

北海道大学

一般 前期

H—23 ㊤

理 科

15:00~17:00

解 答 上 の 注 意

1. 試験開始の合図があるまで、この問題紙を開いてはならない。
2. 問題紙は40ページある。このうち、「物理」は2～7ページ、「化学」は8～18ページ、「生物」は19～33ページ、「地学」は34～40ページである。
3. 「物理」、「化学」、「生物」、「地学」のうちから、あらかじめ届け出た2科目について解答せよ。各学部・系・群・専攻の必須科目(㊤印)と選択科目(○印)は下表のとおりである。

学部・系・群・専攻 科目	総 合 入 試					学 部 別 入 試								
	理 系					医 学 部					歯 学 部	獣 医 学 部	水 産 学 部	
	数学重点選抜群	物理重点選抜群	化学重点選抜群	生物重点選抜群	総合科学選抜群	医 学 系	保 健 学 系							
							看護学専攻	放射線技術科学攻	検査技術科学攻	理学療法学専攻				作業療法学専攻
物理	○	◎	○	○	○	○	○	◎	○	○	○	○	○	○
化学	○	○	◎	○	○	○	○	○	◎	○	○	○	○	○
生物	○	○	○	◎	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
地学	○	○	○	○	○									○

4. 受験する科目のすべての解答用紙には、受験番号および座席番号(上下2箇所)を、監督員の指示に従って、指定された箇所に必ず記入せよ。
5. 解答はすべて解答用紙の指定された欄に記入せよ。
なお、選択問題がある科目については、問題文の指示に従うこと。
6. 必要以外のことを解答用紙に書いてはならない。
7. 問題紙の余白は下書きに使用してもさしつかえない。
8. 下書き用紙は回収しない。

物 理

1 次の文章の (1) から (11) に適切な数式を入れ、また (a) には、問題末尾の選択肢欄から適切なものを選び、記号で答えよ。重力加速度の大きさを $g[\text{m/s}^2]$ とする。また、空気抵抗は無視できるものとする。

問 1 図 1 のように、点 O を通る水平面上に x 軸をとり、鉛直上向きに y 軸をとる。点 O より距離 $H[\text{m}]$ だけ上の点 P から、質量が $m_A[\text{kg}]$ で大きさの無視できる物体 A を、 x - y 平面内で x 軸の正の向きより角 θ だけ上向きに、速さ $v_A[\text{m/s}]$ で投げ上げた。ここで $0^\circ < \theta < 90^\circ$ とする。物体 A の運動エネルギーは投射直後 (1) $[\text{J}]$ であり、点 P での物体 A の重力による位置エネルギーは点 O での位置エネルギーより (2) $[\text{J}]$ だけ大きい。物体 A はその後 x 軸上の点 Q に到達した。到達時の速さは (3) $[\text{m/s}]$ である。

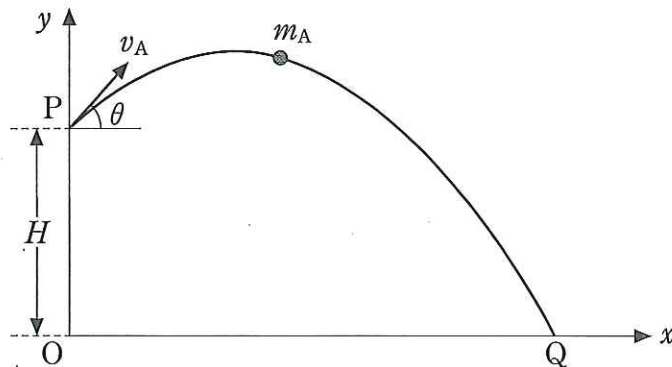


図 1

問 2 次に、図 2 のように時刻 0 に点 P から物体 A を 0 でない速さ v_A で x 軸の正の向きに投げた。同じ時刻に、点 O より x 軸の正の向きに距離 L [m] だけ離れた点 R から、質量が m_B [kg] で大きさの無視できる物体 B を、速さ v_B [m/s] で鉛直上向きに投げ上げた。時刻 t [s] で、物体 A から見た物体 B の相対速度の x 成分は (4) [m/s] であり、 y 成分は (5) [m/s] である。また、物体 A から見た物体 B の運動を考えると、その軌跡は (a) となる。

