

和歌山県立医科大学

平成31年度

理 科

問題冊子

物 理

第1問 次の文章を読んで [] に適した式または値をそれぞれ記せ。また、問1は指示にしたがって解答せよ。なお、[] は同じ番号の [] すでに与えられたものと同じ式または値を表す。

I 図1-1のように、水平でなめらかな床の上に質量 M の台が置かれている。はじめ、台はストッパー1、2で固定されている。台の左内壁には、ばね定数 k の軽いばねの一端が固定され、ばねの他端には大きさの無視できる質量 m の小球Aが取り付けられている。ばねが自然長のときの小球Aの位置を原点Oとして、水平右方向に x 軸をとる。原点Oには、大きさの無視できる質量 u ($> m$) の小球Bが置かれている。なお、小球AとB、および小球Bと台の右内壁の衝突は弾性衝突とする。また、小球Aと台、および小球Bと台の間の摩擦は無視できるものとする。

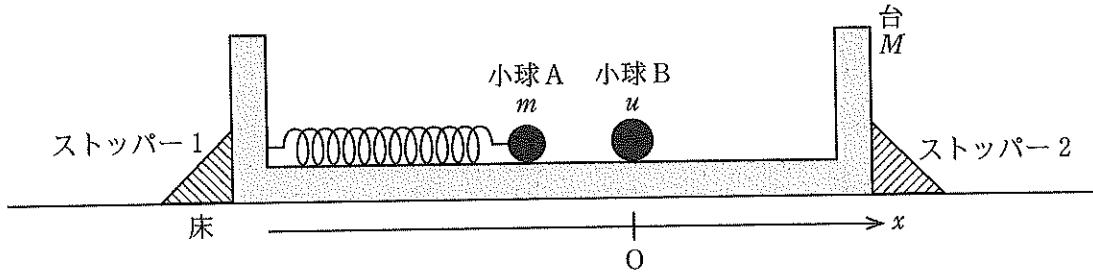


図1-1

小球Aを押してばねを自然長から長さ x_0 だけ縮め、時刻 $t = 0$ に小球Aを静かにはなした。原点Oに置かれている小球Bに衝突する直前の小球Aの速度は [1]、衝突する時刻は $t_1 = [2]$ である。また、衝突直後の小球Aの速度は [3]、小球Bの速度は [4] である。

衝突直後的小球AとBの速さが等しくなるのは、小球Bの質量 u が [5] のときであり、その速さは、 m , k , x_0 のうち必要なものを用いて表すと [6] である。以下では $u = [5]$ とし、小球Bが台の右内壁に衝突してはね返った後、時刻 $t = 3t_1$ に小球Aと再び衝突する場合を考える。このときの台の右内壁と原点Oとの距離は、 m , k , x_0 のうち必要なものを用いて表すと [7] である。

問1 時刻 $t = 0$ から $t = 6t_1$ までの小球Aの位置の変化を実線(—)で、小球Bの位置の変化を破線(-----)で図示せよ。

II 次に、図1-2のようにストップバー2をはずし、小球Bを台から取り除いた後、小球Aを押してばねを自然長から長さ

x_1 ($< \boxed{7}$)だけ縮め、静かにはなした。台がストップバー1

から離れてなめらかな床の上を動き始める瞬間、床に静止している人から見た小球Aの速度は

8 である。また、ばねの伸びが w のとき、床に静止している人から見た台の加速度は

9 である。台と一緒に動く人から見ると、小球Aの加速度は 10 となり、周期

11 の単振動をすることがわかる。

ばねが最も伸びたとき、床に静止している人から見た小球Aの速度は 12 、台の速度は 13 、ばねの伸びは 14 である。

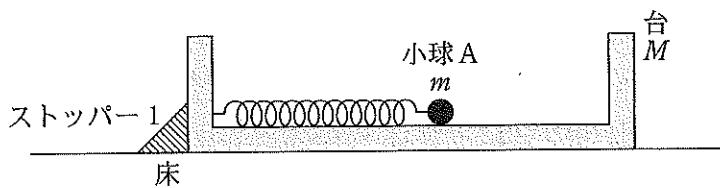


図1-2

第2問 次の文章を読んで [] に適した式または値をそれぞれ記せ。ただし、[] に
ついては、図2-2の回路(ア)～(ウ)の中から正しいものを選び、記号で答えよ。なお、[]
は同じ番号の [] すでに与えられたものと同じ式または値を表す。

