

1

図1のように、鉛直上向きで磁束密度 B の一様な磁界(磁場)中を、長さ R の細い導体棒 OP がその一端の点 O を中心として、水平面内を一定の角速度 ω で回転している。このとき、導体棒 OP 中の自由電子が磁界からローレンツ力を受けるために、OP 間には誘導起電力が生じる。点 O から距離 r の点を Q、電子の電荷を $-e$ 、質量を m として、以下の問いに答えよ。

問 1 点 Q における自由電子が、磁界から受けるローレンツ力の大きさ f を、 B 、 ω 、 r 、 e を用いて表せ。また、その向きは“O から P”，“P から O”的うちどちらか、答えよ。

問 2 問1のローレンツ力を受けた自由電子が移動することにより、導体棒中に電界(電場)が作られる。点 Q における電界の強さ E を、 B 、 ω 、 r を用いて表せ。

問 3 点 Q における電界の強さ E を r の関数($0 \leq r \leq R$)としてグラフに示せ。グラフには、必要とされる物理量の値を記入すること。

問 4 図1において、点 Q 近傍の長さ Δr の微小部位を考える。 Δr の両端には、自由電子の移動により電界が作られ、微小電位差 ΔV が生じる。 ΔV を B 、 ω 、 r 、 Δr を用いて表せ。

問 5 OP 間に生じる誘導起電力の大きさ V は、 Δr の導体棒を長さ R になるまでつなぎ合せたものと等価となる。 V を B 、 R 、 ω を用いて表せ。

問 6 $B = 0.50\text{ T}$ 、 $\omega = 88\text{ rad/s}$ のとき、点 Q において、自由電子が受けるローレンツ力の大きさ f に対し、遠心力の大きさ F が十分に小さいことを確かめたい。 $\frac{F}{f}$ の値を有効数字2桁で求めよ。ただし、電子の比電荷 $\frac{e}{m} = 1.76 \times 10^{11}\text{ C/kg}$ とする。