このあと物体 A と物体 B が衝突した。物体 A と物体 B の座標が一致することより、衝突する時刻は v_A を用いて (6) [s] と表され、 v_B は (7) [m/s] でなければならない。衝突直前の物体 B の速度の y 成分は v_A を用いて (8) [m/s] と表され、 L を変化させると $L =$ (9) [m] を境に (8) の符号が変わる。このときの L の値を L_0 [m] とする。

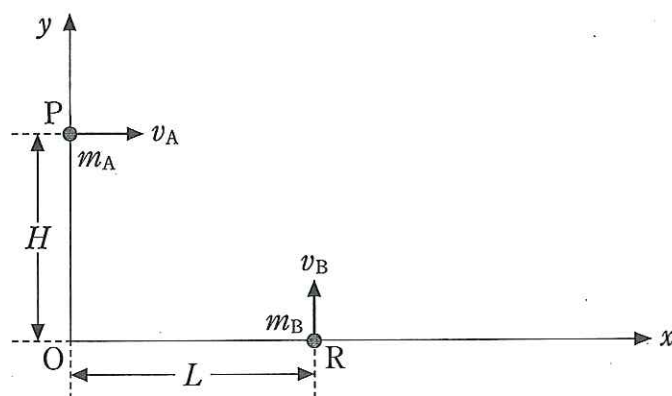


図 2

問 3 以下では $L = L_0$ である場合を考える。衝突後、物体 A と物体 B は一体となった。衝突直後の速さは、物体 A の衝突直前の速さ v [m/s] および m_A , m_B を用いて (10) [m/s] と表される。物体 A と物体 B の運動エネルギーの和は、この衝突で減少する。この減少量は v , m_A , m_B を用いて (11) [J] と表される。

(a) の選択肢

- | | | |
|--------|-----------|---------|
| (ア) 直線 | (イ) 放物線 | (ウ) 双曲線 |
| (エ) 円弧 | (オ) 楕円の一部 | |

2 以下の文章中の に適切な数式を入れよ。

問 1 図 1 のように、電圧 E [V] の電池、スイッチ、および平行板コンデンサーが直列に接続された電気回路を考える。このコンデンサーの極板間は真空中で、また極板の間隔は変えることができる。コンデンサーの各々の極板の面積を S [m²]、真空の誘電率を ϵ_0 [F/m] とする。スイッチは最初開いており、そのとき各極板には電気量が蓄えられていなかった。なお、コンデンサーの極板の端における電界(電場)の乱れは無視できるものとする。

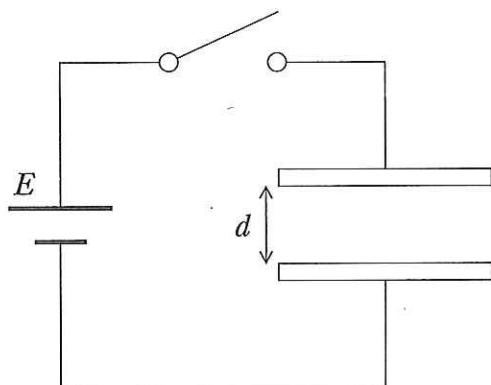


図 1

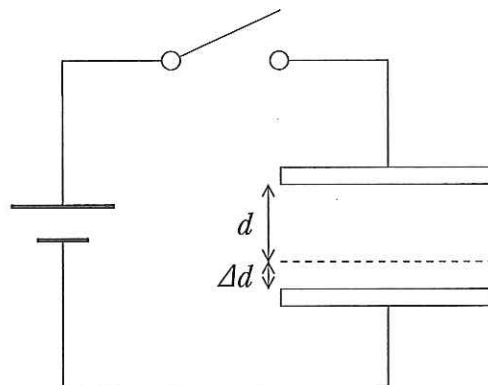


図 2

極板間隔が d [m] であるとき、コンデンサーの電気容量は (1) [F] である。間隔が d のままスイッチを閉じ、その後じゅうぶんな時間が経過した。このときコンデンサーには、電気量 (2) [C] および静電エネルギー (3) [J] が蓄えられている。

この後、スイッチを開いた。そして、図 2 のようにコンデンサーの極板間隔を Δd [m] だけゆっくりと広げた。この間に、コンデンサーの静電エネルギーは (4) [J] だけ増えた。したがって、極板間の引力の大きさは (5) [N] であることがわかる。

