

(解答はすべて解答用紙に記入すること)

第 1 問 3 個のサイコロ A、B、C を同時に振って、出た目をそれぞれ  $a$ 、 $b$ 、 $c$  とする。このとき、これらの 3 つの数が 3 辺の長さとなるような三角形を考える。次の問いに答えよ。

問 1 正三角形ができる  $(a, b, c)$  の組は全部で  $\boxed{\text{(ア)}}$  通りある。よって、正三角形ができる確率は  $\frac{\boxed{\text{(イ)}}}{\boxed{\text{(ウ)}}$  である。

問 2 直角三角形ができる確率は  $\frac{\boxed{\text{(エ)}}}{\boxed{\text{(オ)}}$  である。

問 3 二等辺三角形ができる確率は  $\frac{\boxed{\text{(カ)}}}{\boxed{\text{(キ)}}$  である。ただし、正三角形も二等辺三角形であるとする。

問 4  $a < b < c$  を満たし、かつ三角形ができる確率は  $\frac{\boxed{\text{(ク)}}}{\boxed{\text{(ケ)}}$  である。

第 2 問 曲線  $C: y = x^2 - \frac{1}{x} - 2$  ( $x < 0$ ) と  $x$  軸との交点のうち、 $x$  座標が最小である点を  $P$  とする。次の問いに答えよ。

問 1 点  $P$  の  $x$  座標は  $\boxed{\text{(ア)}}$  である。

問 2 点  $Q(0, -5)$  から曲線  $C$  に引いた接線を  $l$  とすると、その接点  $R$  の座標は  $\left( \boxed{\text{(イ)}}, \frac{\boxed{\text{(ウ)}}}{\boxed{\text{(エ)}}} \right)$  で、接線  $l$  の方程式は  $y = -\frac{\boxed{\text{(オ)}}}{\boxed{\text{(カ)}}}x + \boxed{\text{(キ)}}$  である。

問 3 直線  $PQ$  の方程式は  $y = \boxed{\text{(ク)}}x + \boxed{\text{(ケ)}}$  である。

問 4 曲線  $C$  と接線  $l$  と線分  $PQ$  とで囲まれた部分の面積は  $\frac{\boxed{\text{(コ)}}}{\boxed{\text{(サ)}}} + \log \boxed{\text{(シ)}}$  である。

第 3 問 空間内に 4 点  $A(0, 1, 2)$ 、 $B(3, 5, 2)$ 、 $C(-1, 3, 4)$ 、 $D(4, -2, 7)$  がある。次の問いに答えよ。

問 1  $\vec{AB} = (\boxed{\text{(ア)}}, \boxed{\text{(イ)}}, \boxed{\text{(ウ)}})$ 、 $\vec{AC} = (\boxed{\text{(エ)}}, \boxed{\text{(オ)}}, \boxed{\text{(カ)}})$ 、  
 $\vec{AD} = (\boxed{\text{(キ)}}, \boxed{\text{(ク)}}, \boxed{\text{(ケ)}})$  で、 $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = \boxed{\text{(コ)}}$ 、 $\vec{AC} \cdot \vec{AD} = \boxed{\text{(サ)}}$ 、  
 $\vec{AD} \cdot \vec{AB} = \boxed{\text{(シ)}}$  である。

問 2  $\cos \angle CAB = \frac{\boxed{\text{(ス)}}}{\boxed{\text{(セ)}}$  である。

問 3  $\triangle ABC$  の面積は  $\boxed{\text{(ソ)}} \sqrt{\boxed{\text{(タ)}}$  である。

問 4 4 点  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  を頂点とする四面体の体積は  $\frac{\boxed{\text{(チ)}}}{\boxed{\text{(ツ)}}$  である。