

07

横浜市立大学一般

理 科 問 題

[物 理]

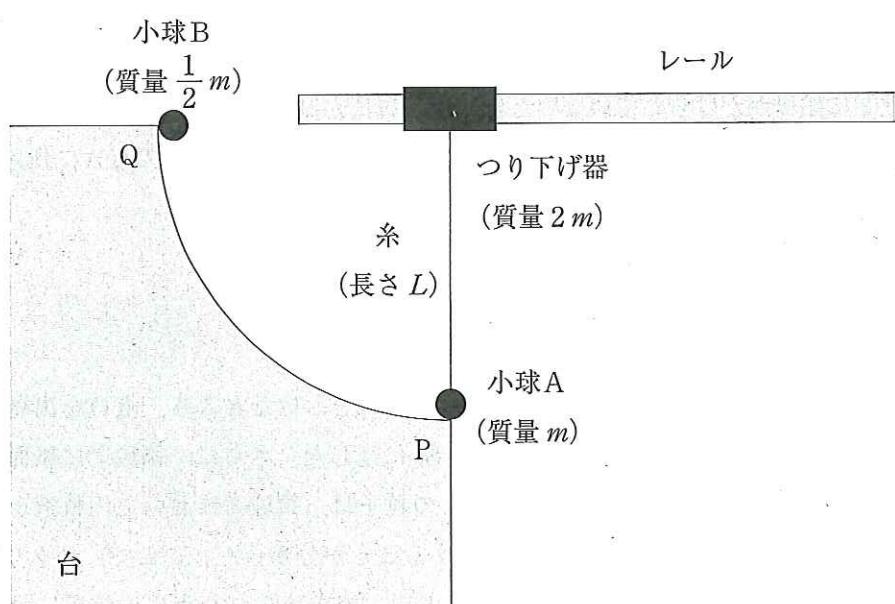
(平成 23 年度)

【注意事項】

1. この問題冊子は「07 物理」である。
2. 試験時間は2科目合計で180分である。
3. 試験開始の合図まで、この問題冊子を開いてはいけない。ただし、表紙はあらかじめよく読んでおくこと。
4. 理科問題は2科目選択である。受験生はあらかじめ届け出た科目について解答しなければならない。
5. 試験開始後、以下の6および7に記載されていることを確認すること。
6. この問題冊子の印刷は1ページから6ページまである。
7. 解答用紙は問題冊子中央に3枚はさみこんである。問題番号に対応した解答用紙に解答していない場合は採点されないので注意すること。
8. 3枚ある解答用紙に、受験番号と氏名を所定の欄（1枚につき受験番号は2箇所、氏名は1箇所）に試験開始後、記入すること。
9. 問題冊子に落丁、乱丁、印刷不鮮明な箇所等があった場合および解答用紙が不足している場合は、手をあげて監督者に申し出ること。
10. 解答は必ず解答用紙の指定された箇所に記入すること。
11. 問題冊子の中の白紙部分については下書き等に使用してよい。
12. 解答用紙を切り離したり、持ち帰ってはいけない。
13. 試験終了まで退室を認めない。試験中の気分不快や用便等、やむを得ない場合には、手をあげて監督者を呼び指示に従うこと。
14. 試験終了後は問題冊子を持ち帰ること。

[ I ] 右図に示すように、質量  $m$  の小球Aが、質量を無視できる長さ  $L$  の伸びない糸によってつり下げられ、半径  $L$  の円弧状の固定された台の右端(点P)で静止している。このとき、糸はぴんと張っている。この糸の上端は、水平な直線状のレールに沿って移動できる質量  $2m$  のつり下げ器に固定されている。今、つり下げ器と同じ高さにある点Qにおいて、質量  $\frac{1}{2}m$  の小球Bを静かにはなした。小球Bは、台の上をすべり小球Aに水平方向から衝突した。ここで、2つの小球とつり下げ器の大きさは十分に小さく、さらに、2つの小球と台の間の摩擦、つり下げ器とレールの間の摩擦、および、空気の抵抗は無視できるとする。重力加速度の大きさを  $g$ 、小球Aと小球Bの間の反発係数を  $e$  とする。また、右向きの速度の符号を正とする。このとき、以下の問い合わせに答えよ。