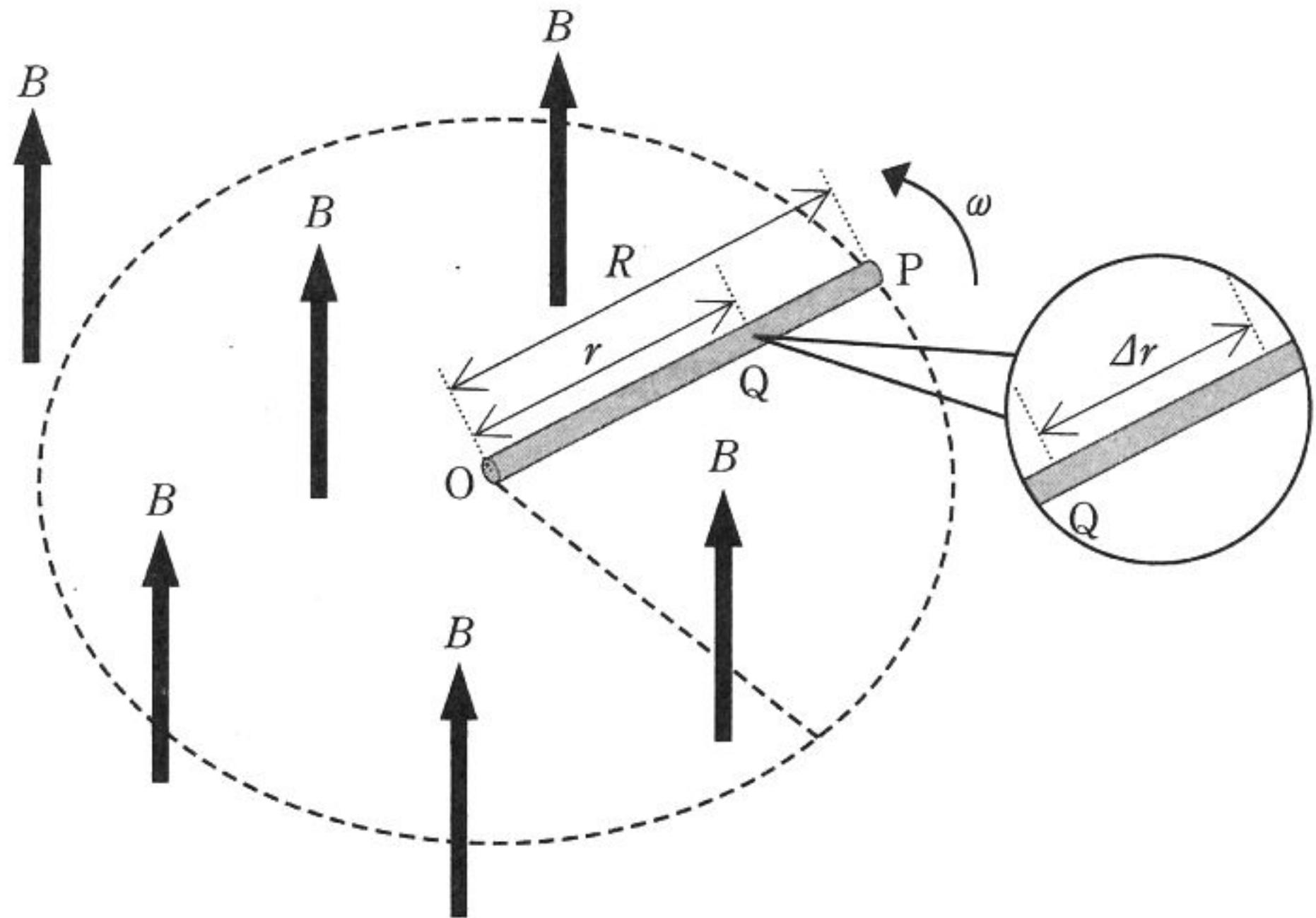


図 1

2

質量 m_p の惑星探査船(以下、探査船)と質量 $M_0 (> m_p)$ の本体からなる全質量 $M (= M_0 + m_p)$ の宇宙ステーション S(以下、S)を、図 2-1 のように、地表上の点 A から地表に対して鉛直上向きに、速さ V_0 で打ち上げた。このとき、S が到達できる地表からの最大高度は h であった。地球は半径 R 、質量 M_E の密度が一様な球で、静止しているものとする。また、地球の中心を O、A から h の距離にある点を P とし、点 O、A、P は同一直線 L 上にあるものとする。

万有引力定数を G 、地表における重力加速度を g として、以下の問いに答えよ。ただし、探査船、本体および S は、それぞれ、質点とみなすことができるものとし、これらと地球との間に働く万有引力に対して、探査船と本体との間の万有引力、他の天体との間の相互作用、地球の大気の影響などは無視できるものとする。

問 1 地表における重力加速度 g と万有引力定数 G は $GM_E = gR^2$ を満たす。いま、S が最大高度 h の点 P に達したとき、S に働く万有引力の大きさ F_S および位置エネルギー U_S を、 M 、 g 、 R 、 h を用いて表せ。ただし、万有引力による位置エネルギーの基準点は無限遠点とする。

問 2 最大高度 h を V_0 、 g 、 R を用いて表せ。

問 3 S が点 P に達した直後、L と垂直の向きに速さ V_1 の速度を S に与え、O を中心として半径 $R + h$ の等速円運動をさせた。 V_1 を h 、 g 、 R を用いて表せ。

問 4 次に、等速円運動をしている S から、探査船を、S の速度と同一の向きに、本体に対して速さ v_p で発射し、本体と分離した。探査船が無限遠方に到達できるために必要な v_p の最小値 v_m を、 V_1 を用いて表せ。

問 5 無限遠方に向けて飛行していた探査船は、その後、地球への帰還の途についた。帰還飛行において、探査船は、図 2-2 のように、O から $2R$ の距離

にある L 上の点 B に L と垂直の向きに速さ v_B で突入し、BC を長軸とする橿円軌道に入り周回運動をした。ただし、点 C は O から $3R$ の距離にある L 上の点である。

