平成31年度 一般入学試験(前期)問題

理 科

試験開始の合図があるまで問題冊子を開いてはならない。

科目選択について

- 1. 3科目すべての解答用紙に受験番号、氏名を記入すること。
- 2. 物理・化学・生物の3科目のうち、2科目を選択すること。
- 3. 選択しない科目の解答用紙の中央に大きく×印を描くこと。
- 4. 選択しない科目の解答用紙は試験開始から30分後に回収される。

注 意 事 項

- 1. 試験時間は100分である。
- 2. 試験開始の合図があるまで、筆記用具を手に持ってはならない。
- 3. 試験開始後に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁等の不備、解答用紙の汚れ等を確認しなさい。 これらがある場合には手を高く挙げて監督者に知らせること。
- 4. 物理では、問題は $1 \sim 17$ ページまでで、解答番号は $1 \sim 28$ までである。 化学では、問題は $18 \sim 29$ ページまでで、解答番号は $1 \sim 43$ までである。 生物では、問題は $30 \sim 45$ ページまでで、解答番号は $1 \sim 54$ までである。
- 5. 解答は指示された解答番号に従って解答用紙の解答欄にマークすること。
- 6. 解答用紙に正しく記入・マークしていない場合には、正しく採点されないことがある。
- 7. 指定された以外の個数をマークした場合には誤りとなる。
- 8. 下書きや計算は問題冊子の余白を利用すること。
- 9. 質問等がある場合には手を高く挙げて監督者に知らせること。
- 10. 試験終了の合図があったら直ちに筆記用具を机の上に置くこと。
- 11. 試験終了の合図の後に受験番号、氏名の記入漏れに気づいた場合には、手を高く挙げて許可を得てから記入すること。許可なく筆記用具を持つと不正行為とみなされる。
- 12. 試験終了後、問題冊子は持ち帰ること。

解答用紙記入要領

例:受験番号が「0 1 2 3 」番の「日本花子」さんの場合

| 受 験 番 号 | | | | |
|---------|---------|----------|------------|------------|
| мв | 0 | 1 | 2 | 3 |
| | - | (0) | 0 | 0 |
| | \odot | • | \bigcirc | 0 |
| | 2 | 2 | • | 0 |
| | 3 | 3 | 3 | - |
| | 3 | 3 | 3 | (3) |
| | (\$) | S | (3) | (3) |
| | ➂ | (E) | © | (5) |
| | 0 | 00 | \bigcirc | 0 |
| | (8) | (3) | (3) | (3) |
| | (9) | (2) | 9 | (2) |



注 1. 黒鉛筆(BまたはHBに限る)を使用すること。

2. マークは、はみ出さないように ○ の内側を ● のように丁寧に塗りつぶすこと。

3. 所定の記入欄以外には何も記入しないこと。

🥊 ※ マークの塗り方が正しくない場合には、採点されないことがある。

- 1. 受験番号の空欄に受験番号を記入し、さらにその下のマーク欄にマークする。次に、氏名を書き、フリガナをカタカナで記入する。
- 2. 受験番号欄と解答欄では、 ① の位置が異なるので注意する。
- 3. マークは黒鉛筆(B または HB に限る)を使い、はみ出さないように の内側を のように丁寧 に塗りつぶす。
- 4. マークを消す場合は、消しゴムで跡が残らないように完全に消す。
- 5. 解答用紙は折り曲げたり、汚したりしない。
- 6. 所定の欄以外には何も記入しない。



物 理

解答上の注意

1. 解答は、解答用紙の解答欄にマークすること。

例えば、 6 7 と表示のある問題に対して、計算等から得られた値をマーク する場合には、次の例に従う。

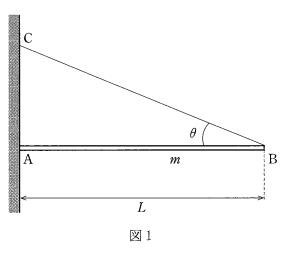
例:38と答えたい場合には

| 解答 番号 | 解 答 欄 |
|----------|---------------------|
| 6 | 1 2 • 4 5 6 7 8 9 0 |
| 7 | 1 2 3 4 5 6 7 • 9 0 |

