

佐賀大学

前期日程

平成31年度入学試験問題（前期日程）

数 学

(医学部)

―――――― 解答上の注意事項 ―――――

1. 「解答始め」の合図があるまで問題を見てはならない。
2. 問題冊子1冊および解答紙4枚がある。解答紙は1枚ずつ切り離して使用すること。
3. 問題は **1** から **4** まで4問ある。各問の解答は所定の解答紙にのみ記入すること。
4. 解答紙の裏面を使う場合は、続きの解答を裏面の仕切り線の下に記入すること。
5. 解答しない問題がある場合でも、解答紙4枚すべてを提出すること。
6. 問題冊子は持ち帰ること。

1

10本のくじの中に、当たりくじが t 本、はずれくじが $(10 - t)$ 本入っているものとする。この中からくじを 3 本続けて引くとき、次の間に答えよ。ただし、 $0 \leq t \leq 10$ とし、引いたくじは戻さないものとする。

- (1) 当たりくじがちょうど 1 本である確率を t を用いて表せ。
- (2) 当たりくじが 1 本以下である確率を $P(t)$ とするとき、 $P(t) \leq \frac{1}{2}$ をみたす t をすべて求めよ。

2

$a > 1$ とする。このとき、次の間に答えよ。

(1) 曲線 $y = a \sin x + \frac{a}{a-1} \cos x$ ($0 \leq x \leq \pi$), x 軸, 2 直線 $x = 0, x = \pi$ で囲まれた部分を、 x 軸の周りに 1 回転させてできる立体の体積 V を a を用いて表せ。

(2) $a > 1$ における、(1) の V の最小値とそのときの a の値を求めよ。

3

i を虚数単位とし, $\theta = \frac{2}{7}\pi$, $\alpha = \cos\theta + i\sin\theta$ とする。また,

$$f(x) = 8x^3 + 4x^2 - 4x - 1$$

とするとき、次の間に答えよ。

(1) $\alpha^7 = 1$ および $\sum_{k=0}^6 \alpha^k = 0$ を示せ。

(2) $\alpha + \frac{1}{\alpha} = 2\cos\theta$ を示せ。これと (1) を用いて, $f(\cos\theta) = 0$ を示せ。

(3) $\cos 2\theta$, $\cos 3\theta$ が、方程式 $f(x) = 0$ の解となることを示せ。

4

n, m を 0 以上の整数とする。このとき、次の間に答えよ。

(1) 自然数 x, y に対して、 $x^2 + y^2$ が 3 の倍数ならば、 x, y はともに 3 の倍数であることを示せ。

(2) $x^2 + y^2 = 5 \cdot 3^{2n}$ をみたす自然数の組 (x, y) は

$$(3^n, 2 \cdot 3^n), \quad (2 \cdot 3^n, 3^n)$$

のみであることを示せ。

(3) $x^2 + y^2 = 7 \cdot 3^m$ をみたす自然数 x, y は存在しないことを示せ。