

平成31年度入学者選抜学力検査問題

数 学

注 意 事 項

1. この冊子は、監督者から解答を始めるよう合図があるまで開いてはいけません。
2. 「問題の選択に関する注意」は裏表紙に記載してあるので、この冊子を裏返して必ず読み、志望学部・学科等により解答すべき問題の番号を確認すること。ただし、この冊子を開いてはいけません。
3. 監督者から指示があったら、解答用紙の上部の所定欄に受験番号、座席番号を、また、下部の所定欄には座席番号をそれぞれ記入しない。その他の欄に記入してはいけません。
4. 解答は、問題ごとに指定された解答用紙に記入すること。指定以外の解答用紙に書かれた解答は0点となることがあります。
5. 解答は、解答用紙の裏面に書かないこと。
6. 各問題とも、特に指示がないかぎり、必ず解答の過程を書き、結論を明示すること。小間に分けられているときには、小問の結論を明示すること。
7. この冊子は13頁です。落丁、乱丁または印刷不備があったら申し出ること。
8. 下書き等は、この冊子の余白の部分を使用すること。
9. 解答用紙は、記入の有無にかかわらず、持ち帰ってはいけません。
10. この冊子は持ち帰りなさい。

問題の選択に関する注意

志望学部・学科等により、以下に示す番号の問題に解答すること。

科目	学部・学科等	解答する問題番号
数学 I 数学 A	教育学部 小学校コース 中学校コース (技術科教育分野) 小中専門教科コース (家庭科教育分野・A 選択) 英語教育コース・A 選択 特別支援教育コース 乳幼児教育コース	<input type="checkbox"/> 1 <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> 4
数学 I 数学 II 数学 A 数学 B	国際教養学部 文学部 法政経学部 園芸学部 先進科学プログラム 教育学部 先進科学プログラム 理学部 工学部 園芸学部 薬学部 先進科学プログラム 医学部 理学部	<input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> 4 <input type="checkbox"/> 5 <input type="checkbox"/> 6 <input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> 5 <input type="checkbox"/> 6 <input type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 9 <input type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 9 <input type="checkbox"/> 10 <input type="checkbox"/> 11 <input type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 11 <input type="checkbox"/> 12 <input type="checkbox"/> 13 <input type="checkbox"/> 7 <input type="checkbox"/> 8 <input type="checkbox"/> 10 <input type="checkbox"/> 11 <input type="checkbox"/> 12 <input type="checkbox"/> 13

7

$a_1 = 3, a_2 = 2$ とし, $n \geq 2$ のとき,

$$a_{n+1} = a_n^2 + a_n - 1$$

として数列 $\{a_n\}$ を定める。

(1) $n \geq 2$ のとき $a_{n+1} = a_1 a_2 \cdots a_n - 1$ が成り立つことを証明せよ。

(2) $\sum_{i=1}^n a_i^2 = a_1 a_2 \cdots a_n + 100$ が成り立つような自然数 n を求めよ。

8 三角形 ABC は $AB + AC = 2BC$ を満たしている。また、角 A の二等分線と辺 BC の交点を D とするとき、 $AD = 15$ である。さらに、三角形 ABC の内接円の半径は 4 である。このとき以下の問いに答えよ。

- (1) $\theta = \angle BAD$ とするとき $\sin \theta$ の値を求めよ。また、 $A = \angle BAC$ とするとき、 $\sin A$ と $\cos A$ の値を求めよ。
- (2) 辺 BC の長さを求めよ。

11 n を正の整数とする。

(1) $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \tan^n \theta d\theta + \int_0^{\frac{\pi}{3}} \tan^{n+2} \theta d\theta$ を n の式で表せ。

(2) $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \tan^7 \theta d\theta$ を求めよ。

12 数直線上に動点 P があり、はじめに原点にあるとする。 $k = 1, 2, \dots$

に対し、 k 回目にさいころを振ったとき、1, 2 の目が出たら P は正の方向に $\frac{1}{2^k}$ だけ移動し、3, 4 が出たら負の方向に $\frac{1}{2^k}$ だけ移動し、5, 6 が出たら移動しないとする。 n 回さいころを振った後の点 P の座標を X_n とする。

(1) $0 < X_n$ となる確率を求めよ。

(2) $\frac{1}{2} < X_n$ となる確率を求めよ。

(3) ℓ は n 未満の正の整数とする。このとき、 $\frac{1}{2^\ell} < X_n$ となる確率を求めよ。

13 a は実数とする。座標平面上で連立不等式

$$\begin{cases} y \geq x^2 \\ y \leq (2a+3)x - a(a+3) \end{cases}$$

の表す領域を $D(a)$ とおく。いま、 x 座標も y 座標も整数であるような点を格子点と呼ぶことにする。

- (1) n を整数とする。このとき $D(n)$ に含まれる格子点の個数を求めよ。
- (2) 任意の実数 a について、 $D(a)$ に含まれる格子点の個数と $D(a+1)$ に含まれる格子点の個数は等しいことを示せ。