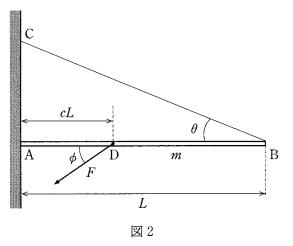
- 2. 分数形で解答する場合には、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えること。
- 3. 答えの値は、枠に合わせて四捨五入すること。

1 次の文章を読み、下の問い(**問**1~5)に答えよ。

図1のように、質量m,長さLの一様な剛体棒 AB がある。棒の端B では鉛直な壁上の1点C に結びつけられた糸の張力がはたらく。糸と棒のなす角は $\theta(0<\theta<\frac{\pi}{2})$ で、糸の質量は無視できる。棒の端A では壁との摩擦力がはたらき、壁と棒の間の静止摩擦係数は十分に大きく、棒が壁を押している限り棒がすべることはない。B における糸の張力とA における摩擦力により、棒は水平に保たれている。重力加速度の大きさをg とする。



- [1] 図2のように、この棒に壁からcL (0 < c < 1)離れた点Dを作用点として、棒からの角度 $\phi(0 < \phi < \pi)$ となる向きに大きさFの力で引っ張ったが、棒は静止したままだった。
 - 問 1 このとき、糸の張力Tは 1 であり、棒にはたらく摩擦力の大きさfは 2 である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさNは 3 である。



- 1 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- (2) **2** に入る式として最も適切なものを、次の① \sim 9のうちから1つ選べ。
- $(1-c)F\sin\phi \frac{mg}{2}$

- 3 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

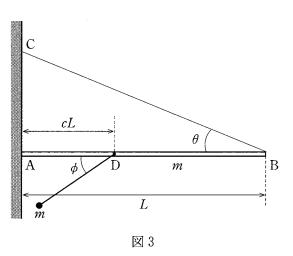
①
$$F\left(\cos\phi - \frac{c\sin\phi}{\tan\theta}\right) + \frac{3mg}{2\tan\theta}$$
 ② $F\left(\cos\phi + \frac{c\sin\phi}{\tan\theta}\right) + \frac{3mg}{2}$

$$(2) F(\cos\phi + \frac{c\sin\phi}{\tan\theta}) + \frac{3mg}{2}$$

- **問 2** ϕ がある値 ϕ_c より大きいときに限り、 ϕ を一定に保ったまま F をしだいに大きくす るとNは小さくなる。このような角度 ϕ_c の満たす式として最も適切なものを、次の
 - ①~⑨のうちから1つ選べ。 4
 - ① $\cos \phi_c = 0$ ② $\sin \phi_c = 0$
- 3 $\tan \theta + c \sin \phi_c = 0$

- 問 3 $\phi > \phi_c$ とする。 ϕ を一定に保ったままFをしだいに大きくすると, $F = \boxed{5}$ になったとき、A はすべり落ちてしまう。 5 に入る式として最も適切なもの を、次の①~⑨のうちから1つ選べ。
 - \bigcirc mg

[2] 点 D において、長さ *cL* の軽い糸の一端を 棒に固定し、もう一端に大きさが無視でき、 棒と同じ質量 *m* をもつおもりを取りつけ、 A の位置まで持ち上げて、糸がたるまないよ うに静かにおもりを離したところ、おもりは D を中心とする半径 *cL* の円周上を運動し た。



問 4 図 3 のように、おもりをつけた糸と棒のなす角が ϕ になった瞬間のおもりの速さvは $\boxed{6}$ で、おもりをつなぐ糸の張力Sは $\boxed{7}$ である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさNは、恒等式 $2\sin\phi\cos\phi=\sin2\phi$ 、 $2\sin^2\phi=1-\cos2\phi$ を用いて