問 2 図 3 のように、電気容量がそれぞれ $C_1[\text{F}]$, $C_2[\text{F}]$, $C_3[\text{F}]$ の 3 つのコンデンサー、電圧 $E[\text{V}]$ の電池、およびスイッチ S_1 , S_2 からなる回路を考える。最初、両方のスイッチは開いていた。このとき、コンデンサー C_1 と C_2 には電気が蓄えられていなかったが、 C_3 の上側の極板には $+Q_0[\text{C}]$ 、下側の極板には $-Q_0[\text{C}]$ の電気がそれぞれ蓄えられていた。

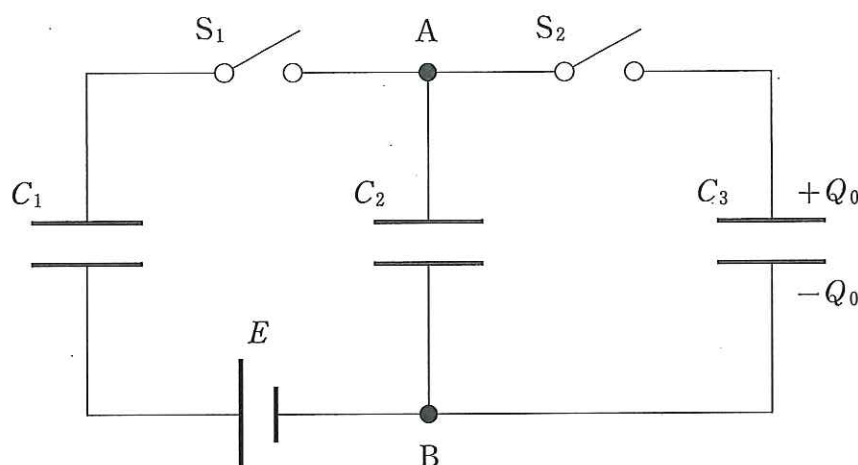


図 3

はじめに、スイッチ S_1 のみを閉じて、じゅうぶんな時間を経過させた。このとき、コンデンサー C_1 の上側の極板に蓄えられた電気量は (6) $[\text{C}]$ となる。また、図中の点 A と点 B の間の電位差は (7) $[\text{V}]$ となる。

次に、スイッチ S_1 を閉じたままスイッチ S_2 も閉じて、じゅうぶんな時間を経過させた。このとき、コンデンサー C_1 , C_2 , C_3 の図における上側の極板に蓄えられている電気を、それぞれ $Q_1[\text{C}]$, $Q_2[\text{C}]$, $Q_3[\text{C}]$ とする。これら 3 つの電気を求めるために、3 つの方程式が必要である。まず電気量 Q_1 , Q_2 , Q_3 と Q_0 の間の関係は $Q_0 =$ (8) である。これが第 1 の方程式となる。さらに、回路中の各点における電位を考えると、残る 2 つの方程式として (9) ならびに (10) が得られる。これらを連立させて Q_2 と Q_3 を消去すると、 $Q_1 =$ (11) $[\text{C}]$ と求めることができる。

- 3 以下の文章中の (1) から (9) に適切な数式または等式を入れ、
(a) と (b) には、図3の選択肢から適切な向きを選び記号で答えよ。

問1 図1は、波長 λ_1 [m]、周期 T_1 [s]の水面波を上から見たものである。この波は、 y 軸に平行な山と谷の波面を持つ平面波として $+x$ 方向に進んでいる。その上空に観測者がいて、波を見ていた。

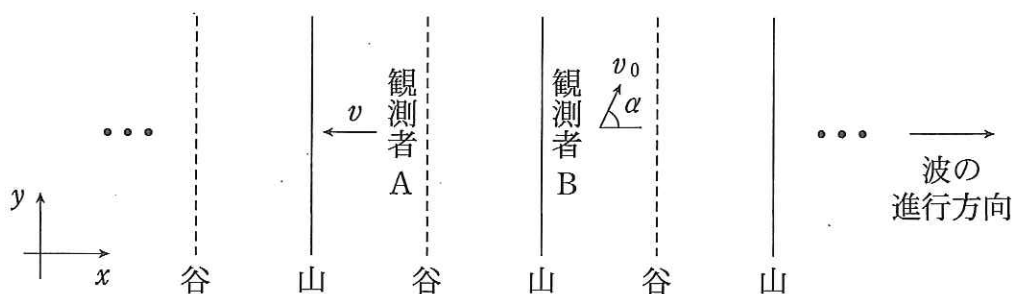


図1

観測者 A が $-x$ 方向に速さ v [m/s]で進んでいた。波の速さが (1) [m/s]なので、観測者 A が波の山の上から次の山の上に来るまでにかかる時間(観測者 A から見た周期)は (2) [s]となる。