探査船が C を通過するときの速さ v_C と v_B の比 $\frac{v_C}{v_B}$ を求めよ。また、 v_B を g, R を用いて表せ。

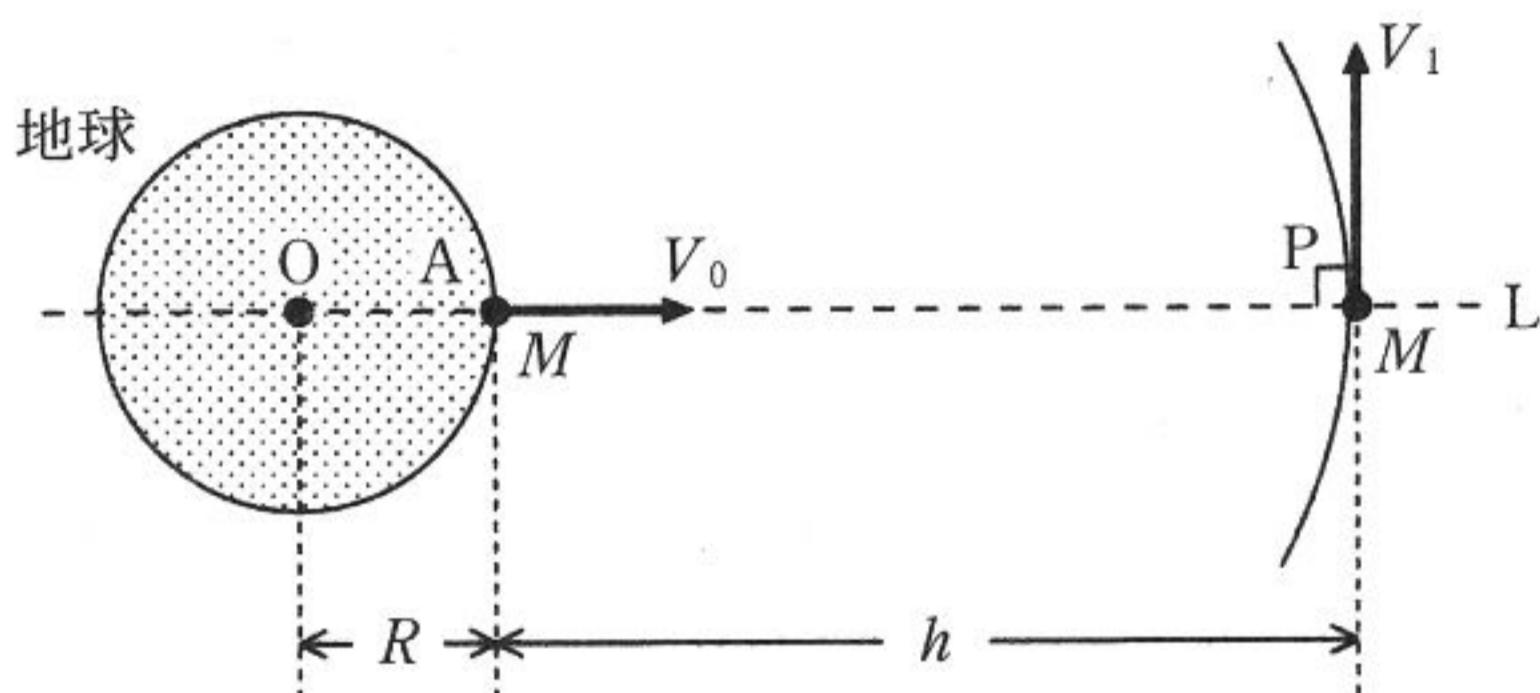


図 2-1

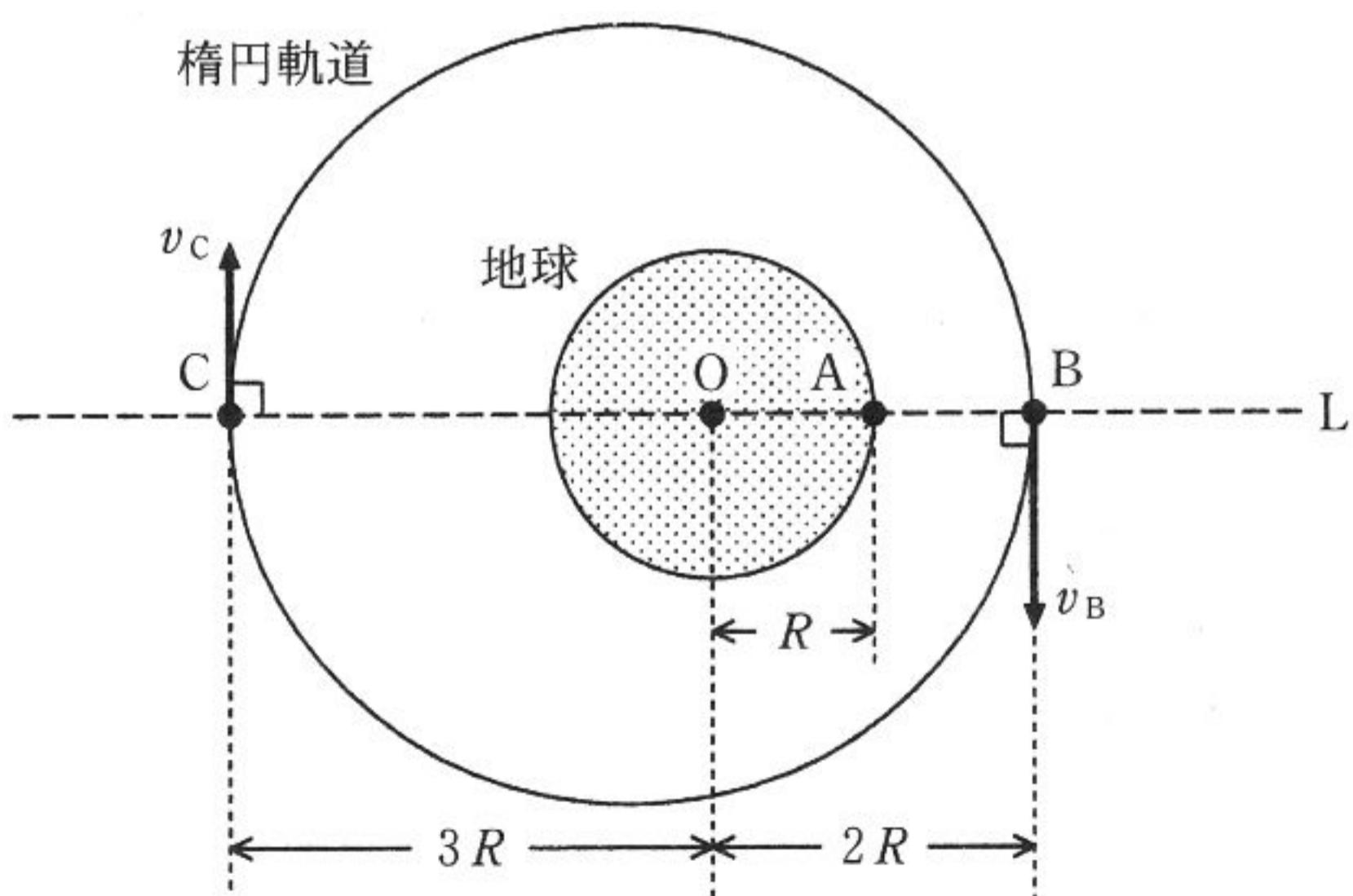


図 2-2

3 透明で正方形型の薄い平面ガラス板(一边の長さは a)を2枚向い合わせにして、空气中で光の干渉実験を行う。いま、下部ガラス板の一边の中心を点O、向かい合った他辺の中心を点Aとし、線分OAを x 軸上にとる。さらに、点Oを原点とし下部ガラス板に対し垂直上向きに y 軸をとると、図3のようになつた。この図より、原点Oでの2枚のガラス板の隙間は d であり、また、上部ガラス板は下部ガラス板に対し角度 θ 傾いていることがわかる。この θ は十分に小さく、 $\sin \theta \doteq \theta$, $\cos \theta \doteq 1$ という近似式が使用できるものとする。