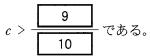
のように表すことができる。ただし、おもりの運動中、空気抵抗や D における糸と棒の間の摩擦および A における壁とおもりの間の摩擦は無視できるものとする。

| (1) | 6 に入る式として | て最も | っ適切なものを, タ | 欠の①~⑨の |)うちから1つ選べ。 |
|-----|---------------------|-----|-------------------------|--------|---------------------------|
| 1 | \sqrt{gL} | 2 | $\sqrt{2 gL}$ | 3 | $\sqrt{2 cgL}$ |
| 4 | $\sqrt{gL\cos\phi}$ | 5 | $\sqrt{2 gL \cos \phi}$ | 6 | $\sqrt{2 cgL \cos \phi}$ |
| 7 | $\sqrt{gL\sin\phi}$ | 8 | $\sqrt{2 gL \sin \phi}$ | 9 | $\sqrt{2 cgL \sin \phi}$ |
| | | | | | |
| (2) | 7 に入る式として | て最も | っ適切なものを, 2 | 欠の①~⑨の |)うちから1つ選べ。 |
| 1 | mg | 2 | 2 mg | 3 | 3 mg |
| 4 | $mg \sin \phi$ | 5 | $2 mg \sin \phi$ | 6 | $3 mg \sin \phi$ |
| 7 | $mg\cos\phi$ | 8 | $2 mg \cos \phi$ | 9 | $3 mg \cos \phi$ |

(3) 文章中の空欄 **ア** ~ **ウ** に当てはまる式の組合せとして最も適切なものを,次の①~⑨のうちから1つ選べ。 **8**

| | ア | 1 | ウ |
|---|-----------------|-----------------|---------|
| 1 | 3 <i>c</i> | $3 \tan \theta$ | (-3c+1) |
| 2 | -3c | $3 \tan \theta$ | 3c + 1 |
| 3 | $3 \tan \theta$ | 3 c | (-3c+1) |
| 4 | 3 	an 	heta | (-3c) | 3c + 1 |
| 5 | 3 | 0 | 1 |
| 6 | 3 | 1 | 0 |
| 7 | $\tan \theta$ | С | (-c+1) |
| 8 | an	heta | (- c) | c + 1 |
| 9 | an	heta | (-3c) | С |

問 5 $\theta = \frac{\pi}{6}$ のとき、A がすべり落ちずに、おもりが運動し続けるための条件は



9 , 10 の各枠に当てはまる1桁の数字をマークせよ。

次の文章を読み、下の問い(問1~7)に答えよ。 2

なめらかに動くピストンがついた容器に、ある理想気体をn[mol]だけ閉じこめた。この気体 の定積モル熱容量(定積モル比熱)を $C_{\nu}[J/(mol\cdot K)]$, また気体定数を $R[J/(mol\cdot K)]$ とする。

[1] この気体の状態を以下のように $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ と変化させる。

最初、状態 A では気体の圧力が p₀[Pa] である。状態 A から気体を断熱圧縮し、気体の圧 力が $3p_0[Pa]$ の状態Bにする。次に、状態Bから気体の圧力を $3p_0[Pa]$ に保ちながら $Q_1[J]$ の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 C にする。さらに、状態 C から気体を断 熱膨張させ, 気体の圧力が po[Pa]の状態 D にする。最後に, 状態 D から気体の圧力を $p_0[Pa]$ に保ちながら $Q_2[J]$ の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 A に戻す。ただし、すべ ての状態変化はゆっくりと行う。また、状態 A、B、C、D における気体の温度をそれぞれ $T_A(K)$, $T_B(K)$, $T_C(K)$, $T_D(K)$ とする。