I 図2-1のように、電気容量 C のコンデンサー、自己インダクタンス L のコイル、抵抗値 R の抵抗器、スイッチ、および交流電源からなる回路がある。交流電源の電圧は、点cを基準にした点aの電位で表すと $V_0 \sin \omega t$ となる。ここで、 t は時刻、 ω は角周波数である。電流の向きは、図2-1の矢印の向きを正とする。なお、交流電源、コンデンサー、コイルの内部抵抗、および導線の抵抗は無視できるものとする。

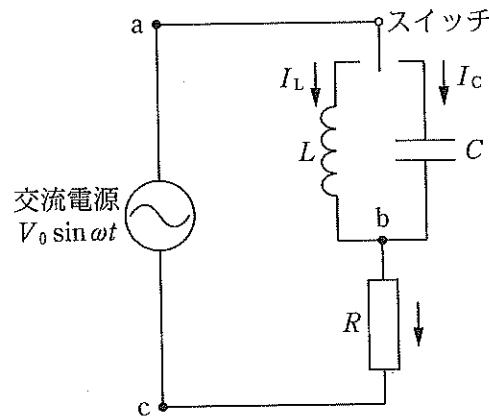


図2-1

必要であれば、微小時間 Δt の $\cos \omega t$ の変化量 $\Delta \cos \omega t$ と、 $\sin \omega t$ の変化量 $\Delta \sin \omega t$ について $\frac{\Delta \cos \omega t}{\Delta t} = -\omega \sin \omega t$, $\frac{\Delta \sin \omega t}{\Delta t} = \omega \cos \omega t$ が成り立つことを用いてよい。また、三角関数の公式 $A \sin \theta + B \cos \theta = \sqrt{A^2 + B^2} \sin(\theta + \delta)$ を用いてよい。ただし、 $\tan \delta = \frac{B}{A}$ である。

はじめに、スイッチをコンデンサー側に接続した。一般に、コンデンサーに流れる電流は、微小時間 Δt とその間のコンデンサーの電荷量の変化 ΔQ を用いると $\frac{\Delta Q}{\Delta t}$ で表される。いま、点bを基準にした点aの電位を $V_C = V_1 \sin(\omega t - \phi_1)$ とおくと、コンデンサーの電流は $I_C = [1]$ となる。一方、点cを基準にした点aの電位は、 $V_C + I_C R$ であることより、 V_1 , C , R , ω , ϕ_1 のうち必要なものを用いて $[2] \times \sin(\omega t - \phi_1 + \alpha)$ とおくことができる。ただし、 V_1 , C , R , ω のうち必要なものを用いると $\tan \alpha = [3]$ である。これを交流電源の電圧と比較すると $\phi_1 = \alpha$, $V_1 = [4]$ となる。また、 $[1]$ を V_0 , C , R , ω , t , ϕ_1 のうち必要なものを用いて書き直すと、 $I_C = [5]$ となる。

次に、スイッチをコイル側に接続した。コイルに流れる電流を $I_L = I_2 \sin(\omega t - \phi_2)$ とおくと、点bを基準にした点aの電位は $V_L = [6]$ となる。一方、点cを基準にした点aの電位は、 $V_L + I_L R$ であることより、 I_2 , L , R , ω , ϕ_2 のうち必要なものを用いて $[7] \times \sin(\omega t - \phi_2 + \beta)$ とおくことができる。ただし、 I_2 , L , R , ω のうち必要なものを用いると $\tan \beta = [8]$ である。これを交流電源の電圧と比較すると $\phi_2 = \beta$, $I_2 = [9]$ となる。また、 $[6]$ を V_0 , L , R , ω , t , ϕ_2 のうち必要なものを用いて書き直すと、 $V_L = [10]$ となる。