- (1) 小球Aに衝突する直前の小球Bの速度を求めよ。
- (2) 衝突直後的小球Aおよび小球Bの速度をそれぞれ求めよ。また、小球Bが衝突の前後で運動の向きを変えるための条件を示せ。
- (3) 衝突で失われる力学的エネルギーを求めよ。
- (4) 衝突後、小球Aが右方向に振れ、つり下げ器からみて鉛直下の方向と糸とのなす角度が初めて最大になった。その瞬間における小球Aとつり下げ器の速度を求めよ。
- (5) 上記(4)の状態における小球Aの点Pからの高さを求めよ。
- (6) 上記(4)の状態の後、初めて小球Aが点Pと同じ高さにもどった。その瞬間における小球Aの速度を求めよ。



[ II ] 右図に示すように、平行な2つの平板電極  $P_1$ ,  $P_2$  と、それに直角に配置した平行な2つの平板電極  $Q_1$ ,  $Q_2$  がある。さらに、右方には2つの直交したスクリーン  $W_1$ ,  $W_2$  がある。電極  $P_1$ ,  $P_2$  の間の領域を①、電極  $Q_1$ ,  $Q_2$  の間の領域を②、スクリーン  $W_1$ ,  $W_2$  の右上の領域を③とする。電極  $P_2$  およびスクリーン  $W_1$  には、それぞれ、小さなスリット  $S_1$ ,  $S_2$  が開けられている。電極  $Q_1$ ,  $Q_2$  の幅を  $\frac{L}{2}$  とし、スリット  $S_1$ ,  $S_2$  を結ぶ線上、領域①内にあってスリット  $S_1$  から距離  $L$  の点をOとする。また、領域②の右端とスクリーン  $W_1$  の間の距離を  $2L$  とする。領域①には大きさ  $E$  の、領域②には大きさ  $4E$  の一様な電場が矢印の向きにかけられている。また、領域②および③には、必要に応じて磁場をかけることができる。ここで、重力・空気抵抗の効果、および、①, ②, ③以外の領域における電場・磁場の効果は考えなくてよい。また、電極  $Q_1$ ,  $Q_2$  は十分に離れているとする。質量  $m$ , 正電荷  $q$  の粒子を点Oに静かに置いた。このとき、以下の実験IおよびIIに関する問い合わせよ。

### (1) 実験I

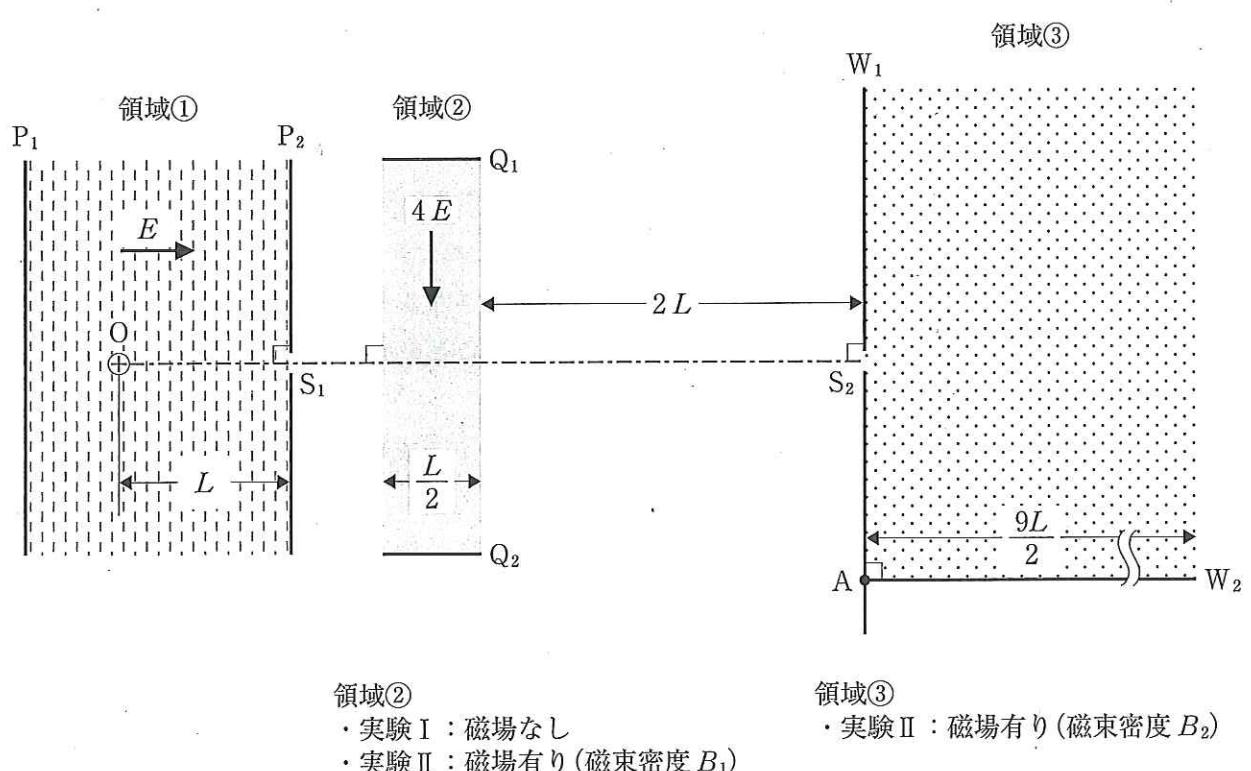
領域②に磁場がかけられていないとき、点Oに置かれた粒子は、領域①で加速しスリット  $S_1$  を通過したのち領域②の電場により曲げられ、スクリーン  $W_1$  上の点Aに到達した。