- **問** 1 状態 $A \rightarrow B$ の変化の間に気体が外部からされた仕事は $\boxed{}$ [J]である。
 - に入る数値または式として最も適切なものを,次の①~⑨のうちから1つ 選べ。
 - ① 0

- **問 2** 状態 B→C の変化の間に気体が外部にした仕事は 12 [J]である。
 - ──に入る数値または式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ 選べ。
 - ① 0

- ② $nR(T_{C} T_{B})$ ③ $\frac{3}{2}nR(T_{C} T_{B})$
- $\textcircled{3} \ nR(T_{\text{C}} T_{\text{B}}) \qquad \qquad \textcircled{5} \ \frac{1}{3} \ nR(T_{\text{C}} T_{\text{B}}) \qquad \qquad \textcircled{6} \ nC_{V}(T_{\text{C}} T_{\text{B}})$

- 問 3 熱量 $Q_1[J]$ と $Q_2[J]$ の比は $\frac{Q_2}{Q_1} = \boxed{13}$ である。
 - に入る数値または式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ 選べ。
 - ① 1

- $\bigcirc \frac{3}{2} nR$
- $\Im \frac{5}{2}nR$

- $4 \frac{T_A}{T_C}$

- $\bigcirc \frac{T_{\rm A}}{3 T_{\rm G}}$

- 問 4 この $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ のサイクルを利用して熱機関としてはたらかせると、この熱 機関は1サイクルの間に外部から $Q_1[1]$ の熱量を吸収して外部に仕事をすることにな る。このとき、この熱機関の効率(熱効率)は 14
 - に入る数値または式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ 選べ。
 - ① 0

- $2 \frac{1}{3}$
- $3 \frac{T_{\rm C}-T_{\rm A}}{T_{\rm C}}$

- $\underbrace{T_{A} T_{B} + T_{C} T_{D}}_{T_{C} T_{R}}$

- [2] 〔1〕のサイクルは、 $A \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$ と状態を逆向きに変化させることもできる。すなわち、最初に状態 A から気体の圧力を p_0 [Pa] に保ちながら Q_2 [J] の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 D にする。次に、状態 D から気体を断熱圧縮し気体の圧力を $3p_0$ [Pa] にし、状態 C にする。さらに、状態 C から気体の圧力を $3p_0$ [Pa] に保ちながら Q_1 [J] の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 D にする。最後に、状態 D から気体を断熱膨張させ気体の圧力を D0 [Pa] にし、状態 D1 に以 D2 に保ちながら D3 に対象 D3 に対象 D4 に戻す。ただし、すべての状態変化はゆっくりと行う。
 - **問** 5 この $A \to D \to C \to B \to A$ の1 サイクルの間に、気体が外部からされた仕事は $W = \begin{bmatrix} 15 \end{bmatrix}$ [J] である。

15 に入る数値または式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- ① 0
- ② $n(C_V + 3R)(T_A T_B + T_C T_D)$
- ③ $n(C_V + 3R)(-T_A + T_B + T_C T_D)$
- $(4) n(C_V + R) (T_A T_B + T_C T_D)$
- ⑤ $n(C_V + R) (-T_A + T_B T_C + T_D)$
- ⑥ $n(C_V + R) (-T_A + T_B + T_C T_D)$

問 6 この $A \to D \to C \to B \to A$ のサイクルでは、気体は 1 サイクルの間に外部から仕事 W[J] をされることにより外部から $Q_2[J]$ の熱量を吸収し、また外部に $Q_1[J]$ の熱量を放出していると見なせる。このはたらきはヒートポンプとよばれる。このヒートポンプの性能を式 $\frac{Q_2}{W}$ で表すと、 $\frac{Q_2}{W} = \boxed{16}$ である。

