

2018 年度  
慶應義塾大学入学試験問題

環境情報学部

数学または情報

注意事項 1

1. 試験開始の合図があるまで、この問題冊子を開かないでください。
2. 問題冊子は全部で 28 ページです。
  - 数学の問題 I～VI は 3 ページから 10 ページです。
  - 情報の問題 I～V は 12 ページから 27 ページです。

試験開始の合図とともにすべてのページが揃っているか確認してください。ページの欠落・重複があった場合には、直ちに監督者に申し出てください。
3. 問題冊子の 2 ページに「注意事項 2」があります。試験開始後必ず読んでください。
4. 数学・情報のいずれか 1 つを選択し、解答用紙の選択科目名の欄に科目名を記入し、選択科目マーク欄にマークしてください。
5. 問題冊子は、試験終了後必ず持ち帰ってください。
6. 受験番号と氏名は、解答用紙の所定の欄に必ず記入してください。
7. 解答用紙の「注意事項」を必ず読んでください。

## 注意事項 2

問題冊子に数字の入った  があります。それらの数字は解答用紙の解答欄の番号を表しています。対応する番号の解答欄の 0 から 9 までの数字または - (マイナスの符号) をマークしてください。

が 2 個以上つながったとき、数は右詰めで入れ、左の余った空欄には 0 を入れてください。負の数の場合には、マイナスの符号を先頭の  に入れてください。

$$(例) \quad 12 \rightarrow \boxed{0} \boxed{1} \boxed{2}$$

$$-3 \rightarrow \boxed{-} \boxed{0} \boxed{3}$$

分数は約分した形で解答してください。マイナスの符号は分母には使えません。

$$(例) \quad \frac{4}{8} \rightarrow \frac{1}{2} \rightarrow \frac{\boxed{0} \boxed{1}}{\boxed{0} \boxed{2}}$$

$$-\frac{6}{9} \rightarrow -\frac{2}{3} \rightarrow \frac{\boxed{-} \boxed{2}}{\boxed{0} \boxed{3}}$$

ルート記号の中は平方因子を含まない形で解答してください。

$$(例) \quad \sqrt{50} \rightarrow \boxed{0} \boxed{5} \sqrt{\boxed{0} \boxed{2}}$$

$$-\sqrt{24} \rightarrow \boxed{-} \boxed{2} \sqrt{\boxed{0} \boxed{6}}$$

$$\sqrt{13} \rightarrow \boxed{0} \boxed{1} \sqrt{\boxed{1} \boxed{3}}$$

数式については、つぎの例のようにしてください。分数式は約分した形で解答してください。

$$(例) \quad -a^2 - 5 \rightarrow \boxed{-} \boxed{1} a^2 + \boxed{0} \boxed{0} a + \boxed{-} \boxed{5}$$

$$\frac{4a}{2a - 2} \rightarrow \frac{-2a}{1 - a} \rightarrow \frac{\boxed{0} \boxed{0} + \boxed{-} \boxed{2} a}{1 - \boxed{0} \boxed{1} a}$$

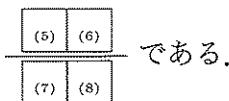
選択肢の番号を選ぶ問題では、同じ選択肢を何回選んでもかまいません。

## 数学 - I

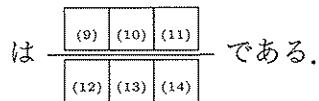
0 から 5 までの番号のついた箱 0, 箱 1, …, 箱 5 がある。箱 1 と 箱 2 には玉が 1 つずつ入っているが、他の箱には玉は入っていない。いま、1 から 6 の目のついた 2 個のサイコロを振り、出た目の差の絶対値と同じ番号のついた箱の中身を確認し、玉が入っていた場合にはその玉を取り出す操作について考える。

(1) この操作を 1 回行うとき、箱 2 の玉が取り出される確率は  $\frac{\boxed{(1)} \quad \boxed{(2)}}{\boxed{(3)} \quad \boxed{(4)}}$  である。

(2) この操作を 2 回繰り返すとき、箱 1 の玉と箱 2 の玉の少なくとも 1 つが取り出される確率は



(3) 箱 1 と 箱 2 の玉が両方とも取り出されるまで操作を繰り返すとき、その操作が 3 回で終わる確率

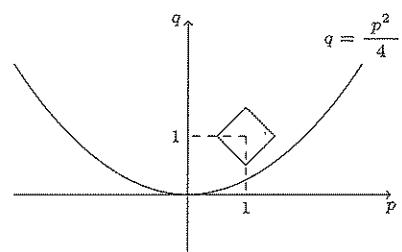


## 数学 - II

(1) 実数  $p, q$  が  $q \leq \frac{p^2}{4}$  をみたすとき,  $p, q$  に関する式

$$|p-1| + |q-1|$$

は,  $p = \boxed{(15)} \boxed{(16)}$ ,  $q = \frac{\boxed{(17)} \boxed{(18)}}{\boxed{(19)} \boxed{(20)}}$  のときに最小値  $\boxed{(21)} \boxed{(22)} / \boxed{(23)} \boxed{(24)}$  をとる.