- (a) スリット  $S_1$  を通過する時の粒子の速さを求めよ。
- (b)  $S_2A$  間の距離を求めよ。

### (2) 実験II

領域②に紙面に垂直で一様な磁場(磁束密度  $B_1$ )をかけたところ、点Oを出発した粒子は領域②で曲げられることなく進みスリット  $S_2$  に達した。さらに、領域③に紙面に垂直で一様な磁場(磁束密度  $B_2$ )をかけたところ、この粒子は、領域③において円軌道を描き、ある適当な条件の下ではスクリーン  $W_2$  に衝突することが分かった。ここで、スクリーン  $W_2$  は、有限な長さ  $\frac{9L}{2}$  をもち、図に示すように、上記(1)で求められた点Aの位置に設置されている。

- (a) 磁束密度  $B_1$  の大きさと向きを求めるよ。
- (b) 粒子がスクリーン  $W_2$  に衝突するための条件(磁束密度  $B_2$  の大きさの範囲と向き)を求めるよ。



[ III ] 右図に示すように、断熱材でできた閉じたシリンダーがある。その内部は、なめらかに動くピストンによって3つの部屋に分けられている。これらの部屋に気体を導入し、今、それぞれの部屋は同じモル数  $n$  の気体 A, B, C で満たされている。これらの気体の温度をそれぞれ  $T_A, T_B, T_C$  とする。また、これらの気体はすべて単原子分子理想気体であるとする。気体定数を  $R$  とし、3部屋の容積の和を  $V$  とする。

- (1) ピストンを通した気体間の熱の移動が起きていない状態について、以下の問いに答えよ。
  - (a) 気体の圧力  $p$  と、気体 A, B, C の体積  $V_A, V_B, V_C$  を求めよ。
  - (b) 気体 A, B, C の内部エネルギーの和  $U$  を求めよ。
- (2) 上記(1)の状態の後、ピストンを通して熱の移動が起きた。十分な時間が経過した後、3気体は等しい温度をもつ熱平衡状態に達した。ここで、ピストンの熱容量は考えなくてよい。このとき、以下の問いに答えよ。
  - (a) 気体 A から B および気体 B から C へ移動した熱量をそれぞれ  $Q_{AB}$  および  $Q_{BC}$  とし、また、この過程において気体 A および C がした仕事をそれぞれ  $W_A$  および  $W_C$  とする。このとき、これらの量を用いて、気体 A, B, C の内部エネルギーの変化量  $\Delta U_A, \Delta U_B, \Delta U_C$  を表せ。さらに、それらの和  $\Delta U$  が 0 であることを示し、その物理的意味を説明せよ。
  - (b) この熱平衡状態における気体の温度  $T'$  および圧力  $p'$  を求めよ。また、気体 A, B, C の体積  $V'_A, V'_B, V'_C$  を求めよ。
  - (c) 気体 A, C がした仕事  $W_A, W_C$  を求めよ。

