

2020 年度入学試験問題(後期)

数学 (問題)

注 意

- 1) 数学の問題冊子は4ページあり、問題はI, II, III, IVの4題である。
- 2) 別に解答用紙1枚があり、解答はすべてこの解答用紙の指定欄に記入すること。  
指定欄以外への記入はすべて無効である。なお、指示があれば指定欄には解答を求める過程も記述すること。計算や下書きは問題冊子の白紙・空白部分を利用して行うこと。
- 3) 解答用紙の所定欄に受験番号を記入しなさい。氏名を記入してはならない。  
なお、記入した受験番号が誤っている場合や無記入の場合は、数学の試験が無効となる。  
また、※印の欄には何も記入してはならない。
- 4) 問題冊子は持ち帰ること。
- 5) 解答用紙を持ち出してはならない。
- 6) 試験終了時には、解答用紙を裏返しておくこと。解答用紙の回収後、監督者の指示に従い退出すること。

# 2020 年度一般入学試験（後期）

## 数 学（問題） 訂正

1 ページ I(3)

誤  $f(x) = (x^2 + 3x + 1)e^{-x}$  とき, ...



正  $f(x) = (x^2 + 3x + 1)e^{-x}$  とするとき, ...

【問題文に とする を追加】

I (1)~(3)の [ ] の中に、あてはまる数、角度、整式、不等式、記号、語句などを記入せよ。

(1)  $0 \leq \theta \leq \pi$  のとき、関数  $y = 4\sqrt{2} \cos \theta \sin \theta - 4 \cos \theta - 4 \sin \theta$  は  
 $\theta =$ [ア] のときに最大値 [イ] をとり、 $\theta =$ [ウ] のときに最小  
値 [エ] をとる。

(2)  $3x^2 + xy - 2y^2 - x + 4y - 2$  を因数分解すると、[オ] である。  
 $3x^2 + xy - 2y^2 - x + 4y - 4 = 0$  を満たす整数  $x, y$  の値の組をすべて求め  
ると、 $(x, y) =$ [カ] となる。

(3)  $f(x) = (x^2 + 3x + 1)e^{-x}$  とき、 $f'(x) =$ [キ] である。 $k$  を実数とする  
とき、 $x$  の方程式  $ke^x = x^2 + 3x + 1$  が、異なる 3 つの実数解を持つための  $k$  の  
条件は [ク] である。

II 数列 $\{a_n\}$ を次のように定める。

$$a_1 = 0, \quad a_2 = 1, \quad a_{n+2} = 10a_{n+1} + 51a_n \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

以下の設間に答えよ。なお、(2)、(3)の設問は解答を求める過程も記述すること。

(1)  $a_3, a_4, a_5$ を求めよ。(答えだけを指定欄に記入すること。)

(2) 数列 $\{a_n\}$ の一般項を求めよ。

(3)  $a_n$ を10で割った余りを $b_n$ とする。 $m$ を正の整数として $\sum_{k=1}^{2m} b_k$ を求めよ。

III O を原点とする座標空間に 4 点  $A(5, 2, -5)$ ,  $B(7, 4, -4)$ ,  
 $C(-5, 10, -1)$ ,  $D(1, 10, -4)$  がある。点 A と点 B を通る直線を  $l$ , 点 C と  
点 D を通る直線を  $m$  とする。 $l$  上の点 P を  $\overrightarrow{OP}$  の大きさが最小となるように定め  
る。また  $l$  上の点 Q と  $m$  上の点 R を、直線 QR が直線  $l$  と  $m$  のいずれにも直交す  
るようにとる。さらに原点 O から  $\triangle PQR$  を含む平面に垂線を下ろし、その平面と  
の交点を H とする。以下の設問に答えよ。

- (1) 点 P, Q, R, H の座標をそれぞれ求めよ。
- (2) 線分 OP, PQ, QR, OH の長さをそれぞれ求めよ。
- (3)  $\triangle PQR$  の面積と四面体 OPQR の体積を求めよ。

IV  $a, r$  を定数とする。xy 平面上に  $y = \frac{1}{3}(x - 3)^2 + a$  で表される曲線  $C$  と、  
 $x$  軸と  $y$  軸に接している半径  $r$  の円  $D$  がある。いま、曲線  $C$  と円  $D$  がただ 1 つの  
共有点を持ち、その共有点の  $x$  座標が 1 であるとき、 $a$  と  $r$  の値の組をすべて求め  
よ。

なお、解答を求める過程も記述すること。