

(2020 前)

理 科

	ページ
物 理	1～ 6
化 学	7～15
生 物	16～25
地 学	26～31

・ページ番号のついていない白紙は下書き用紙である。

注意 解答はすべて答案用紙の指定のところに記入しなさい。

物 理 75 点
化 学 75 点
生 物 75 点
地 学 75 点



物 理

I なめらかな水平面に置かれたばね振り子の運動について考える。振幅 A で単振動するばね振り子のおもりの位置 x は、図 1 で示されているように半径 A の円周上を角速度 ω で等速円運動する点の x 方向の位置に等しく、ばねが自然長のときのおもりの位置を 0 とすると、時刻 t でのおもりの位置は $x = A \sin(\omega t)$ で表される。おもりの質量を m 、ばねのばね定数を k とし、おもりの運動量を p で表す。以下の問 1～5 に答えなさい。問題の解答に必要な物理量があれば、それらを表す記号はすべて各自が定義し、解答欄に明示しなさい。(配点 25 点)

問 1 時刻 t での p を表す式を導きなさい。

問 2 力学的エネルギーが保存されることを示しなさい。

問 3 おもりの振動運動により位置 x と運動量 p は周期的な変化を繰り返す。振動の 1 周期にわたる x と p の関係を、 x を横軸、 p を縦軸にとった曲線として、その概略を解答欄のグラフに描きなさい。また、グラフには運動の向きを表す矢印と、曲線と x 軸および p 軸の交点の座標を記しなさい。

問 4 問 3 で得られた曲線の囲む「面積」を、問題に与えられた物理量(m, k, A)を用いて表しなさい。また、この「面積」が力学的エネルギーと周期の積に等しいことを示しなさい。必要であれば、 xy 平面上の曲線 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ の囲む面積は πab で表されることを用いなさい。

問 5 ばね定数が $k' = \frac{k}{2}$ のばねを用いて質量 m のおもりを振幅 A' で振動させたところ、力学的エネルギーと周期の積が、ばね定数が k のときと等しくなった。このときの力学的エネルギーを E' および周期を T' とする。振幅、力学的エネルギー、および周期について、ばね定数が k' のときと k のときのそれぞれの比、 $\frac{A'}{A}, \frac{E'}{E}$ 、および $\frac{T'}{T}$ を求めなさい。

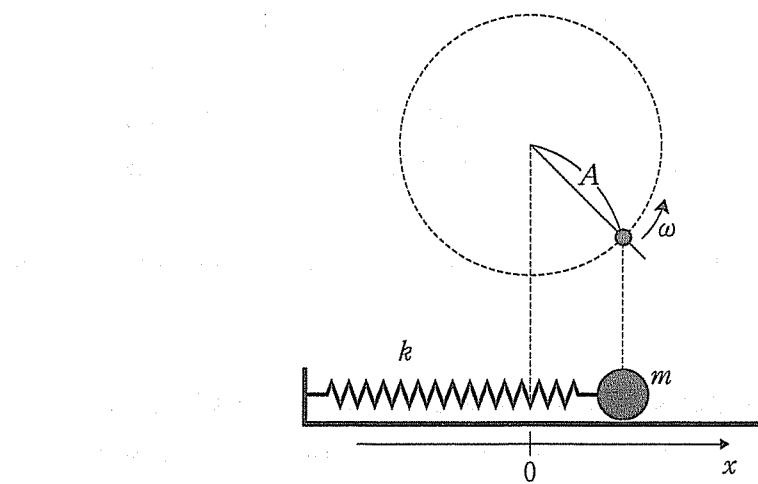


図 1

II 質量 m , 電荷 $q (> 0)$ の荷電粒子の運動について以下の問 1～5 に答えなさい。

解答欄には答えのみでなく導出過程も示しなさい。導出過程で必要な物理量があれば、それらを表す記号は全て各自が定義して使用してよいが、答えには与えられた物理量のみを用いなさい。なお、重力の影響は無視できるものとする。(配点 25 点)

問 1 この粒子を静止状態から電位差 $V_0 (< 0)$ で加速した。加速後の速さ v_0 を求めなさい。

問 2 この粒子が xy 平面内を速さ v_0 で運動しているとき、一様な磁束密度 B の磁場をかけて、 xy 平面内で z 軸正方向から見て時計回りの円運動をさせたい。かけるべき磁場の向きを解答欄の図に矢印で示しなさい。また、この円運動の周期 T_0 を求めなさい。

次に、図 1 のような十分に大きな D 字型の中空電極 D_1, D_2 を使って荷電粒子を周期的に加速することを考える。電極間には十分狭い隙間がある。荷電粒子は時刻 $t = 0$ で図 1 に示すように D_1 と隙間の境界に静止しているとする。荷電粒子の運動する領域には問 2 で考えた磁場がかけられているとする。

問 3 $t = 0$ で電極 D_1 に対する電極 D_2 の電位 V を V_0 として粒子を加速した。粒子が D_2 内を運動し、再度隙間に到達したときに $V = -V_0$ として再度加速した。粒子が隙間を 3 回目に通過する直前までの軌跡の概略を解答欄の図に描きなさい。また、3 回目に隙間を通過する直前の粒子がもつ運動エネルギーを求めなさい。

問 4 問 3 のように、 D_1 から D_2 へ隙間を通過する際に $V = V_0$, D_2 から D_1 へ隙間を通過する際に $V = -V_0$ として粒子の加速を行った。何回か加速を行った結果、運動半径が r になった。このときの運動エネルギー E を求めなさい。また、この運動エネルギー E に到達するまでに要する最短時間を求めなさい。

