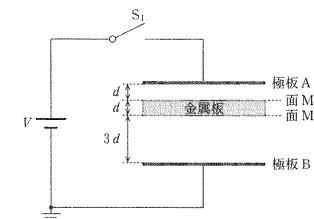


図3