

# 名古屋市立大学

平成 27 年度・入学試験問題

## 数 学 (医)

### 注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
2. すべての解答用紙に受験番号を記入しなさい。
3. 答案は解答用紙の各問題番号の欄に記入しなさい。
4. 試験終了後、問題冊子および草稿用紙は持ち帰りなさい。

すべての問題について、求める手順をわかりやすく説明すること。

-----  
平成27年度個別学力検査

医学部 前期日程  
数学問題

名古屋市立大学 入試広報課 052-853-8020

許可なしに転載、複製  
することを禁じます。

1. 点 A $\left(-1, \frac{1}{2}\right)$  および放物線  $C : y = \frac{x^2}{2}$  を考える。点 A を通る傾き  $m$  の直線を  $\ell$  とする。ただし,  $m$  は正である。次の問いに答えよ。
- (1)  $C$  と  $\ell$  の交点の座標を  $m$  で表せ。
  - (2) 第 2 象限において  $C$ ,  $\ell$  および  $x$  軸で囲まれる図形の面積  $S(m)$  を求めよ。
  - (3)  $C$  と  $\ell$  で囲まれた図形の面積を  $T(m)$  とする。 $\frac{T(m)}{mS(m)} = 18$  となる  $m$  に対し,  $\frac{n}{10} < m < \frac{n+1}{10}$  を満たす自然数  $n$  を求めよ。
2.  $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$  で定義された関数  $f(x) = \int_x^{x+\frac{\pi}{4}} |2\cos^2 t + 2\sin t \cos t - 1| dt$  について、次の問いに答えよ。
- (1)  $f\left(\frac{\pi}{2}\right)$  の値を求めよ。
  - (2) 積分を計算して,  $f(x)$  を求めよ。
  - (3)  $f(x)$  の最大値と最小値, およびそれらを与える  $x$  の値を求めよ。

3. 図 1, 2 のような網目状の道があり、頂点 O を出発点とし、各頂点においてそれぞれ  $\frac{1}{2}$  の確率で上、または右斜め下に進む。ただし、右斜め下に道がない場合は必ず上に、上に道がない場合は必ず右斜め下に進み、A, B, C のいずれかに到達したら停止する。次の問い合わせに答えよ。

- (1) 図 1において、各頂点 A, B, C に到達する確率  $P_A, P_B, P_C$  を求めよ。
- (2) 図 2において、 $C_1, C_2$  をともに通過して C に到達する確率を求めよ。
- (3) 図 2において、B に到達する確率を求めよ。

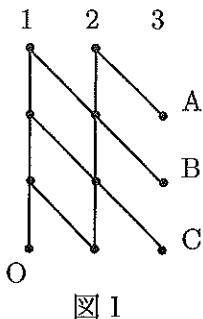


図 1

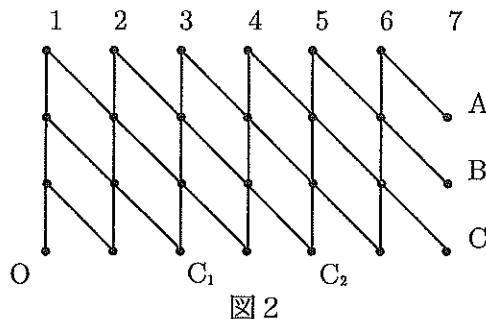


図 2

4. 空間内の点 O,  $A_1, A_2, B, C$ を考える。このとき、ベクトル  $\overrightarrow{OA}_1, \overrightarrow{OA}_2$  はともに長さが 1 で、角度  $\theta$  ( $0 < \theta \leq \pi/2$ ) をなす。また点 B は  $O, A_1, A_2$  を含む平面 H 上に存在せず、ベクトル  $\overrightarrow{OB}$  は、 $\overrightarrow{OA}_1 \cdot \overrightarrow{OB} = c_1, \overrightarrow{OA}_2 \cdot \overrightarrow{OB} = c_2$  を満たす（ただし  $c_1, c_2$  はいずれも 0 でない実数であるとする）。さらにベクトル  $\overrightarrow{OC}$  は、 $\overrightarrow{OC} = c_1 \overrightarrow{OA}_1 + c_2 \overrightarrow{OA}_2$  のように表され、かつベクトル  $\overrightarrow{CB}$  と垂直である。このとき、次の問い合わせに答えよ。

- (1) 角度  $\theta$  を求めよ。
- (2)  $|\overrightarrow{OB}|^2 > c_1^2 + c_2^2$  が成り立つことを示せ。ただし、 $|\overrightarrow{OB}|$  はベクトル  $\overrightarrow{OB}$  の長さを表す。
- (3)  $c_1 = c_2 = c, |\overrightarrow{OB}| = b$  とする。また、 $\overrightarrow{OD}_1 = c \overrightarrow{OA}_1, \overrightarrow{OD}_2 = c \overrightarrow{OA}_2$  となるように、空間上に点  $D_1, D_2$  を与える。四面体  $D_1D_2CB$  の体積を、 $b, c$  を用いて表しなさい。
- (4) (3) の条件の下で 3 点  $D_1, D_2, B$  により定まる平面に対し、点 C から垂線を引いたとき、垂線と平面の交点を T とする。このとき、CT の長さを  $b, c$  で表しなさい。