(2)  $a > \frac{1}{4}$  となる定数に対して, 実数  $x, y$  に関する式

$$|2x+y-1| + |2xy-a|$$

の最小値  $m$  を考えると

(i)  $\frac{1}{4} < a < \frac{\boxed{(25)}}{\boxed{(26)}}$  の場合

$$x = \frac{\boxed{(27)}}{\boxed{(28)}}, \quad y = \frac{\boxed{(29)}}{\boxed{(30)}} \text{ のときに } m = \boxed{(31)} \boxed{(32)} a + \frac{\boxed{(33)} \boxed{(34)}}{\boxed{(35)} \boxed{(36)}}$$

(ii)  $a = \frac{\boxed{(25)}}{\boxed{(26)}}$  の場合

$$x = \frac{\boxed{(27)}}{\boxed{(28)}}, \quad y = \frac{\boxed{(29)}}{\boxed{(30)}} \text{ または } x = \frac{\boxed{(37)}}{\boxed{(38)}}, \quad y = \frac{\boxed{(39)}}{\boxed{(40)}} \text{ のときに } m = \boxed{(41)} \boxed{(42)}$$

(iii)  $a > \frac{\boxed{(25)}}{\boxed{(26)}}$  の場合

$$x = \frac{\boxed{(43)} \boxed{(44)}}{\boxed{(45)} \boxed{(46)}} \sqrt{a}, \quad y = \boxed{(47)} \boxed{(48)} \sqrt{a} \text{ のときに } m = \boxed{(49)} \boxed{(50)} \sqrt{a} + \boxed{(51)} \boxed{(52)}$$

となる.

(計算用紙)

數  
字

## 数学 - III

実数  $x$  に対して,  $[x]$  は  $x$  以下の最大の整数とする. 数列  $\{a_n\}$  と  $\{b_n\}$  を

$$a_1 = 1, \quad a_{n+1} = a_n + [\sqrt{n+1}] \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

$$b_1 = 1, \quad b_{n+1} = b_n + (-1)^n [\sqrt{n+1}] \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

で定義すると

(1)  $a_{10} = \boxed{\text{(53)}} \boxed{\text{(54)}}, \quad b_{10} = \boxed{\text{(55)}} \boxed{\text{(56)}}$  である.

(2)  $a_n \geq 100$  となるのは  $n \geq \boxed{\text{(57)}} \boxed{\text{(58)}}$  のときである.

(3)  $b_n = 5$  となる最初の項は  $n = \boxed{\text{(59)}} \boxed{\text{(60)}}$  のときである.

(4) 一般に,  $m = [\sqrt{n}]$  とすると

$$a_n = \frac{\boxed{\text{(61)}} \boxed{\text{(62)}} m n + \boxed{\text{(63)}} \boxed{\text{(64)}} m \boxed{\text{(65)}} + \boxed{\text{(66)}} \boxed{\text{(67)}} m^2 + \boxed{\text{(68)}} \boxed{\text{(69)}} m}{\boxed{\text{(70)}} \boxed{\text{(71)}}}$$

となる.

## 数学 - IV

われわれはふだん 10 進法で数をあらわしているが、コンピュータでは 2 進法や 8 進法や 16 進法などもよく用いる。一般に、 $n$  進法では  $n$  個の数字を使って数をあらわす。 $n$  が 10 以下の場合には、アラビア数字を用いれば良いが、10 を超える場合には、英語のアルファベットを用いることが多い。たとえば、16 進法では、

$$0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F$$

の 16 個の記号を用い、A, B, C, D, E, F は 10 進法の 10, 11, 12, 13, 14, 15 にそれぞれ対応する。16 進法では桁ごとに 16 倍ずつ大きくなるため、たとえば 7E2 は、 $7 \times 16^2 + 14 \times 16 + 2$  を計算することで、10 進法の 2018 をあらわしていることがわかる。

以下では、 $n$  進法で数をあらわしていることを明記するために、 $n$  が 10 以外の場合、 $7E2_{(16)}$  のように  $(n)$  を添え字として書くこととする。

- (1) 10 進法の 2018 を 18 進法であらわすと  $\boxed{(72)} \boxed{(73)} \boxed{(74)}_{(18)}$  である。
- (2) 10 進法の 1000 を  $n$  進法であらわすと  $516_{(n)}$  となつたとき、 $n = \boxed{(75)} \boxed{(76)}_{(8)}$  である。
- (3) 8 進法で係数をあらわした 2 次方程式  $x^2 - 22_{(8)}x + 120_{(8)} = 0$  の解は、8 進法で  $\boxed{(77)} \boxed{(78)}_{(8)}$  と  $\boxed{(79)} \boxed{(80)}_{(8)}$  である（ただし  $\boxed{(77)} \boxed{(78)}_{(8)} \leq \boxed{(79)} \boxed{(80)}_{(8)}$  とする）。
- (4)  $m$  進法で係数をあらわした 2 次方程式  $x^2 - 23_{(m)}x + 114_{(m)} = 0$  の解の 1 つが  $m$  進法で  $5_{(m)}$  であったとき、 $m = \boxed{(81)} \boxed{(82)}_{(8)}$  であり、この 2 次方程式のもう 1 つの解は  $m$  進法で  $\boxed{(83)} \boxed{(84)}_{(m)}$  である。