いま、上部ガラス板の真上から波長 λ_A の単色光を y 軸に対して平行に入射させ、真上から観測したところ、平行で等間隔の明暗の縞模様が見えた。 $x = 0$ および $x = a$ の位置には暗線が見えた。空気の屈折率を1として、以下の問いに答えよ。

問 1 原点Oから数えて m 番目(原点Oの暗線は0番目)の暗線が $x = x_m$ に現れるための条件を、 θ , λ_A , m ($m = 0, 1, 2, \dots$), x_m を用いて表せ。

問 2 隣り合う暗線の間隔が Δx であったとする。 Δx を θ と λ_A を用いて表せ。

問 3 $0 \leq x \leq a$ の範囲に暗線が全部で N_A 本見えた。暗線の間隔 Δx を、 a , N_A を用いて表せ。また、 θ を a , N_A , λ_A を用いて表せ。

次に、上部ガラス板の真上から入射させる単色光の波長を、 λ_A から徐々に長くしながら真上から観測した。その結果、単色光の波長を λ_B としたとき($\lambda_A < \lambda_B$)に再び $x = 0$ の位置が暗線となり、平行で等間隔の明暗の縞模様が現れることがわかった。このとき、 $x = a$ の位置にも暗線が見えた。 $0 \leq x \leq a$ の範囲に見えた暗線の総数を N_B として、問い合わせよ。