次に、観測者 B が $+x$ 方向から反時計回りに角度 α ($0^\circ \leq \alpha < 90^\circ$)の向きに速さ v_0 で進んだところ、観測者 B からは波が止まって見えた。このときの速さは $v_0 =$ (3) [m/s]である。

問2 図2のように、水深の異なる領域ⅠとⅡが直線を境界として接している。領域Ⅰを進んでいた波長 λ_2 [m]、速さ c [m/s]の平面波が、境界に入射角 θ で入射し、屈折した。領域Ⅱにおける波の速さが c' [m/s]であるとき、その波長は (4) [m]となる。屈折角 θ' は関係式 (5) により決まる。

次に図3のように、境界を平らな壁とし、同じ入射角 θ の波を反射させた。このとき、反射波は入射波と同じ速さで (a) の向きに進む。したがって、入射波と反射波の山の波面が交差する点 A は、 (b) の向きに動く。

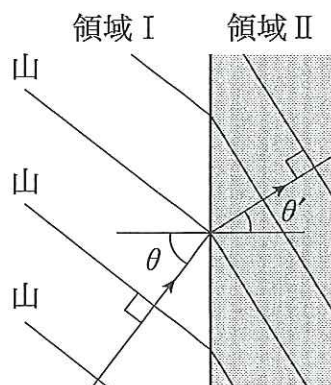


図 2

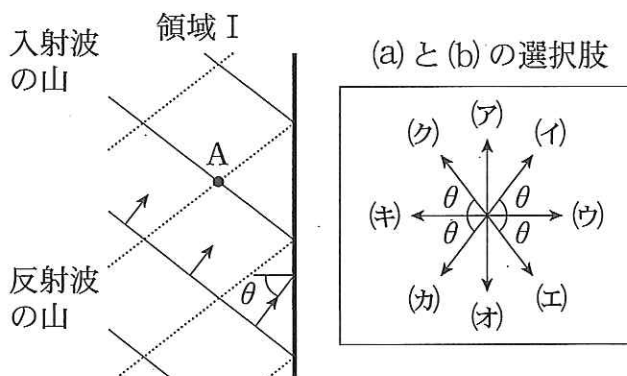


図 3

問 3 図 4 のように、2つのスリットを持つ平らな壁に、波長 λ_3 [m] の水面波が入射角 θ_3 で入射した。波は各スリットから壁の右側に球面波として広がった。各スリットの幅は狭く、以下では幅を無視する。なお、2つのスリットの間隔は d [m] で、壁の両側で波の速さは等しいものとする。

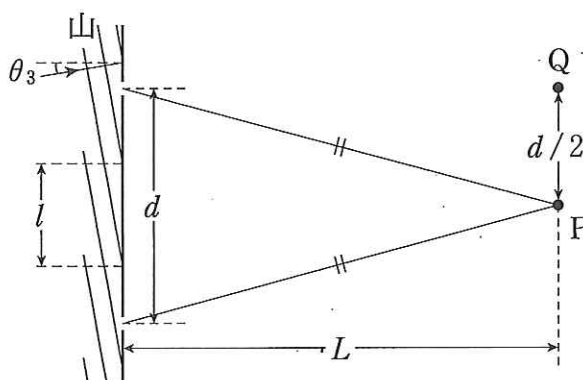


図 4

壁の右側で2つのスリットから等しい距離にある点Pを考える。壁に達した入射波の隣り合う山と山の壁に沿った距離 l [m] が (6) [m] であることから、点Pで2つの球面波が弱め合うためには、 m を0以上の整数として、スリットの間隔を $d =$ (7) [m] とする必要がある。このとき、図のように、壁と平行で点Pを通る直線上にあり、点Pからの距離が $d/2$ の点をQとすると、点Qでは波が弱め合っていた。線分PQ上に波が弱め合う点が、点PとQ以外に n 個あるとき、点Pと壁の距離 L [m] と d , λ_3 , n の間の関係は (8) となる。これより、 $L =$ (9) [m] と求めることができる。