## 数学 - V

(1) 3つの直線  $x - y = 1$ ,  $3x - y = 1$ ,  $x + y = 4\sqrt{2} - 1$  で囲まれてできる三角形の内接円の半径は

$$\boxed{(85)} \boxed{(86)} + \boxed{(87)} \boxed{(88)} \sqrt{\boxed{(89)} \boxed{(90)}} \text{ であり, 中心は}$$

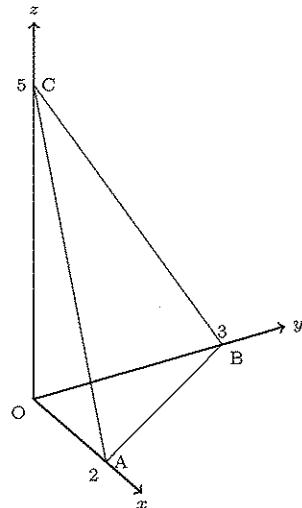
$$\left( \sqrt{\boxed{(91)} \boxed{(92)}} + \boxed{(93)} \boxed{(94)} \sqrt{\boxed{(95)} \boxed{(96)}}, \boxed{(97)} \boxed{(98)} + \boxed{(99)} \boxed{(100)} \sqrt{\boxed{(101)} \boxed{(102)}} \right)$$

である.

(2)  $xyz$  空間ににおいて, 原点 O と A(2, 0, 0), B(0, 3, 0), C(0, 0, 5) を結ん

でできる四面体の体積は  $\boxed{(103)} \boxed{(104)}$  であり, 表面積は  $\boxed{(105)} \boxed{(106)}$  である. ま

た, この四面体の 4 つの面に接する球の半径は  $\frac{\boxed{(107)} \boxed{(108)}}{\boxed{(109)} \boxed{(110)}}$  である.

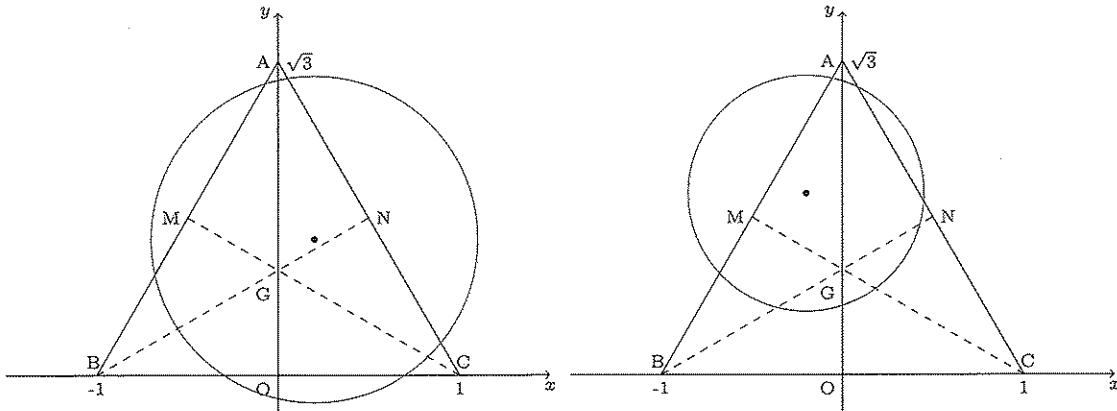


(計算用紙)



## 数学 - VI

$xy$  平面において、 $A(0, \sqrt{3})$ ,  $B(-1, 0)$ ,  $C(1, 0)$  を頂点とする正三角形が与えられている。正三角形 ABC の各辺と 2 点で交わる円を考える。ただし、各辺上の 2 つの交点は頂点以外の 2 点とする。正三角形 ABC の辺および内部において、そのような円の中心が存在しうる領域を  $R$ 、存在しない領域を  $S$  とする。



正三角形 ABC の重心を  $G$ 、辺 AB の中点を  $M$ 、辺 CA の中点を  $N$  とすると、領域  $S$  のうち、四角形 AMGN に含まれる部分の領域は

$$\left\{ \begin{array}{l} y \geq -\frac{\sqrt{\boxed{(111)}\boxed{(112)}}}{\boxed{(113)}\boxed{(114)}} \left( x \boxed{(115)} + \boxed{(116)}\boxed{(117)} \right) \\ y \leq \sqrt{\boxed{(118)}\boxed{(119)}} \left( x + \boxed{(120)}\boxed{(121)} \right) \\ y \leq -\sqrt{\boxed{(122)}\boxed{(123)}} \left( x + \boxed{(124)}\boxed{(125)} \right) \end{array} \right.$$

とあらわされ、その面積は  $\boxed{(126)}\boxed{(127)} + \boxed{(128)}\boxed{(129)} \sqrt{\boxed{(130)}\boxed{(131)}}$  である。したがって、領域  $S$  の面積はその  $\boxed{(132)}\boxed{(133)}$  倍である。

(計算用紙)

數  
字