II 図2-2のように、電気容量 C のコンデンサー、自己インダクタンス L のコイル、抵抗値 R の抵抗器、可変抵抗器 r 、スイッチ、および交流電源からなる3つの回路がある。交流電源の電圧は、点dを基準にした点aの電位で表すと $V_0 \sin \omega t$ となる。ここで、 t は時刻、 ω は角周波数である。

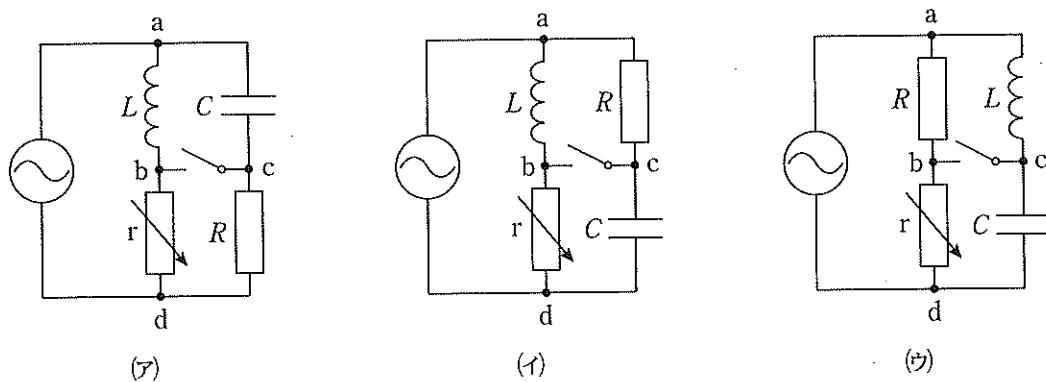


図2-2

はじめに、それぞれのスイッチが開いている場合を考える。回路(ア)～(ウ)の可変抵抗器 r の抵抗値を x とし、点dを基準にした点bの電位を V_r とする。回路(ア)と(イ)では $V_r = \boxed{11} \times \sin(\omega t - \varphi_3)$ 、回路(ウ)では $V_r = \boxed{12} \times \sin(\omega t - \varphi_4)$ とおくことができる。ただし、 $\tan \varphi_3 = \boxed{13}$ 、 $\tan \varphi_4 = \boxed{14}$ である。

次に、それぞれのスイッチを閉じた場合を考える。回路(ア)～(ウ)の中で、可変抵抗器 r を調整すると点bと点cの間に常に電流が流れなくなる回路は $\boxed{15}$ である。そのとき、 V_r の位相と点dを基準にした点cの電位の位相が一致していることから、 r の抵抗値は $\boxed{16}$ であることがわかる。また、 V_r の最大値は $\boxed{17}$ となる。

第3問 次の文章を読んで [] に適した式または値をそれぞれ記せ。また、問1、問2は指示にしたがって解答せよ。なお、[] は同じ番号の [] すでに与えられたものと同じ式または値を表す。

図3のような装置を用いて比熱比を測定することを考える。一端が大気に開放されているU字管が取り付けられた断面積 S のシリンダーが、水平な床の上に置かれている。U字管の一部(図3の斜線部分)には密度 ρ の液体が入っている。シリンダーは気密性を保ったまま滑らかに動くピストンにより大気と仕切られ、内部に理想気体が封入されている。質量の無視できるピストンの上には、軽い糸につながれたおもりが置かれている。シリンダー、ピストン、U字管は極めてゆっくり熱を通す材質でできている。シリンダーは圧力 p_0 で絶対温度 T_0 の大気中に置かれているものとし、重力加速度の大きさを g とする。なお、U字管の断面積は一定で、体積はシリンダーに比べて十分小さいため無視してよいものとする。また、液体の蒸発、表面張力、温度変化は無視してよいものとする。