問 4 N_B を λ_A , λ_B , N_A を用いて表せ。

問 5 隙間 d を λ_A , λ_B を用いて表せ。

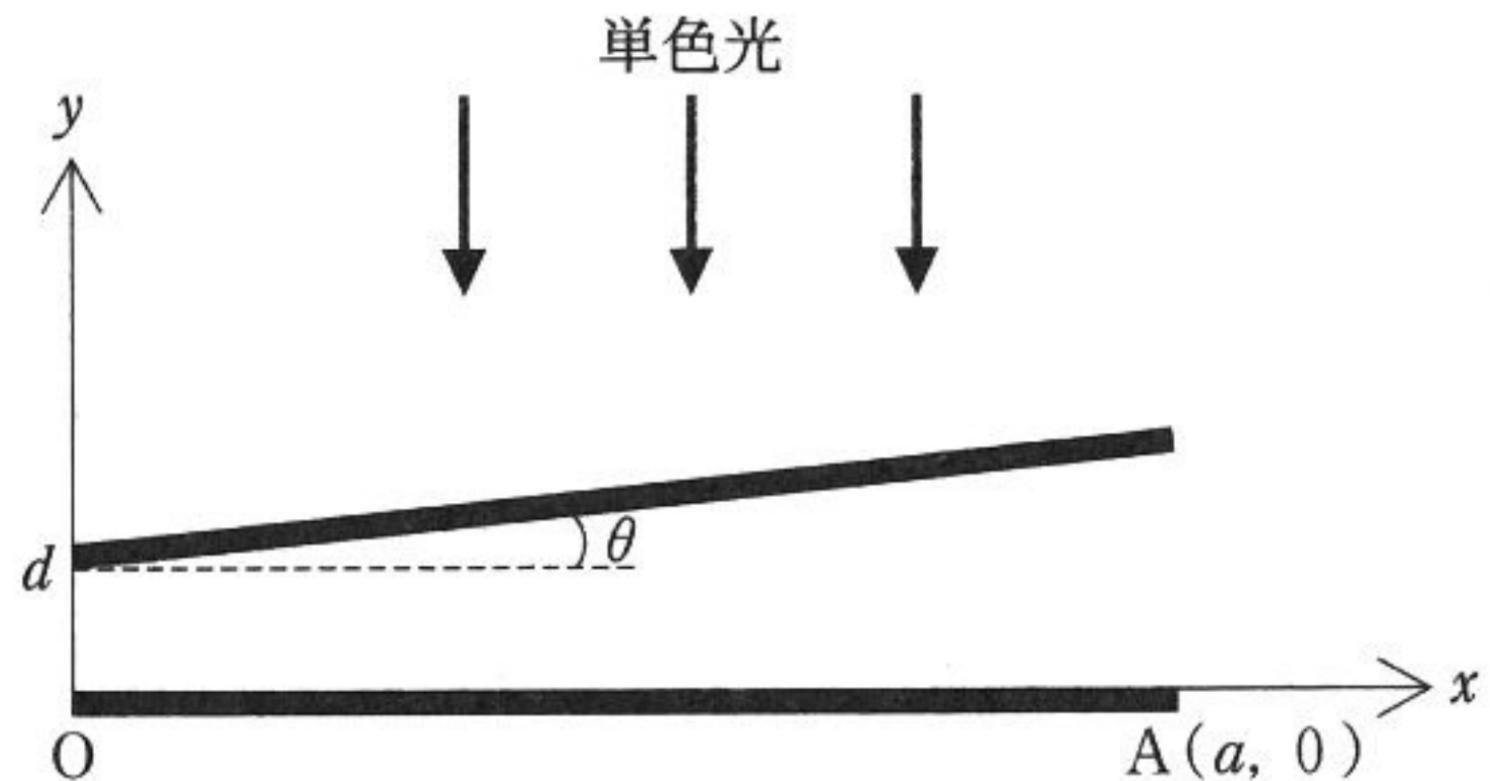


図 3

4

図4に示すように、断面積が等しく、なめらかに動くピストンのついた2つのシリンダーA, Bを水平な床の上に固定した。両シリンダーに同種の单原子分子理想気体(定積モル比熱を C_V とする)を1molずつ入れてピストンで閉じこめ、ピストンどうしを伸び縮みしない棒でつなぎだ。シリンダーの壁とピストンは断熱材できているが、両シリンダーの底部は熱を通すようになっていて、温度調節器が取りつけられている。はじめ、シリンダーA内とシリンダーB内の両気体(以下、気体A、気体Bとよぶ)の状態はともに圧力 p_0 、体積 V_0 、温度 T_0 であり、これらに以下の2つの過程を経る変化をさせた。問い合わせよ。

過程1：気体Bの温度を T_0 に保ちながら、気体Aを加熱し、気体Bの圧力をはじめの圧力 p_0 の α 倍($1 < \alpha < 1.5$)にした。これを状態1とする。

問1 状態1での気体Aの体積と温度を求めよ。

問2 過程1における気体Aの内部エネルギーの変化量を求めよ。

過程2：状態1から、気体Aは温度が変化しないように調節しながら加熱し、気体Bは冷却して、両気体の圧力をはじめの圧力 p_0 と同じにした。これを状態2とする。

問3 状態2での気体Aの体積を求めよ。

問4 状態2での気体Bの温度を求めよ。

問5 過程2における気体Bの内部エネルギーの変化量を求めよ。

問6 過程1における気体Aの状態変化(アとする)と過程2における気体Bの状態変化(イとする)を表す体積 V と圧力 p の関係を、ともに $\alpha = 1.25$ とし

