

A, B, B R, C, D

平成 28 年度個別学力検査問題  
(国際資源学部, 教育文化学部, 医学部, 理工学部)

数 学

前 期 日 程

注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 この問題冊子は、5 ページあり、問題は(1)から(8)まで 8 題あります。解答用紙は 3 枚あります。計算用紙(白紙)は 1 枚あります。  
試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの乱丁・落丁および解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせなさい。
- 3 受験する学部によりそれぞれ 3 題出題されます。国際資源学部は(3), (4), (5), 教育文化学部(理数教育コースを除く)は(1), (2), (4), 教育文化学部(理数教育コース)は(1), (4), (5), 医学部は(6), (7), (8), 理工学部は(3), (4), (5)をそれぞれ解答しなさい。
- 4 監督者の指示に従って、すべての解答用紙に受験番号を記入しなさい。
- 5 1 つの解答用紙に 1 つの問題を解答しなさい。また、解答用紙の指定された( )内に解答する問題の番号を記入し、その用紙には記入した番号の問題を解答しなさい。
- 6 解答用紙の表に記入しきれない場合は、その裏に記入してもよい。その場合、解答用紙の表の右下に「裏に記入」と明記しなさい。ただし、解答用紙の裏の上部(破線の上の部分)には解答を記入してはいけません。
- 7 配付された解答用紙は、持ち帰ってはいけません。
- 8 試験終了後、問題冊子および計算用紙は持ち帰りなさい。

## 問題訂正

### 数学

5ページ (8), 1~4行目

#### (誤)

$b > 0, a = 2\sqrt{3}b$  とし, 原点を  $O$  とする座標平面上の橭円  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  を  $E$  とする。橭円  $E$  上の点を  $P(x, y)$  とし,  $x$  軸の正の部分から半直線  $OP$  に向かって測った角を  $\theta$  とする。このとき, 橭円  $E$  上の点  $P$  の媒介変数表示は  $x = a \cos \theta, y = b \sin \theta \quad (0 \leq \theta < 2\pi)$  で与えられる。次の問い合わせに答えよ。

#### (正)

$b > 0, a = 2\sqrt{3}b$  とし, 原点を  $O$  とする座標平面上の橭円  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  を  $E$  とする。橭円  $E$  上の点  $P(x, y)$  の媒介変数表示は  $x = a \cos \theta, y = b \sin \theta \quad (0 \leq \theta < 2\pi)$  で与えられる。次の問い合わせに答えよ。

(5) 原点を  $O$  とする座標平面上に 2 点  $A(1, 0)$ ,  $B(0, 1)$  をとり,  $O$  を中心とする半径 1 の円の第 1 象限にある部分を  $C$  とする。3 点  $P(x_1, y_1)$ ,  $Q(x_2, y_2)$ ,  $R$  は  $C$  の周上にあり,  $2y_1 = y_2$  および  $\angle AOP = 4 \angle AOR$  を満たすものとする。直線  $OQ$  と直線  $y = 1$  の交点を  $Q'$ , 直線  $OR$  と直線  $y = 1$  の交点を  $R'$  とする。 $\angle AOP = \theta$  とするとき, 次の問い合わせに答えよ。

(i) 点  $Q$  の座標を  $\theta$  を用いて表せ。

(ii) 点  $Q'$  と点  $R'$  の座標を  $\theta$  を用いて表せ。

(iii) 点  $P$  が点  $A$  に限りなく近づくとき,  $\frac{BR'}{BQ'}$  の極限を求めよ。ただし,  

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$
 であることは用いてよい。

(6)  $i$  を虚数単位とする。複素数  $z$  が等式  $|iz + 3| = |2z - 6|$  を満たすとき, 次の問い合わせに答えよ。

(i) この等式を満たす点  $z$  全体は, どのような図形を表すか答えよ。

(ii)  $z - \bar{z} = 0$  を満たす  $z$  を求めよ。

(iii)  $|z + i|$  の最大値を求めよ。

(7) 袋Aには白玉3個、黒玉4個、袋Bには白玉3個、黒玉2個が入っている。

このとき、次の操作(\*)を行う。

(\*) [はじめに袋Aから1個の玉を取り出して袋Bに入れ、その後よくかき混ぜてから、袋Bから1個の玉を取り出して袋Aに入れる。]

次の問い合わせに答えよ。

- (i) 操作(\*)のあとで、袋Aから玉を1個取り出すとき、それが白玉である確率を求めよ。
- (ii) 操作(\*)のあとで、袋Aから玉を1個取り出したら白玉であったという条件のもとで、袋Bの中の白玉が2個である確率を求めよ。
- (iii) 操作(\*)のあとで、1枚の硬貨を投げて、表が出たら袋Aにだけ白玉を1個入れ、裏が出たら袋Bにだけ白玉1個を入れる。このとき、袋Aから玉を1個取り出したら白玉であったという条件のもとで、白玉が入れられたのは袋Aである確率を求めよ。

(8)  $b > 0$ ,  $a = 2\sqrt{3}b$  とし, 原点を  $O$  とする座標平面上の橭円  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  を  $E$  とする。橭円  $E$  上の点を  $P(x, y)$  とし,  $x$  軸の正の部分から半直線  $OP$  に向かって測った角を  $\theta$  とする。このとき, 橭円  $E$  上の点  $P$  の媒介変数表示は  $x = a \cos \theta$ ,  $y = b \sin \theta$  ( $0 \leq \theta < 2\pi$ ) で与えられる。次の問い合わせに答えよ。

- (i) 点  $P$  で橭円  $E$  と共通の接線をもつ円を考える。このような円のうち, 不等式  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \geq 1$  の表す領域内にある円を  $C$  とする。円  $C$  の半径を  $r(\theta)$  とするとき,  $C$  の中心を  $\theta$  と  $r(\theta)$  を用いて表せ。
- (ii)  $2d = 11b$  とし, 4つの頂点が  $(d, d)$ ,  $(-d, d)$ ,  $(-d, -d)$ ,  $(d, -d)$  である正方形  $F$  を考える。点  $P$  が橭円  $E$  上を動くとき, (i)の円  $C$  の中心は正方形  $F$  の周上を動くとする。このとき,  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$  に対して,  $C$  の半径  $r(\theta)$  を求めよ。
- (iii) (ii) の  $r(\theta)$  の  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$  における最大値は  $\frac{5\sqrt{5}}{2}b$  であることを示せ。