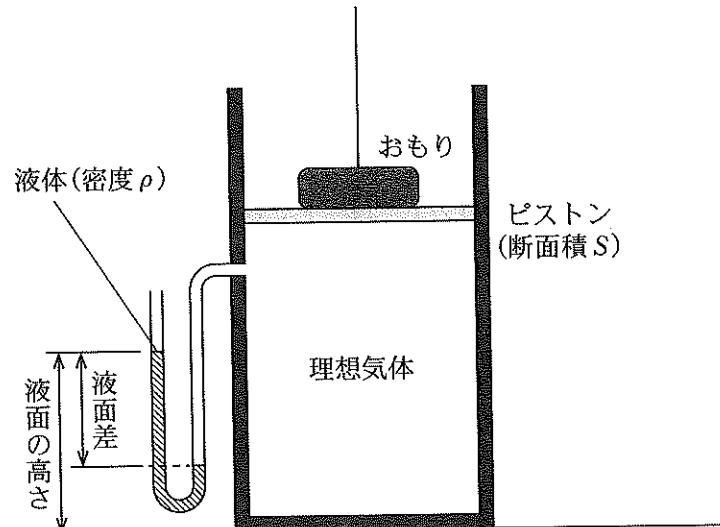


図3

I 糸の張力をゼロにして十分長い時間放置したところ、理想気体の絶対温度が T_0 になった。この状態をAとする。図3のようにU字管の液面は大気側が高く、床から大気側の液面までの高さは h_A 、液面の高さの差(液面差)は l_A であった。理想気体の圧力は、液面差 l_A の液体柱の重さによる圧力 [1] の分だけ大気圧 p_0 と異なることから、 $p_A = [2]$ であることがわかる。また、おもりの質量は [3] である。以下では、状態Aの理想気体の体積を V_A とする。

II 次に、糸にかかる張力を少しづつ大きくしたところ、ピストンはゆっくりと動きだした。U字管の液面差が x ($0 < x < l_A$) のときの理想気体の圧力は $\boxed{4}$, 張力の大きさは $\boxed{5}$ である。さらに糸の張力を大きくしたところ、その大きさが $\boxed{3} \times g$ になったところでピストンは静止した。この状態を B とする。床から大気側の液面の高さは $\boxed{6}$, 理想気体の圧力は $\boxed{7}$ である。以下では、解答に p_A を用いてよい。

ここで状態 A から状態 B への過程は断熱変化とみなしてよいものとする。一般に、理想気体の断熱変化では、圧力を p 、体積を V 、比熱比を $\gamma (> 1)$ として、 $pV^\gamma = \text{一定}$ の関係が成り立つ。この関係式を利用すると、状態 B での理想気体の体積は $\boxed{8}$, 絶対温度は $\boxed{9}$ である。一方、比熱比 γ と気体定数 R を用いると、定積モル比熱は $\frac{R}{\gamma - 1}$, 定圧モル比熱は $\frac{\gamma R}{\gamma - 1}$ となる。状態 A から状態 B における理想気体の内部エネルギーの変化は $\boxed{10}$, 大気がされた仕事は $\boxed{11}$, 張力が行った仕事は $\boxed{12}$ である。

III 状態 B でピストンを固定して十分長い時間放置したところ、理想気体の絶対温度が T_0 になった。この状態を C とする。理想気体の圧力は $p_C = \boxed{13}$ となる。状態 B から状態 C への過程で理想気体が吸収した熱量は $\boxed{14}$ である。

以下の問1、問2において、必要であれば x の自然対数を $\log x$ とし、公式 $\log xy = \log x + \log y$, $\log \frac{x}{y} = \log x - \log y$, $\log x^y = y \log x$ を用いてよい。さらに、問2では、 $|x| \ll 1$ のときの近似式 $\log(1+x) \approx x$ も用いてよい。

問1 比熱比 γ を、 p_0 , p_A , p_C のうち必要なものを用いて表せ。

問2 $p_0 \gg \boxed{1}$ となるとき、比熱比 γ を、 l_A と l_C を用いて表せ。ただし、 l_C は状態 C での U字管の液面差である。