

奈良県立医科大学 前期

平成 30 年 度

試 験 問 題 ②

学 科 試 験

(9 時 ~ 12 時)

【注 意】

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中をみてはならない。
2. 試験教科、試験科目、ページ、解答用紙および選択方法は下表のとおりである。

教 科	科 目	ペー ジ	解 答 用 紙 数	選 択 方 法
数 学	数 学	1 ~ 12	2 枚	数学、英語は必須解答とする。 理科は左の3科目のうちから1科目を選択せよ。
英 語	英 語	13 ~ 16	3 枚	
理 科	化 学	17 ~ 28	2 枚	
	生 物	29 ~ 44	2 枚	
	物 理	45 ~ 54	1 枚	

3. 監督者の指示に従って、選択しない理科科目を含む全解答用紙(10枚)に受験番号と選択科目(理科のみ)を記入せよ。
 - ① 受験番号欄に受験番号を記入せよ。
 - ② 理科は選択科目記入欄に選択する1科目を○印で示せ。

上記①、②の記入がないもの、および理科2科目または理科3科目選択した場合は答案全部を無効とする。
4. 解答はすべて解答用紙の対応する場所に記入せよ。
5. 問題冊子の余白を使って、計算等を行ってもよい。
6. 試験開始後、問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁および解答用紙の汚れ等に気づいた場合は、手を挙げて監督者に知らせよ。
7. 解答用紙はいずれのページも切り離してはならない。
8. 解答用紙は持ち帰ってはならない。問題冊子は持ち帰ってよい。

数 学

【1】 以下の文章の空欄に適切な数、式または数学記号を入れて文章を完成させよ。
次のデータを考える。

x	20	a	50	25	80	70
y	2004	2008	2010	2005	2016	b

a は 20 以上 80 以下, b は 2009 以上 2018 以下の実数を動くとき, y の中央値 m の取りうる値の範囲は となる。また, x と y の相関係数は, $a =$, $b =$ のとき最大値 を取る。

- 余白 (計算用紙) -

【2】 以下の文章の空欄に適切な数, 式または数学記号を入れて文章を完成させよ.
 0 から 9 までの番号が書かれた 10 マスからなるすごろくがある. ゴールは 0 番のマスとする. サイコロを 1 回振るごとにコマがマスを移動するが, x 番のマスにいるときにサイコロの出た目の数が y ならば, $|x - y|$ 番のマスに移動する. ただし, このサイコロは 1 から 6 までのどの目も同じ確率で出るものとする.

(1) 6 番のマスからスタートし, n 回目にサイコロを振って初めてゴールに到達する確率を P_n とする. 正整数 n に対して $P_n = \boxed{\text{ア}}$ である.

(2) 9 番のマスからスタートし, n 回目にサイコロを振って初めてゴールに到達する確率を Q_n とする. このとき $Q_2 = \boxed{\text{イ}}$, $Q_3 = \boxed{\text{ウ}}$ で,

$$Q_n = \boxed{\text{エ}} \quad (n = 4, 5, \dots)$$

となる. さらに

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n kQ_k = \boxed{\text{オ}}$$

である. ただし, $|r| < 1$ に対して $\lim_{n \rightarrow \infty} nr^n = 0$ を使ってよい.

- 余白 (計算用紙) -

【3】 以下の文章の空欄に適切な数、式または数学記号を入れて文章を完成させよ。

$AB = AC$ である三角形 ABC を考える。 BC を底辺とし、底辺の長さを 1、三角形 ABC の高さを h とする。

(1) 三角形 A, B, C の外接円 R の半径 r は である。

(2) 外接円 R の中心を O とし、 OA と OC を 2 辺とする平行四辺形 $AOCD$ を考える。 D が R の周上にあるのは $h =$ のときである。

- 余白 (計算用紙) -

【4】 以下の文章の空欄に適切な数, 式または数学記号を入れて文章を完成させよ.

0以上の整数 n に対し, $a_n = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos^n x dx$ とおく.

(1) $n \geq 2$ に対して

$$\frac{d}{dx}(\cos^{n-1} x \sin x) = \alpha \cos^{n-2} x + \beta \cos^n x \quad (\text{ただし } \alpha, \beta \text{ は } x \text{ によらない定数})$$

と表すと, $\alpha = \boxed{\text{ア}}$, $\beta = \boxed{\text{イ}}$ である.

(2) $n \geq 2$ に対して, 漸化式 $a_n = \boxed{\text{ウ}}$ a_{n-2} が成り立つ.

(3) $n \geq 0$ に対して, 数列 $\{a_{n+1}a_n\}$ の一般項の値を求めると $a_{n+1}a_n = \boxed{\text{エ}}$ である.

- 余白 (計算用紙) -

【5】 以下の文章の空欄に適切な数、式または数学記号を入れて文章を完成させよ。

空間に一辺の長さ l の正四面体 $OABC$ がある。点 O を始点とする点 A, B, C の位置ベクトルをそれぞれ $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ とする。定数 p, q に対して、点 X が内積についての条件 $\vec{a} \cdot \vec{OX} = p$ および $\vec{b} \cdot \vec{OX} = q$ を満たしながら動くとき、点 X の集合は直線をなす。この直線の長さ 1 の方向ベクトルは $\vec{u} = \pm$ である。このとき、直線は媒介変数 t と定数 α, β を用いて $\vec{OX} = t\vec{u} + \alpha\vec{a} + \beta\vec{b}$ の形に書ける。 α と β を p, q, l を用いて表すと $\alpha =$, $\beta =$ となる。

- 余白 (計算用紙) -

【6】 以下の間に答えよ.

(1) x の整式 $x^4 + 2x^3 + 2x^2 + 2x + 1$ を因数分解せよ.

(2) どのような正整数 n に対しても, $n^4 + 2n^3 + 2n^2 + 2n + 1$ は平方数ではないことを証明せよ. ただし, 平方数とはある正整数 m を用いて m^2 と表される正整数のことである.

- 余白 (計算用紙) -