16 に入る数値または式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

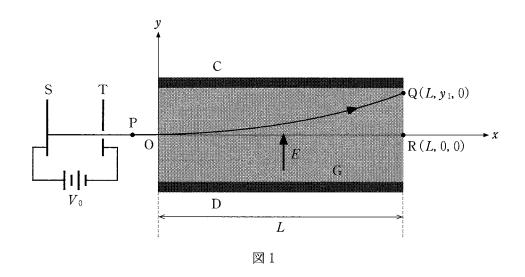
① 0

② 2

$$\Im \frac{T_A}{T_C - T_A}$$

$$\overline{T_{\rm A} - T_{\rm B} + T_{\rm C} - T_{\rm D}}$$

図1に示すように、荷電粒子を加速するための電極 S、T と荷電粒子の軌道を曲げる長さ L の 平行極板 C、D が真空中に配置されている。T には粒子を通すための小さな穴が開いている。図 1 のように C、D と平行に x 軸、垂直に y 軸を e とり、紙面の奥から手前に向く方向に e 軸を e る。e C、D にはさまれた領域 e G(図 1 の灰色の領域) の左端にある一点を原点 O にとる。領域 e には e 神の正の向きに大きさ e の一様な電場がある。はじめ e の位置で静止していた質量 e e 加速電圧 e で加速され、e 軸上を進んだ。原点 O を越えたところで荷電粒子の軌道は e 軸の正の向きに曲げられ、領域 e の右端の点 e Q(e e e e e e 心、ただし、Pは e には衝突しないものとする。また、e e のがつくる電場は領域 e にのみ存在し、重力や地磁気が荷電粒子に及ぼす影響は無視できるものとする。



問 1 $y_1 =$ **22** である。

22 に入る式として最も適切なものを,次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- $\Im \frac{E}{V_0}L^2$

- $\bigcirc \frac{1}{4} \frac{V_0^2}{E^2 L}$

 $\bigcirc qV_0$

 \otimes qEL

次に、E はそのままにして、x>0 の領域にz 軸の正の方向(紙面の奥から手前に向く方向)に 大きさBの一様な磁束密度を加え、SにPをおいて同様の実験を行ったところ、Pはx軸上を直 進し点 R(L, 0, 0)まで進んだ。

問 3 RにおけるPの運動エネルギーは 24 である。

24 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- (7) qV_0

問 4 B = **25** である。 **25** に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- ① $\sqrt{\frac{mE}{2 qL}}$ ② $\sqrt{\frac{mE}{qL}}$ ③ $\sqrt{\frac{2 mE}{qL}}$ ④ $\frac{E}{2} \sqrt{\frac{m}{qV_0}}$ ⑤ $E \sqrt{\frac{m}{2 qV_0}}$ ⑥ $E \sqrt{\frac{m}{qV_0}}$

さらに、R に達したPはその後磁束密度のみの影響を受け、半周して点 $J(L, y_2, 0)$ に達し た。

- 問 5 RからJまで進むのにかかった時間は 26 である。
 - 26 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

①
$$\frac{\pi}{4E}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$$

$$2 \frac{\pi}{2E} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$$

①
$$\frac{\pi}{4E}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$$
 ② $\frac{\pi}{2E}\sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$ ③ $\frac{\pi}{2E}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

$$\stackrel{\pi}{=} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{2 q}} \qquad \qquad \textcircled{5} \quad \frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}} \qquad \qquad \textcircled{6} \quad \frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{2 mV_0}{q}}$$

$$\bigcirc \frac{2\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$$

今度は質量4m,電気量2qの荷電粒子Pを用い、加速電圧のみを変えて同様の実験を行っ た。加速電圧が V_1 になったときにPはGを直進し、その後半周して点 $K(L, y_3, 0)$ に達し た。

問 6 V_1 は V_0 の 27 倍である。

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ⑤ 1

問7 y_3 は y_2 の **28** 倍である。

28 に入る数値として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。 ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ⑤ 1

- $\bigcirc 6 \sqrt{2} \qquad \bigcirc 7 2 \qquad \bigcirc 8 2\sqrt{2} \qquad \bigcirc 9 4$