てグラフに示せ。対応するグラフにⒶ, Ⓛの記号を添え、変化の向きを矢印で示せ。

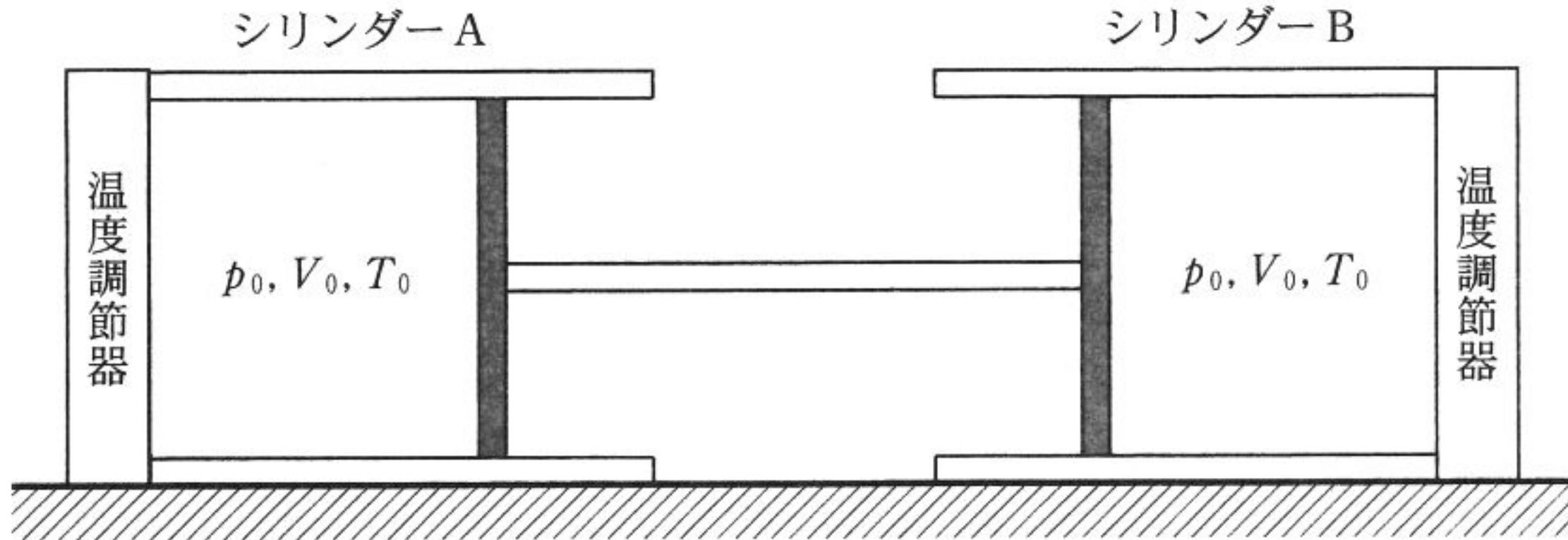


図 4

5 次の文中の(①)~(⑯)に入る適切な語句や記号、数値、数式を答えよ。

天然に存在する原子核には、ウラン U やトリウム Th など、不安定なものがあり、これらは放射線を出しながら、別の原子核に変わっていく。たとえば、 $^{232}_{90}\text{Th}$ は(①)原子核の流れである α 線を放出する α 崩壊や、(②)の流れである β 線を放出する β 崩壊を繰り返しながら最終的には安定な $^{208}_{82}\text{Pb}$ に変化する。この間に α 崩壊は(③)回、 β 崩壊は(④)回起きる。 β 崩壊に際しては、原子核内では(⑤)から(⑥)へと核子が変化している。この崩壊系列はトリウム系列とよばれ、質量数が(⑦)という特徴をもつ。なお、 α 崩壊や β 崩壊で生じる新しい原子核がエネルギーの高い(⑧)状態にある場合には、余分なエネルギーを(⑨)である γ 線として放出し、よりエネルギーの低い状態へと変化する。

α 線、 β 線、 γ 線のうち、電離作用が最も強いものは(⑩)であり、透過力が最も強いものは(⑪)である。

原子核が崩壊によって他の原子核へと変化するとき、との原子核の数が半分になるまでの時間のことを(⑫)といい、この(⑫)は原子核の種類によつて異なる。はじめの原子核の数を N_0 、時間 t 後に崩壊せずに残っている原子核の数を N 、(⑫)を T とすると、 $N = (⑬)$ と表すことができる。単位時間あたりの崩壊数は放射能の強さに相当し、 N に比例する。すなわち、放射能の強さを A とすると $A = \lambda N$ と表される。このときの比例定数 λ は崩壊定数とよばれ、 $\lambda = \frac{\log_e 2}{T}$ (e は自然対数の底)で表される。 N が同じであれば、(⑫)が長いものほど放射能が(⑭)、(⑫)が短いものほど放射能が(⑮)といえる。なお、放射能の強さを表す際には(⑯)という単位を用いる。