問 5 $q = 1.6 \times 10^{-19} [\text{C}]$, $B = 1.0 \times 10^{-1} [\text{T}]$, $m = 1.6 \times 10^{-27} [\text{kg}]$ の場合について、 $r = 1.0 \times 10^{-1} [\text{m}]$ となったときの $E [\text{J}]$ を有効数字 2 桁で求めなさい。

z 軸正方向から見た電極の *xy* 断面図

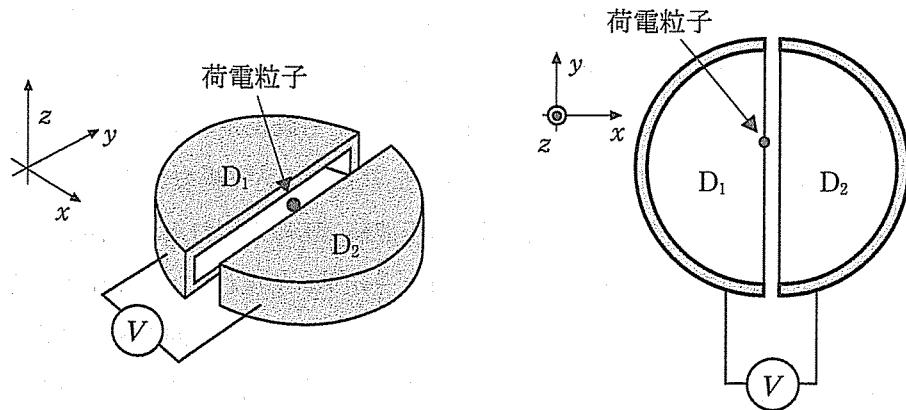


図 1

III 2枚の長方形平板ガラス A, B を用意する。平板ガラス A には、図1のように表面に深さ d の溝が彫られており、溝の方向は平板ガラス A の一つの辺と平行である。溝の深さを測るために、平板ガラス B を、図2のように厚さ b の薄いフィルムを間に挟んで重ね、平板ガラス A に対して真上から波長 λ の光を当てた。平板ガラス A の端からフィルムの先端までの長さを L とする。平板ガラス A に対して真上から見たところ、図3のように間隔 a の干渉縞の暗線が現れた。干渉縞は、溝の部分では溝のない部分に対して斜面下方向に $\frac{3}{4}a$ ずれて現れた。真空中での光速を c 、空気の屈折率を 1.0、ガラスの屈折率を n とする。以下の問1～5に答えなさい。問題の解答に必要な物理量があれば、それらを表す記号はすべて各自が定義し、解答欄に明示しなさい。また、問2以降は導出過程も示しなさい。(配点 25 点)

問 1 ガラス中での光の速さと波長を求めなさい。

問 2 干渉縞の間隔 a を、 b , L , λ のなかから必要なものを用いて表しなさい。

問 3 溝の深さ d を、 b , L , λ , 整数 M ($M = 0, 1, 2, \dots$) のなかから必要なものを用いて表しなさい。

問 4 2枚の平板ガラスの間を媒質で満たしたとき、干渉縞の間隔が $\frac{3}{4}a$ になり、干渉縞のずれがなくなった。考え得る溝の深さ d を、 b , L , λ , 整数 N ($N = 0, 1, 2, \dots$) のなかから必要なものを用いて表しなさい。

問 5 問4で得られた結果から、 $L = 3.0 \times 10^{-1}$ [m], $b = 6.0 \times 10^{-5}$ [m], $\lambda = 1.5 \times 10^{-3}$ [m] とした場合の考え得る溝の深さ d のうち、2番目に浅い値を有効数字2桁で求めなさい。

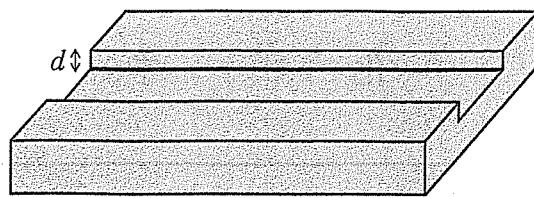


図 1

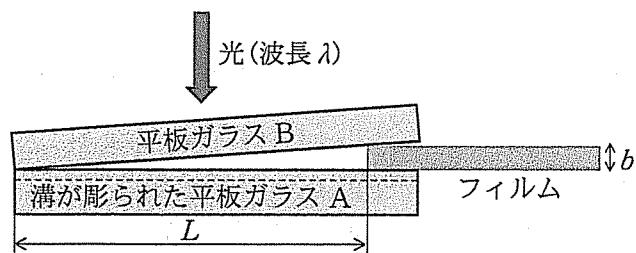


図 2

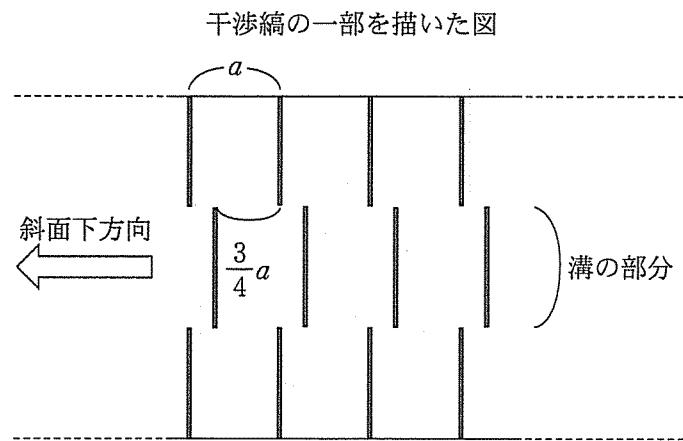


図 3